

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ  
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«СЕВЕРО-КАВКАЗСКАЯ ГОСУДАРСТВЕННАЯ АКАДЕМИЯ»  
СРЕДНЕПРОФЕССИОНАЛЬНЫЙ КОЛЛЕДЖ



**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**  
**ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

**МАТЕМАТИКА**

специальности 23.02.07 Техническое обслуживание и ремонт двигателей,  
систем и агрегатов автомобилей

г.Черкесск, 2024г.

Рабочая программа общеобразовательной учебной дисциплины разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта (далее – ФГОС) СОО в пределах образовательной программы СПО по специальности среднего профессионального образования (далее – СПО) 23.02.07 Техническое обслуживание и ремонт двигателей, систем и агрегатов автомобилей, направление подготовки - 23.00.00 Техника и технологии наземного транспорта.

**Организация – разработчик:**

СПК ФГБОУ ВО «Северо-Кавказская государственная академия»

**Разработчик:**

Узденова Клара Магомедовна – преподаватель СПК ФГБОУ ВО «СевКавГА»

Одобрена на заседании цикловой комиссии «Общеобразовательные дисциплины»

от « 6 » 02 2024г. протокол № 6

Руководитель образовательной программы  И.С. Леднева

Рекомендована методическим советом колледжа

от « 8 » 02 2024г. протокол № 3

## **СОДЕРЖАНИЕ**

- 1. ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ  
ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**
- 2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ УЧЕБНОЙ  
ДИСЦИПЛИНЫ**
- 3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ УЧЕБНОЙ  
ДИСЦИПЛИНЫ**
- 4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ  
УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

# **1. ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ ОУД.03 «МАТЕМАТИКА»**

## **1.1. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы:**

Общеобразовательная учебная дисциплина «Математика» является обязательной частью общеобразовательного цикла образовательной программы в соответствии с ФГОС по специальности 23.02.07 Техническое обслуживание и ремонт двигателей, систем и агрегатов автомобилей.

## **1.2. Цель и планируемые результаты освоения дисциплины:**

### **1.2.1. Цель общеобразовательной учебной дисциплины**

Цель дисциплины «Математика»: содержание программы общеобразовательной дисциплины «Математика» направлено на достижение результатов ее изучения в соответствии с требованиями ФГОС СОО с учетом профессиональной направленности ФГОС СПО.

### **1.2.2. Планируемые результаты освоения общеобразовательной учебной дисциплины в соответствии с ФГОС СПО и на основе ФГОС СОО**

Особое значение дисциплина имеет при формировании и развитии ОК и ПК.

Общие компетенции	Планируемые результаты обучения	
	Общие	Дисциплинарные
ОК 01 Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности, применительно к различным контекстам	<ul style="list-style-type: none"> <li>- готовность к труду, осознание ценности мастерства, трудолюбие;</li> <li>- готовность к активной деятельности технологической и социальной направленности, способность инициировать, планировать и самостоятельно выполнять такую деятельность;</li> <li>- интерес к различным сферам профессиональной деятельности,</li> </ul> <p>Овладение универсальными учебными познавательными действиями:</p> <p>а) базовые логические действия:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- самостоятельно формулировать и актуализировать проблему, рассматривать ее всесторонне;</li> <li>- устанавливать существенный признак или основания для сравнения, классификации и обобщения;</li> <li>- определять цели деятельности, задавать параметры и критерии их достижения;</li> <li>- выявлять закономерности и противоречия в рассматриваемых явлениях;</li> <li>- вносить коррективы в деятельность, оценивать соответствие результатов целям, оценивать риски последствий деятельности;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- владеть методами доказательств, алгоритмами решения задач; умение формулировать определения, аксиомы и теоремы, применять их, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: степень числа, логарифм числа; умение выполнять вычисление значений и преобразования выражений со степенями и логарифмами, преобразования дробно-рациональных выражений;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: функция, непрерывная функция, производная, первообразная, определенный интеграл; уметь находить производные элементарных функций, используя справочные материалы;</li> <li>- исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа;</li> <li>- применять производную при решении задач на движение; решать практико-ориентированные задачи на наибольшие и наименьшие значения, на нахождение пути, скорости и ускорения;</li> </ul>

	<p>- развивать креативное мышление при решении жизненных проблем</p> <p>б) базовые исследовательские действия:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- владеть навыками учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем;</li> <li>- выявлять причинно-следственные связи и актуализировать задачу, выдвигать гипотезу ее решения, находить аргументы для доказательства своих утверждений, задавать параметры и критерии решения;</li> <li>- анализировать полученные в ходе решения задачи результаты, критически оценивать их достоверность, прогнозировать изменение в новых условиях;</li> <li>- уметь переносить знания в познавательную и практическую области жизнедеятельности;</li> <li>- уметь интегрировать знания из разных предметных областей;</li> <li>- выдвигать новые идеи, предлагать оригинальные подходы и решения; и способность их использования в познавательной и социальной практике</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: рациональная функция, показательная функция, степенная функция, логарифмическая функция, тригонометрические функции, обратные функции; умение строить графики изученных функций, использовать графики при изучении процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;</li> <li>- уметь решать текстовые задачи разных типов (в том числе на проценты, доли и части, на движение, работу, стоимость товаров и услуг, налоги, задачи из области управления личными и семейными финансами); составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать полученное решение и оценивать правдоподобность результатов;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; уметь извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; умение вычислять вероятность с использованием</li> </ul>
--	---	--

		<p>графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, комбинаторные факты и формулы при решении задач; оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, двугранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, сечения фигуры вращения, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение изображать многогранники и поверхности вращения, их сечения от руки, с помощью чертежных инструментов и электронных средств; умение</p>
--	--	---

		<p>распознавать симметрию в пространстве; умение распознавать правильные многогранники;</p> <ul style="list-style-type: none"><li>- уметь оперировать понятиями: движение в пространстве, подобные фигуры в пространстве; использовать отношение площадей поверхностей и объемов подобных фигур при решении задач;</li><li>- уметь вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объем, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы;</li><li>- уметь оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками;</li><li>- уметь выбирать подходящий изученный метод для решения задачи, распознавать математические факты и математические модели в природных и общественных явлениях, в искусстве; умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки.</li><li>- уметь оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки; умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции; проводить доказательные</li></ul>
--	--	--

		<p>рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений;</p> <ul style="list-style-type: none"><li>- уметь оперировать понятиями: множество, подмножество, операции над множествами; умение использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений при решении задач, в том числе из других учебных предметов;</li><li>- уметь оперировать понятиями: граф, связный граф, дерево, цикл, граф на плоскости; умение задавать и описывать графы различными способами; использовать графы при решении задач;</li><li>- уметь свободно оперировать понятиями: сочетание, перестановка, число сочетаний, число перестановок; бином Ньютона; умение применять комбинаторные факты и рассуждения для решения задач;</li><li>- уметь оперировать понятиями: натуральное число, целое число, остаток по модулю, рациональное число, иррациональное число, множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наименьший общий делитель и наименьшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; знакомство с различными позиционными системами счисления;</li><li>- уметь свободно оперировать понятиями: степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным (вещественным) показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа;</li></ul>
--	--	---

		<p>- уметь оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем, рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и системы; умение решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приемов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни;</p> <p>-уметь свободно оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, степенная функция с целым показателем, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; умение строить графики функций, выполнять преобразования графиков функций;</p> <p>умение использовать графики функций для изучения процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;</p> <p>умение свободно оперировать понятиями: четность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; умение проводить исследование функции;</p>
--	--	---

		<p>умение использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем;</p> <p>- уметь свободно оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия; умение задавать последовательности, в том числе с помощью рекуррентных формул;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: непрерывность функции, асимптоты графика функции, первая и вторая производная функции, геометрический и физический смысл производной, первообразная, определенный интеграл; умение находить асимптоты графика функции; умение вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции функций, находить уравнение касательной к графику функции; умение использовать производную для исследования функций, для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических и физических задачах, для определения скорости и ускорения; находить площади и объемы фигур с помощью интеграла; приводить примеры математического моделирования с помощью дифференциальных уравнений;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: комплексное число, сопряженные комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа, форма записи комплексных чисел</p>
--	--	--

		<p>(геометрическая, тригонометрическая и алгебраическая); уметь производить арифметические действия с комплексными числами; приводить примеры использования комплексных чисел;</p> <p>- уметь свободно оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение для описания числовых данных; умение исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; графически исследовать совместные наблюдения с помощью диаграмм рассеивания и линейной регрессии;</p> <p>- уметь находить вероятности событий с использованием графических методов; применять для решения задач формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероятности, формулу Бернулли, комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных событий; умение оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение случайной величины, функции распределения и плотности равномерного, показательного и нормального распределений; умение использовать свойства изученных распределений для решения задач; знакомство с понятиями: закон больших чисел, методы выборочных исследований; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;</p>
--	--	--

		<p>- уметь свободно оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок, луч, плоский угол, двугранный угол, трехгранный угол, пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов в окружающем мире; умение оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, правильный многогранник, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, развертка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства геометрических фигур, самостоятельно формулировать определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнительные построения;</p> <p>-уметь свободно оперировать понятиями: площадь фигуры, объем фигуры, величина угла, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми,</p>
--	--	---

		<p>расстояние между плоскостями, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объемов подобных фигур;</p> <p>- уметь свободно оперировать понятиями: движение, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; умение использовать геометрические отношения, находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объем) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни;</p> <p>- уметь свободно оперировать понятиями: прямоугольная система координат, вектор, координаты точки, координаты вектора, сумма векторов, произведение вектора на число, разложение вектора по базису, скалярное произведение, векторное произведение, угол между векторами; умение использовать векторный и координатный метод для решения геометрических задач и задач других учебных предметов; оперировать понятиями: матрица <math>2 \times 2</math> и <math>3 \times 3</math>, определитель матрицы, геометрический смысл определителя;</p> <p>- уметь моделировать реальные ситуации на языке математики; составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи,</p>
--	--	--

		<p>исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат; строить математические модели с помощью геометрических понятий и величин, решать связанные с ними практические задачи; составлять вероятностную модель и интерпретировать полученный результат; решать прикладные задачи средствами математического анализа, в том числе социально-экономического и физического характера;</p> <p>- умение выбирать подходящий метод для решения задачи; понимание значимости математики в изучении природных и общественных процессов и явлений; умение распознавать проявление законов математики в искусстве, умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки</p>
<p>ОК 02 Использовать современные средства поиска, анализа и интерпретации информации и информационные технологии для выполнения задач профессиональной деятельности</p>	<p>В области ценности научного познания:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, основанного на диалоге культур, способствующего осознанию своего места в поликультурном мире;</li> <li>- совершенствование языковой и читательской культуры как средства взаимодействия между людьми и познания мира;</li> <li>- осознание ценности научной деятельности, готовность осуществлять</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: рациональная функция, показательная функция, степенная функция, логарифмическая функция, тригонометрические функции, обратные функции; умение строить графики изученных функций, использовать графики при изучении процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем, рациональные, иррациональные, показательные, степенные,</li> </ul>

	<p>проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.</p> <p>Овладение универсальными учебными познавательными действиями:</p> <p>в) работа с информацией:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- владеть навыками получения информации из источников разных типов, самостоятельно осуществлять поиск, анализ, систематизацию и интерпретацию информации различных видов и форм представления;</li> <li>- создавать тексты в различных форматах с учетом назначения информации и целевой аудитории, выбирая оптимальную форму представления и визуализации;</li> <li>- оценивать достоверность, легитимность информации, ее соответствие правовым и морально-этическим нормам;</li> <li>- использовать средства информационных и коммуникационных технологий в решении когнитивных, коммуникативных и организационных задач с соблюдением требований эргономики, техники безопасности, гигиены, ресурсосбережения, правовых и этических норм, норм информационной безопасности;</li> <li>- владеть навыками распознавания и защиты информации, информационной безопасности личности</li> </ul>	<p>логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и системы; уметь решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приемов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: движение, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; уметь распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; уметь использовать геометрические отношения, находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объем) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни</li> </ul>
--	--	--

<p>ОК 03 Планировать и реализовывать собственное профессиональное и личностное развитие, предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере, использовать знания по финансовой грамотности в различных жизненных ситуациях</p>	<p>В области духовно-нравственного воспитания:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- сформированность нравственного сознания, этического поведения;</li> <li>- способность оценивать ситуацию и принимать осознанные решения, ориентируясь на морально-нравственные нормы и ценности;</li> <li>- осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;</li> <li>- ответственное отношение к своим родителям и (или) другим членам семьи, созданию семьи на основе осознанного принятия ценностей семейной жизни в соответствии с традициями народов России;</li> </ul> <p>Овладение универсальными регулятивными действиями:</p> <p>а) самоорганизация:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- самостоятельно осуществлять познавательную деятельность, выявлять проблемы, ставить и формулировать собственные задачи в образовательной деятельности и жизненных ситуациях;</li> <li>- самостоятельно составлять план решения проблемы с учетом имеющихся ресурсов, собственных возможностей и предпочтений;</li> <li>- давать оценку новым ситуациям;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, сечения фигуры вращения, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение изображать многогранники и поверхности вращения, их сечения от руки, с помощью чертежных инструментов и электронных средств; уметь распознавать симметрию в пространстве; уметь распознавать правильные многогранники;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками</li> </ul>
---	--	---

	<p>способствовать формированию и проявлению широкой эрудиции в разных областях знаний, постоянно повышать свой образовательный и культурный уровень;</p> <p>б) самоконтроль: использовать приемы рефлексии для оценки ситуации, выбора верного решения;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оценивать риски и своевременно принимать решения по их снижению;</li> </ul> <p>в) эмоциональный интеллект, предполагающий сформированность: внутренней мотивации, включающей стремление к достижению цели и успеху, оптимизм, инициативность, умение действовать, исходя из своих возможностей;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- эмпатии, включающей способность понимать эмоциональное состояние других, учитывать его при осуществлении коммуникации, способность к сочувствию и сопереживанию;</li> <li>- социальных навыков, включающих способность выстраивать отношения с другими людьми, заботиться, проявлять интерес и разрешать конфликты</li> </ul>	
<p>ОК 04 Эффективно взаимодействовать и работать в коллективе и команде</p>	<p>- готовность к саморазвитию, самостоятельности и самоопределению;</p>	<p>- уметь оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; уметь вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и</p>

	<p>- овладение навыками учебно-исследовательской, проектной и социальной деятельности;</p> <p>Овладение универсальными коммуникативными действиями:</p> <p>б) совместная деятельность:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы;</li> <li>- принимать цели совместной деятельности, организовывать и координировать действия по ее достижению: составлять план действий, распределять роли с учетом мнений участников обсуждать результаты совместной работы;</li> <li>- координировать и выполнять работу в условиях реального, виртуального и комбинированного взаимодействия;</li> <li>- осуществлять позитивное стратегическое поведение в различных ситуациях, проявлять творчество и воображение, быть инициативным.</li> </ul> <p>Овладение универсальными регулятивными действиями:</p> <p>г) принятие себя и других людей:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- принимать мотивы и аргументы других людей при анализе результатов деятельности;</li> <li>- признавать свое право и право других людей на ошибки;</li> </ul>	<p>умножения вероятностей, комбинаторные факты и формулы при решении задач; оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным (вещественным) показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа;</li> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, степенная функция с целым показателем, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; уметь строить графики функций, выполнять преобразования графиков функций;</li> <li>- уметь использовать графики функций для изучения процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;</li> <li>- свободно оперировать понятиями: четность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; уметь проводить исследование функции;</li> </ul>
--	---	---

	<p>- развивать способность понимать мир с позиции другого человека</p>	<p>- уметь использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем</p>
<p>ОК 05 Осуществлять устную и письменную коммуникацию на государственном языке Российской Федерации с учетом особенностей социального и культурного контекста</p>	<p>В области эстетического воспитания:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- эстетическое отношение к миру, включая эстетику быта, научного и технического творчества, спорта, труда и общественных отношений;</li> <li>- способность воспринимать различные виды искусства, традиции и творчество своего и других народов, ощущать эмоциональное воздействие искусства;</li> <li>- убежденность в значимости для личности и общества отечественного и мирового искусства, этнических культурных традиций и народного творчества;</li> <li>- готовность к самовыражению в разных видах искусства, стремление проявлять качества творческой личности;</li> </ul> <p>Овладение универсальными коммуникативными действиями:</p> <p>а) общение:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- осуществлять коммуникации во всех сферах жизни;</li> <li>- распознавать невербальные средства общения, понимать значение социальных знаков, распознавать предпосылки</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; умение извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, двугранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями;</li> <li>- уметь использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира</li> </ul>

	<p>конфликтных ситуаций и смягчать конфликты;</p> <p>- развернуто и логично излагать свою точку зрения с использованием языковых средств</p>	
<p>ОК 06 Проявлять гражданско-патриотическую позицию, демонстрировать осознанное поведение на основе традиционных общечеловеческих ценностей, в том числе с учетом гармонизации межнациональных и межрелигиозных отношений, применять стандарты антикоррупционного поведения</p>	<p>- осознание обучающимися российской гражданской идентичности;</p> <p>- целенаправленное развитие внутренней позиции личности на основе духовно-нравственных ценностей народов Российской Федерации, исторических и национально-культурных традиций, формирование системы значимых ценностно-смысловых установок, антикоррупционного мировоззрения, правосознания, экологической культуры, способности ставить цели и строить жизненные планы;</p> <p>В части гражданского воспитания:</p> <p>- осознание своих конституционных прав и обязанностей, уважение закона и правопорядка;</p> <p>- принятие традиционных национальных, общечеловеческих гуманистических и демократических ценностей;</p> <p>- готовность противостоять идеологии экстремизма, национализма, ксенофобии, дискриминации по социальным, религиозным, расовым, национальным признакам;</p>	<p>- уметь оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками;</p> <p>- уметь выбирать подходящий изученный метод для решения задачи, распознавать математические факты и математические модели в природных и общественных явлениях, в искусстве; умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки.</p> <p>- уметь оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события;</p> <p>- уметь вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, комбинаторные факты и формулы при решении задач; оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях</p>

	<ul style="list-style-type: none"><li>- готовность вести совместную деятельность в интересах гражданского общества, участвовать в самоуправлении в общеобразовательной организации и детско-юношеских организациях;</li><li>- умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;</li><li>- готовность к гуманитарной и волонтерской деятельности;</li><li>патриотического воспитания:</li><li>- сформированность российской гражданской идентичности, патриотизма, уважения к своему народу, чувства ответственности перед Родиной, гордости за свой край, свою Родину, свой язык и культуру, прошлое и настоящее многонационального народа России;</li><li>- ценностное отношение к государственным символам, историческому и природному наследию, памятникам, традициям народов России, достижениям России в науке, искусстве, спорте, технологиях и труде;</li><li>- идейная убежденность, готовность к служению и защите Отечества, ответственность за его судьбу;</li><li>освоенные обучающимися межпредметные понятия и универсальные учебные действия</li></ul>	
--	---	--

	<p>(регулятивные, познавательные, коммуникативные);</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- способность их использования в познавательной и социальной практике, готовность к самостоятельному планированию и осуществлению учебной деятельности, организации учебного сотрудничества с педагогическими работниками и сверстниками, к участию в построении индивидуальной образовательной траектории;</li> <li>- овладение навыками учебно-исследовательской, проектной и социальной деятельности</li> </ul>	
<p>ОК 07 Содействовать сохранению окружающей среды, ресурсосбережению, применять знания об изменении климата, принципы бережливого производства, эффективно действовать в чрезвычайных ситуациях</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- не принимать действия, приносящие вред окружающей среде;</li> <li>- уметь прогнозировать неблагоприятные экологические последствия предпринимаемых действий, предотвращать их;</li> <li>- расширить опыт деятельности экологической направленности;</li> <li>- разрабатывать план решения проблемы с учетом анализа имеющихся материальных и нематериальных ресурсов;</li> <li>- осуществлять целенаправленный поиск переноса средств и способов действия в профессиональную среду;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: функция, непрерывная функция, производная, первообразная, определенный интеграл; уметь находить производные элементарных функций, используя справочные материалы;</li> <li>исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа;</li> <li>применять производную при решении задач на движение; решать практико-ориентированные задачи на наибольшие и наименьшие значения, нахождение пути, скорости и ускорения;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: движение в пространстве, подобные фигуры в пространстве;</li> </ul>

	<ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь переносить знания в познавательную и практическую области жизнедеятельности;</li> <li>- предлагать новые проекты, оценивать идеи с позиции новизны, оригинальности, практической значимости;</li> <li>- давать оценку новым ситуациям, вносить коррективы в деятельность, оценивать соответствие результатов целям</li> </ul>	<p>использовать отношение площадей поверхностей и объемов подобных фигур при решении задач;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объем, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы</li> </ul>
<p>ПК 5.2 Организовывать материально-техническое обеспечение процесса по техническому обслуживанию и ремонту автотранспортных средств.</p>	<p>Характерные особенности основных фондов предприятий автомобильного транспорта;</p> <p>классификацию основных фондов предприятия;</p> <p>виды оценки основных фондов предприятия;</p> <p>особенности структуры основных фондов предприятий автомобильного транспорта;</p> <p>методику расчета показателей, характеризующих техническое состояние и движение основных фондов предприятия;</p> <p>методы начисления амортизации по основным фондам;</p> <p>методику оценки эффективности использования основных фондов</p> <p>Состав и структуру оборотных средств предприятий автомобильного транспорта;</p> <p>стадии кругооборота оборотных средств;</p> <p>принципы и методику нормирования оборотных фондов предприятия;</p> <p>методику расчета показателей использования основных средств</p>	<p>Проводить оценку стоимости основных фондов;</p> <p>анализировать объем и состав основных фондов предприятия автомобильного транспорта;</p> <p>определять техническое состояние основных фондов;</p> <p>анализировать движение основных фондов;</p> <p>рассчитывать величину амортизационных отчислений;</p> <p>определять эффективность использования основных фондов</p> <p>Определять потребность в оборотных средствах;</p> <p>нормировать оборотные средства предприятия;</p> <p>определять эффективность использования оборотных средств;</p> <p>выявлять пути ускорения оборачиваемости оборотных средств предприятия автомобильного транспорта</p> <p>Определять потребность предприятия автомобильного транспорта в объектах материально-технического снабжения в натуральном и стоимостном выражении</p>

	Цели материально-технического снабжения производства; задачи службы материально-технического снабжения; объекты материального снабжения на предприятиях автомобильного транспорта; методику расчета затрат по объектам материально-технического снабжения в натуральном и стоимостном выражении	
--	--	--

## 2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

### 2.1. Объем учебной дисциплины и виды учебной работы

Вид учебной работы	Объем в часах
<b>Объем образовательной программы</b>	<b>286</b>
Индивидуальный проект	-
Консультации	2
<b>Суммарная учебная нагрузка во взаимодействии с преподавателем</b>	<b>278</b>
в том числе:	
лекции, уроки	186
практические занятия	92
лабораторные занятия	
<b>Из них профессионально ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>	<b>42</b>
<b>Промежуточная аттестация:</b> другая форма контроля (1 семестр) экзамен (2 семестр)	<b>6</b>

## 2.2. Тематический план и содержание общеобразовательной учебной дисциплины

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала и формы организации деятельности обучающихся	Объем в часах	Коды компетенций, формированию которых способствует элемент программы
1	2	3	4
<b>Основное содержание</b>			
<b>Раздел 1. Повторение курса математики основной школы</b>		<b>14</b>	ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07 ПК 5.2
Тема 1.1 Цель и задачи математики при освоении специальности	<b>Содержание учебного материала</b> Базовые знания и умения по математике в профессиональной и в повседневной деятельности.	2	
Тема 1.2 Числа и вычисления. Выражения и преобразования	<b>Содержание учебного материала</b> Действия над положительными и отрицательными числами, обыкновенными и десятичными дробями. Действия со степенями, формулы сокращенного умножения.	2	
Тема 1.3. Геометрия на плоскости	<b>Решение задач профессиональной направленности</b> Виды плоских фигур и их площадь. Практико-ориентированные задачи в курсе геометрии на плоскости	2	
	<b>Практическое занятие</b>		
Тема 1.4 Процентные вычисления	<b>Содержание учебного материала</b> Простые проценты, разные способы их вычисления. Сложные проценты <b>Практическое занятие</b>	2	
Тема 1.5 Уравнения и неравенства	<b>Содержание учебного материала</b> Линейные, квадратные, дробно-линейные уравнения и неравенства		

	<b>Практическое занятие</b>	2	
Тема 1.6 Системы уравнений и неравенств	<b>Содержание учебного материала</b>	2	ОК 01, ОК 03, ОК 04, ОК 07, ПК 5.2
	Способы решения систем линейных уравнений. Понятия: матрица 2x2 и 3x3, определитель матрицы. Метод Гаусса. Системы нелинейных уравнений. Системы неравенств		
Тема 1.7 Входной контроль	<b>Содержание учебного материала</b>	2	
	Вычисления и преобразования. Уравнения и неравенства. Геометрия на плоскости		
	<b>Практическое занятие</b>		
<b>Раздел 2 Прямые и плоскости в пространстве</b>		<b>16</b>	
Тема 2.1. Основные понятия стереометрии. Расположение прямых и плоскостей	<b>Содержание учебного материала</b>	2	
	Предмет стереометрии. Основные понятия (точка, прямая, плоскость, пространство). Основные аксиомы стереометрии. Пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Признак и свойство скрещивающихся прямых. Основные пространственные фигуры.		
Тема 2.2. Параллельность прямых, прямой и плоскости, плоскостей	<b>Содержание учебного материала</b>	4	
	Параллельные прямая и плоскость. Определение. Признак. Свойства (с доказательством). Параллельные плоскости. Определение. Признак. Свойства (с доказательством). Тетраэдр и его элементы. Параллелепипед и его элементы. Свойства противоположных граней и диагоналей параллелепипеда. Построение сечений. Решение задач.		
Тема 2.3. Перпендикулярность прямых, прямой и плоскости, плоскостей	<b>Содержание учебного материала</b>	2	
	Перпендикулярные прямые. Параллельные прямые, перпендикулярные к плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости. Доказательство. Перпендикуляр и наклонная. Перпендикулярные плоскости. Признак перпендикулярности плоскостей. Доказательство. Расстояния в пространстве		
Тема 2.4.	<b>Содержание учебного материала</b>		

Теорема о трех перпендикулярах	Теорема о трех перпендикулярах. Доказательство. Угол между прямой и плоскостью. Угол между плоскостями	2	
Тема 2.5. Параллельные, перпендикулярные, скрещивающиеся прямые	<b>Решение задач профессиональной направленности</b>	4	
	Аксиомы стереометрии. Перпендикулярность прямой и плоскости, параллельность двух прямых, перпендикулярных плоскости, перпендикулярность плоскостей		
Тема 2.6. Решение задач. Прямые и плоскости в пространстве	<b>Практическое занятие</b>	2	
	<b>Содержание учебного материала</b>		
	Расположение прямых и плоскостей в пространстве. Перпендикулярность и параллельность прямых и плоскостей. Скрещивающиеся прямые		
	<b>Практическое занятие</b>		
<b>Раздел 3. Координаты и векторы</b>		<b>16</b>	
Тема 3.1 Декартовы координаты в пространстве. Расстояние между двумя точками. Координаты середины отрезка	<b>Содержание учебного материала</b>	4	ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 07 ПК 5.2
	Декартовы координаты в пространстве. Простейшие задачи в координатах. Расстояние между двумя точками, координаты середины отрезка		
Тема 3.2 Векторы в пространстве. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов	<b>Содержание учебного материала</b>	6	
	Векторы в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Компланарные векторы. Скалярное произведение векторов. Разложение вектора по трем некопланарным векторам. Координаты вектора, скалярное произведение векторов в координатах, угол между векторами, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями. Уравнение плоскости. Геометрический смысл определителя $2 \times 2$		
Тема 3.3 Практико-ориентированные задачи на координатной плоскости	<b>Решение упражнений на профессионально-ориентированное содержание</b>	4	
	Координатная плоскость. Вычисление расстояний и площадей на плоскости. Количественные расчеты		
	<b>Практическое занятие</b>		

<p>Тема 3.4 Решение задач. Координаты и векторы</p>	<p><b>Содержание учебного материала</b></p> <p>Декартовы координаты в пространстве. Векторы в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Компланарные векторы. Скалярное произведение векторов. Разложение вектора по трем некопланарным векторам. Простейшие задачи в координатах. Координаты вектора, расстояние между точками, координаты середины отрезка, скалярное произведение векторов в координатах, угол между векторами, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями</p> <p><b>Практическое занятие</b></p>	2	
<p><b>Раздел 4. Основы тригонометрии. Тригонометрические функции</b></p>		40	
<p>Тема 4.1 Тригонометрические функции произвольного угла, числа. Радианная и градусная мера угла</p>	<p><b>Содержание учебного материала</b></p> <p>Радианная мера угла. Поворот точки вокруг начала координат. Определение синуса, косинуса, тангенса и котангенса. Знаки синуса, косинуса, тангенса и котангенса по четвертям. Зависимость между синусом, косинусом, тангенсом и котангенсом одного и того же угла</p>	4	<p>ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07 ПК 5.2</p>
<p>Тема 4.2 Основные тригонометрические тождества. Формулы приведения</p>	<p><b>Содержание учебного материала</b></p> <p>Тригонометрические тождества. Синус, косинус, тангенс и котангенс углов <math>\alpha</math> и <math>-\alpha</math>. Формулы приведения</p>	4	
<p>Тема 4.3 Синус, косинус, тангенс суммы и разности двух углов Синус и косинус двойного угла. Формулы половинного угла</p>	<p><b>Содержание учебного материала</b></p> <p>Сумма и разность синусов. Сумма и разность косинусов. Синус и косинус двойного угла. Формулы половинного угла. Преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму. Выражение тригонометрических функций через тангенс половинного аргумента. Преобразования простейших тригонометрических выражений</p>	8	
<p>Тема 4.4</p>	<p><b>Содержание учебного материала</b></p>		

Функции, их свойства. Способы задания функций	Область определения и множество значений функций. Чётность, нечётность, периодичность функций. Способы задания функций	2	
Тема 4.5 Тригонометрические функции, их свойства и графики	<b>Содержание учебного материала</b>	2	
	Область определения и множество значений тригонометрических функций. Чётность, нечётность, периодичность тригонометрических функций. Свойства и графики функций $y = \cos x$ , $y = \sin x$ , $y = \operatorname{tg} x$ , $y = \operatorname{ctg} x$ .		
Тема 4.6 Преобразование графиков тригонометрических функций	<b>Содержание учебного материала</b>	2	
	Сжатие и растяжение графиков тригонометрических функций. Преобразование графиков тригонометрических функций		
	<b>Практическое занятие</b>		
Тема 4.7 Описание производственных процессов с помощью графиков функций	<b>Решение упражнений на профессионально-ориентированное содержание</b>	4	
	Использование свойств тригонометрических функций в профессиональных задачах		
	<b>Практическое занятие</b>		
Тема 4.8 Обратные тригонометрические функции	<b>Содержание учебного материала</b>	2	
	Обратные тригонометрические функции. Их свойства и графики		
Тема 4.9 Тригонометрические уравнения и неравенства	<b>Содержание учебного материала</b>	8	
	Уравнение $\cos x = a$ . Уравнение $\sin x = a$ . Уравнение $\operatorname{tg} x = a$ , $\operatorname{ctg} x = a$ . Решение тригонометрических уравнений основных типов: простейшие тригонометрические уравнения, сводящиеся к квадратным, решаемые разложением на множители, однородные. Простейшие тригонометрические неравенства		
Тема 4.10	<b>Содержание учебного материала</b>	2	
	Системы простейших тригонометрических уравнений		

Системы тригонометрических уравнений			
Тема 4.11 Решение задач. основы тригонометрии. Тригонометрические функции	<b>Содержание учебного материала</b> Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений и неравенств в том числе с использованием свойств функций. <b>Практическое занятие</b>	2	
<b>Раздел 5. Комплексные числа</b>		<b>8</b>	
Тема 5.1 Комплексные числа	<b>Содержание учебного материала</b> Понятие комплексного числа. Сопряженные комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа. Форма записи комплексного числа (геометрическая, тригонометрическая, алгебраическая). Арифметические действия с комплексными числами	4	ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07 ПК 5.2
Тема 5.2 Применение комплексных чисел	<b>Содержание учебного материала</b> Выполнение расчетов с помощью комплексных чисел. Примеры использования комплексных чисел <b>Практическое занятие</b>	4	
<b>Раздел 6. Производная функции, ее применение</b>		<b>40</b>	
Тема 6.1 Понятие производной. Формулы и правила дифференцирования	<b>Содержание учебного материала</b> Определение числовой последовательности и способы ее задания. Свойства числовых последовательностей. Определение предела последовательности. Вычисление пределов последовательностей. Предел функции на бесконечности. Предел функции в точке. Приращение аргумента. Приращение функции. Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной. Алгоритм отыскания производной	2	ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07 ПК 5.2
Тема 6.2	<b>Содержание учебного материала</b> Формулы дифференцирования. Правила дифференцирования	6	

Производные суммы, разности произведения, частного			
Тема 6.3 Производные тригонометрических функций. Производная сложной функции	<b>Содержание учебного материала</b> Определение сложной функции. Производная тригонометрических функций. Производная сложной функции	6	
Тема 6.4 Понятие о непрерывности функции. Метод интервалов	<b>Содержание учебного материала</b> Понятие непрерывной функции. Свойства непрерывной функции. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции в точке. Алгоритм решения неравенств методом интервалов	2	
Тема 6.5 Геометрический и физический смысл производной	<b>Содержание учебного материала</b> Геометрический смысл производной функции – угловой коэффициент касательной к графику функции в точке. Уравнение касательной к графику функции. Алгоритм составления уравнения касательной к графику функции $y=f(x)$	4	
Тема 6.6 Физический смысл производной в профессиональных задачах	<b>Содержание учебного материала</b> Физический (механический) смысл производной – мгновенная скорость в момент времени $t$ : $v = S'(t)$ <b>Практическое занятие</b>	2	
Тема 6.7 Монотонность функции. Точки экстремума	<b>Содержание учебного материала</b> Возрастание и убывание функции, соответствие возрастания и убывания функции знаку производной. Понятие производной высшего порядка, соответствие знака второй производной выпуклости (вогнутости) функции на отрезке. Задачи на максимум и минимум. Понятие асимптоты, способы их определения. Алгоритм исследования функции и построения ее графика с помощью производной. Дробно-линейная функция	4	
Тема 6.8	<b>Содержание учебного материала</b>		

Исследование функций и построение графиков	Исследование функции на монотонность и построение графиков.	4	
Тема 6.9 Наибольшее и наименьшее значения функции	<b>Содержание учебного материала</b>	2	ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07 ПК 5.2
	Нахождение наибольшего и наименьшего значений функций, построение графиков многочленов с использованием аппарата математического анализа		
Тема 6.10 Нахождение оптимального результата с помощью производной в практических задачах	<b>Решение упражнений на профессионально-ориентированное содержание</b>	6	
	Наименьшее и наибольшее значение функции		
	<b>Практическое занятие</b>		
Тема 6.11 Решение задач. Производная функции, ее применение	<b>Содержание учебного материала</b>	2	
	Формулы и правила дифференцирования. Исследование функций с помощью производной. Наибольшее и наименьшее значения функции		
	<b>Практическое занятие</b>		
<b>Раздел 7. Многогранники и тела вращения</b>		<b>26</b>	
Тема 7.1 Вершины, ребра, грани многогранника Призма, ее составляющие, сечение. Прямая и правильная призма	<b>Содержание учебного материала</b>	2	
	Понятие многогранника. Его элементы: вершины, ребра, грани. Диагональ. Сечение. Выпуклые и невыпуклые многогранники. Понятие призмы. Ее основания и боковые грани. Высота призмы. Прямая и наклонная призма. Правильная призма. Ее сечение.		
Тема 7.2 Параллелепипед, куб. Сечение куба, параллелепипеда	<b>Содержание учебного материала</b>	2	
	Параллелепипед, свойства прямоугольного параллелепипеда, куб. Сечение куба, параллелепипеда		
Тема 7.3	<b>Содержание учебного материала</b>		

<p>Пирамида, ее составляющие, сечение. Правильная пирамида. Усеченная пирамида. Боковая и полная поверхность призмы, пирамиды.</p>	<p>Пирамида и ее элементы. Сечение пирамиды. Правильная пирамида. Усеченная пирамид Площадь боковой и полной поверхности призмы, пирамиды</p>	2	
<p>Тема 7.4 Примеры симметрий в профессии. Правильные многогранники, их свойства.</p>	<p><b>Решение упражнений на профессионально-ориентированное содержание (кристаллические решётки)</b></p>	2	
	<p>Симметрия в природе, архитектуре, технике, в быту Содержание учебного материала Понятие правильного многогранника. Свойства правильных многогранников</p>		
	<p><b>Практическое занятие</b></p>		
<p>Тема 7.5 Цилиндр, его составляющие. Сечение цилиндра</p>	<p><b>Содержание учебного материала</b></p>	2	
	<p>Цилиндр и его элементы. Сечение цилиндра (параллельное основанию и оси). Развертка цилиндра</p>		
<p>Тема 7.6 Конус, его составляющие. Сечение конуса. Усеченный конус. Сечение усеченного конуса.</p>	<p><b>Решение упражнений на профессионально-ориентированное содержание</b></p>	2	
	<p>Конус и его элементы. Сечение конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), конические сечения. Развертка конуса. Усеченный конус. Его образующая и высота. Сечение усеченного конуса</p>		
	<p><b>Практическое занятие</b></p>		
<p>Тема 7.7 Шар и сфера, их сечения</p>	<p><b>Содержание учебного материала</b></p>	2	
	<p>Шар и сфера. Взаимное расположение сферы и плоскости. Сечение шара, сферы</p>		
<p>Тема 7.8</p>	<p><b>Содержание учебного материала</b></p>		

Понятие об объеме тела. Отношение объемов подобных тел. Объемы и площади поверхностей тел.	Понятие об объеме тела. Объем куба и прямоугольного параллелепипеда. Объем призмы и цилиндра. Отношение объемов подобных тел. Геометрический смысл определителя 3-го порядка. Объемы пирамиды и конуса. Объем шара. Площади поверхностей тел.	2	
Тема 7.9 Комбинации многогранников и тел вращения.	<b>Содержание учебного материала</b>	4	
	Комбинации геометрических тел		
Тема 7.10 Геометрические комбинации на практике	<b>Практическое занятие</b>	4	
	<b>Содержание учебного материала</b>		
	Использование комбинаций многогранников и тел вращения в практико-ориентированных задачах		
Тема 7.11 Решение задач. Многогранники и тела вращения	<b>Практическое занятие</b>	2	
	<b>Содержание учебного материала</b>		
	Объемы и площади поверхности многогранников и тел вращения		
<b>Раздел 8. Первообразная функции, ее применение</b>		<b>14</b>	
Тема 8.1 Первообразная функции. Правила нахождения первообразных	<b>Содержание учебного материала</b>	2	ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07 ПК 5.2
	Задача о восстановлении закона движения по известной скорости. Понятие интегрирования. Ознакомление с понятием интеграла и первообразной для функции $y=f(x)$ . Решение задач на связь первообразной и ее производной, вычисление первообразной для данной функции. Таблица формул для нахождения первообразных. Изучение правила вычисления первообразной		
Тема 8.2	<b>Содержание учебного материала</b>		

Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона – Лейбница	Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла – о вычислении площади криволинейной трапеции, о перемещении точки. Понятие определённого интеграла. Геометрический и физический смысл определенного интеграла. Формула Ньютона— Лейбница	2	
Тема 8.3 Неопределенный и определенный интегралы	<b>Содержание учебного материала</b>	2	
	Понятие неопределенного интеграла		
Тема 8.4 Понятие об определенном интеграле как площади криволинейной трапеции	<b>Содержание учебного материала</b>	2	
	Геометрический смысл определенного интеграла		
Тема 8.5 Определенный интеграл в жизни	<b>Решение упражнений на профессионально-ориентированное содержание</b>	4	
	Геометрический смысл определенного интеграла. Формула Ньютона - Лейбница. Решение задач на применение интеграла для вычисления физических величин и площадей		
	<b>Практическое занятие</b>		
Тема 8.6 Решение задач. Первообразная функции, ее применение	<b>Содержание учебного материала</b>	2	
	Первообразная функции. Правила нахождения первообразных. Ее применение <b>Практическое занятие</b>		
<b>Раздел 9. Степени и корни. Степенная функция</b>		<b>18</b>	ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 07 ПК 5.2
Тема 9.1 Степенная функция, ее свойства	<b>Содержание учебного материала</b>	4	
	Понятие корня n-ой степени из действительного числа. Функции $y = \sqrt[n]{x}$ их свойства и графики. Свойства корня n-ой степени		
Тема 9.2	<b>Содержание учебного материала</b>	4	
	Преобразование иррациональных выражений		

Преобразование выражений с корнями $n$ -ой степени			
Тема 9.3	<b>Содержание учебного материала</b>	2	ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 07 ПК 5.2
Свойства степени с рациональным и действительным показателями	Понятие степени с любым рациональным показателем. Степенные функции, их свойства и графики		
Тема 9.4	<b>Содержание учебного материала</b>	6	
Решение иррациональных уравнений и неравенств	Равносильность иррациональных уравнений и неравенств. Методы их решения. Решение иррациональных уравнений и неравенств		
Тема 9.5	<b>Содержание учебного материала</b>	2	
Степени и корни. Степенная функция	Определение степенной функции. Использование ее свойств при решении уравнений и неравенств		
	<b>Практическое занятие</b>		
<b>Раздел 10. Показательная функция</b>		<b>18</b>	
Тема 10.1	<b>Содержание учебного материала</b>	6	
Показательная функция, ее свойства	Степень с произвольным действительным показателем. Определение показательной функции, ее свойства и график. Знакомство с применением показательной функции. Решение показательных уравнений функционально-графическим методом		
Тема 10.2	<b>Содержание учебного материала</b>	6	
Решение показательных уравнений и неравенств	Решение показательных уравнений методом уравнивания показателей, методом введения новой переменной, функционально-графическим методом. Решение показательных неравенств		
	<b>Практическое занятие</b>		
Тема 10.3	<b>Содержание учебного материала</b>	4	
	Решение систем показательных уравнений		

Системы показательных уравнений			
Тема 10.4	<b>Содержание учебного материала</b>	2	ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 07 ПК 5.2
Решение задач. Показательная функция	Решение показательных уравнений методом уравнивания показателей и методом введения новой переменной. Решение показательных неравенств		
	<b>Практическое занятие</b>		
<b>Раздел 11. Логарифмы. Логарифмическая функция</b>		<b>26</b>	
Тема 11.1	<b>Содержание учебного материала</b>	4	
Логарифм числа. Десятичный и натуральный логарифмы, число e	Логарифм числа. Десятичный и натуральный логарифмы, число e		
Тема 11.2	<b>Содержание учебного материала</b>	6	
Свойства логарифмов. Операция логарифмирования	Свойства логарифмов. Операция логарифмирования.		
Тема 11.3	<b>Содержание учебного материала</b>	4	
Логарифмическая функция, ее свойства	Логарифмическая функция и ее свойства		
Тема 11.4	<b>Содержание учебного материала</b>	4	
Решение логарифмических уравнений и неравенств	Понятие логарифмического уравнения. Операция потенцирования. Три основных метода решения логарифмических уравнений: функционально-графический, метод потенцирования, метод введения новой переменной. Логарифмические неравенства		
Тема 11.5	<b>Содержание учебного материала</b>	2	
Системы логарифмических уравнений	Алгоритм решения системы уравнений. Равносильность логарифмических уравнений и неравенств		
Тема 11.6	<b>Решение упражнений на профессионально-ориентированное содержание</b>		

Логарифмы в природе и технике	Применение логарифма. Логарифмическая спираль в природе. Ее математические свойства	4	
	<b>Практическое занятие</b>		
Тема 11.7	<b>Содержание учебного материала</b>	2	
Решение задач.	Логарифмическая функция. Решение простейших логарифмических уравнений		
Логарифмы. Логарифмическая функция	<b>Практическое занятие</b>		
<b>Раздел 12. Множества. Элементы теории графов</b>		<b>6</b>	
Тема 12.1	<b>Содержание учебного материала</b>	2	ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 07 ПК 5.2
Множества	Понятие множества. Подмножество. Операции с множествами		
Тема 12.2	<b>Решение упражнений на профессионально-ориентированное содержание</b>	2	
Операции с множествами	Операции с множествами. Решение прикладных задач		
	<b>Практическое занятие</b>		
Тема 12.3	<b>Содержание учебного материала</b>	2	
Графы.	Понятие графа. Связный граф, дерево, цикл граф на плоскости.		
Решение задач.	Операции с множествами. Описание реальных ситуаций с помощью множеств.		
Множества, Графы и их применение.	Применение графов к решению задач.		
	<b>Практическая работа</b>		
<b>Раздел 13. Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей</b>		<b>10</b>	ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 07 ПК 5.2
Тема 13.1	<b>Содержание учебного материала</b>	2	
Основные понятия комбинаторики	Перестановки, размещения, сочетания.		
Тема 13.2	<b>Содержание учебного материала</b>		

Событие, вероятность события. Сложение и умножение вероятностей	Совместные и несовместные события. Теоремы о вероятности суммы событий. Условная вероятность. Зависимые и независимые события. Теоремы о вероятности произведения событий.	2	
Тема 13.3 Вероятность в профессиональных задачах	<b>Решение упражнений на профессионально-ориентированное содержание</b> Относительная частота события, свойство ее устойчивости. Статистическое определение вероятности. Оценка вероятности события <b>Практическое занятие</b>	2	
Тема 13.4 Дискретная случайная величина, закон ее распределения. Задачи математической статистики.	<b>Содержание учебного материала</b> Виды случайных величин. Определение дискретной случайной величины. Закон распределения дискретной случайной величины. Ее числовые характеристики. Вариационный ряд. Полигон частот и гистограмма. Статистические характеристики ряда наблюдаемых данных	2	
Тема 13.5 Составление таблиц и диаграмм на практике	<b>Решение упражнений на профессионально-ориентированное содержание</b> Первичная обработка статистических данных. Графическое их представление. Нахождение средних характеристик, наблюдаемых данных <b>Практическое занятие</b>	2	
<b>Раздел 14. Уравнения и неравенства</b>		<b>26</b>	
Тема 14.1 Равносильность уравнений и неравенств. Общие методы решения	<b>Содержание учебного материала</b> Равносильность уравнений и неравенств. Определения. Основные теоремы равносильных переходов в уравнениях и неравенствах. Общие методы решения уравнений: переход от равенства функций к равенству аргументов для монотонных функций, метод разложения на множители, метод введения новой переменной, функционально-графический метод	6	ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07 ПК 5.2
Тема 14.2 Графический метод решения уравнений, неравенств	<b>Содержание учебного материала</b> Общие методы решения неравенств: переход от сравнения значений функций к сравнению значений аргументов для монотонных функций, метод интервалов, функционально-графический метод. Графический метод решения уравнений и неравенств	4	

Тема 14.3 Уравнения и неравенства с модулем	<b>Содержание учебного материала</b>	4	
	Определение модуля. Раскрытие модуля по определению. Простейшие уравнения и неравенства с модулем. Применение равносильных переходов в определенных типах уравнений и неравенств с модулем		
Тема 14.4 Уравнения и неравенства с параметрами	<b>Содержание учебного материала</b>	6	
	Знакомство с параметром. Простейшие уравнения и неравенства с параметром		
Тема 14.5 Составление и решение профессиональных задач с помощью уравнений	<b>Решение упражнений на профессионально-ориентированное содержание</b>	4	
	Решение текстовых задач профессионального содержания		
	<b>Практические занятия</b>		
Тема 14.6 Решение задач. Уравнения и неравенства	<b>Содержание учебного материала</b>	2	
	Общие методы решения уравнений. Уравнения и неравенства с модулем и с параметрами		
	<b>Практическое занятие</b>		
<b>Индивидуальный проект</b>		-	
<b>Консультация</b>		2	
<b>Промежуточная аттестация: другая форма контроля (1 семестр) экзамен (2 семестр)</b>		6	
<b>Всего:</b>		<b>286</b>	

### 3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

**3.1. Для реализации программы общеобразовательной учебной дисциплины предусмотрены следующие специальные помещения:**

Кабинет математики, оснащенный оборудованием и техническими средствами обучения:

Рабочие места преподавателя и обучающихся: доска меловая – 1 шт., стол ученический – 18 шт., стул ученический – 36 шт., стол – 1 шт., стул – 1 шт.

Комплект учебно-методической документации, раздаточный материал, нормативно-справочная литература.

Технические средства обучения: мультимедийное оборудование (ноутбук, экран на штативе, проектор).

#### 3.2. Информационное обеспечение реализации программы

<b>Список основной литературы</b>	
1	Баврин, И. И. Математика для технических колледжей и техникумов : учебник и практикум для среднего профессионального образования / И. И. Баврин. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 397 с. — (Профессиональное образование). — ISBN 978-5-534-08026-1. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <a href="https://urait.ru/bcode/512900">https://urait.ru/bcode/512900</a>
2	Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа 10-11кл [Текст]: учебник: базовый и углубленный уровни / Ш.А.Алимов, Ю.М.Колягин, М.В.Ткачева и др.- 12-е изд, стер.- М.: Просвещение, 2024.- 463с.
3	Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Геометрия 10-11кл [Текст]: учебник: базовый и углубленный уровни / Л.С.Атанасян, В.Ф.Бутузов, С.Б.Кадомцев и др.- 11-е изд, стер.- М.: Просвещение, 2023.- 287с.
4	Богомолов, Н. В. Математика : учебник для среднего профессионального образования / Н. В. Богомолов, П. И. Самойленко. — 5-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 401 с. — (Профессиональное образование). — ISBN 978-5-534-07878-7. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <a href="https://urait.ru/bcode/511565">https://urait.ru/bcode/511565</a>

#### 4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

**Контроль и оценка** раскрываются через дисциплинарные результаты, усвоенные знания и приобретенные обучающимися умения, направленные на формирование общих и профессиональных компетенций.

<b>Общая/профессиональная компетенция</b>	<b>Раздел/Тема</b>	<b>Тип оценочных мероприятий</b>
<p>ОК 01. Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности применительно к различным контекстам</p>	<p>Р 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6                      Р 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6                      Р 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4                      Р 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/с, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11                      Р 5, Темы 5.1, 5.2                      Р 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/с, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/с, 6.11                      Р 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/с, 7.8, 7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17                      Р 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6                      Р 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4, 9.5                      Р 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4                      Р 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7                      Р 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4                      Р 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6                      Р 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6</p>	<p>Тестирование                      Устный опрос                      Индивидуальная самостоятельная работа                      Представление результатов практических работ                      Защита рефератов                      Проверочная работа                      Выполнение экзаменационных заданий</p>
<p>ОК 02. Использовать современные средства поиска, анализа и интерпретации информации и информационные технологии для выполнения задач профессиональной деятельности</p>	<p>Р 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6                      Р 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6                      Р 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4                      Р 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/с, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11                      Р 5, Темы 5.1, 5.2                      Р 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/с, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/с, 6.11                      Р 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/с, 7.8, 7.9, 7.10 П-о/с,</p>	<p>Тестирование                      Устный опрос                      Индивидуальная самостоятельная работа                      Представление результатов практических работ                      Защита рефератов                      Проверочная работа</p>

	<p>7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17</p> <p>Р 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6</p> <p>Р 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4, 9.5</p> <p>Р 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4</p> <p>Р 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7</p> <p>Р 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4</p> <p>Р 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6</p> <p>Р 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6</p>	<p>Выполнение экзаменационных заданий</p>
<p>ОК 03. Планировать и реализовывать собственное профессиональное и личностное развитие, предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере, использовать знания по финансовой грамотности в различных жизненных ситуациях</p>	<p>Р 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6</p> <p>Р 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6</p> <p>Р 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4</p> <p>Р 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/с, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11</p> <p>Р 5, Темы 5.1, 5.2</p> <p>Р 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/с, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/с, 6.11</p> <p>Р 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/с, 7.8, 7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17</p> <p>Р 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6</p> <p>Р 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4, 9.5</p> <p>Р 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4</p> <p>Р 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7</p> <p>Р 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4</p> <p>Р 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6</p> <p>Р 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6</p>	<p>Тестирование</p> <p>Устный опрос</p> <p>Индивидуальная самостоятельная работа</p> <p>Представление результатов практических работ</p> <p>Защита рефератов</p> <p>Проверочная работа</p> <p>Выполнение экзаменационных заданий</p>
<p>ОК 04. Эффективно взаимодействовать и работать в коллективе и команде</p>	<p>Р 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6</p> <p>Р 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6</p> <p>Р 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4</p> <p>Р 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/с, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11</p> <p>Р 5, Темы 5.1, 5.2</p>	<p>Тестирование</p> <p>Устный опрос</p> <p>Индивидуальная самостоятельная работа</p> <p>Представление результатов практических работ</p>

	<p>Р 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/с, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/с, 6.11</p> <p>Р 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/с, 7.8, 7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17</p> <p>Р 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6</p> <p>Р 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4, 9.5</p> <p>Р 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4</p> <p>Р 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7</p> <p>Р 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4</p> <p>Р 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6</p> <p>Р 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6</p>	<p>Защита рефератов</p> <p>Проверочная работа</p> <p>Выполнение экзаменационных заданий</p>
<p>ОК 05. Осуществлять устную и письменную коммуникацию на государственном языке Российской Федерации с учетом особенностей социального и культурного контекста</p>	<p>Р 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6</p> <p>Р 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6</p> <p>Р 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4</p> <p>Р 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/с, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11</p> <p>Р 5, Темы 5.1, 5.2</p> <p>Р 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6</p> <p>Р 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6</p> <p>Р 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4</p> <p>Р 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/с, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11</p> <p>Р 5, Темы 5.1, 5.2</p> <p>Р 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/с, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/с, 6.11</p> <p>Р 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/с, 7.8, 7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17</p> <p>Р 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6</p> <p>Р 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4, 9.5</p> <p>Р 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4</p> <p>Р 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7</p> <p>Р 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4</p>	<p>Тестирование</p> <p>Устный опрос</p> <p>Индивидуальная самостоятельная работа</p> <p>Представление результатов практических работ</p> <p>Защита рефератов</p> <p>Проверочная работа</p> <p>Выполнение экзаменационных заданий</p>

	<p>Р 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6</p> <p>Р 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6 Р 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4, 9.5</p> <p>Р 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4</p> <p>Р 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7</p> <p>Р 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3</p> <p>Р 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6</p> <p>Р 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6</p>	
<p>ОК 06. Проявлять гражданско-патриотическую позицию, демонстрировать осознанное поведение на основе традиционных общечеловеческих ценностей, в том числе с учетом гармонизации межнациональных и межрелигиозных отношений, применять стандарты антикоррупционного поведения</p>	<p>Р 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6</p> <p>Р 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/с, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/с, 6.11</p> <p>Р 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/с, 7.8, 7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17</p> <p>Р 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6</p> <p>Р 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6</p>	<p>Тестирование</p> <p>Устный опрос</p> <p>Индивидуальная самостоятельная работа</p> <p>Представление результатов практических работ</p> <p>Защита рефератов</p> <p>Проверочная работа</p> <p>Выполнение экзаменационных заданий</p>
<p>ОК 07. Содействовать сохранению окружающей среды, ресурсосбережению, применять знания об изменении климата, принципы бережливого производства, эффективно действовать в чрезвычайных ситуациях</p>	<p>Р 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/с, 1.4, 1.5, 1.6</p> <p>Р 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6</p> <p>Р 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4</p> <p>Р 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/с, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11</p> <p>Р 5, Темы 5.1, 5.2</p> <p>Р 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/с, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/с, 6.11</p> <p>Р 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/с, 7.8, 7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17</p> <p>Р 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6</p> <p>Р 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4, 9.5</p> <p>Р 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4</p>	<p>Тестирование</p> <p>Устный опрос</p> <p>Индивидуальная самостоятельная работа</p> <p>Представление результатов практических работ</p> <p>Защита рефератов</p> <p>Проверочная работа</p> <p>Выполнение экзаменационных заданий</p>

	<p>Р 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7</p> <p>Р 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4</p> <p>Р 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6</p> <p>Р 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6</p>	
<p>ПК 5.2 Организовывать материально-техническое обеспечение процесса по техническому обслуживанию и ремонту автотранспортных средств.</p>	<p>Р 13. Темы 13.3-13.5,</p> <p>Р 14. Темы 14.5, 14.6</p> <p>Р 4. Темы 4.7-4.11</p> <p>Р 6. Темы 6.10, 6.11</p> <p>Р 8. Темы 8.5, 8.6</p>	<p>Индивидуальная самостоятельная работа</p> <p>Представление результатов практических работ</p> <p>Проверочная работа</p>

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«СЕВЕРО-КАВКАЗСКАЯ ГОСУДАРСТВЕННАЯ АКАДЕМИЯ»**

**СРЕДНЕПРОФЕССИОНАЛЬНЫЙ КОЛЛЕДЖ**

**Фонд оценочных средств**

для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации  
образовательной программы

по общеобразовательной учебной дисциплине

**Математика**

для специальности **23.02.07 Техническое обслуживание и ремонт  
двигателей, систем и агрегатов автомобилей**

форма проведения оценочной процедуры

**экзамен**

г.Черкесск, 2024год

## I. ОБЩЕЕ ПОЛОЖЕНИЕ

Фонд оценочных средств (ФОС) предназначен для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся, освоивших программу общеобразовательной учебной дисциплины «Математика».

ФОС включает контрольные материалы для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации в форме экзамена.

ФОС разработан в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом среднего общего образования и рабочей программой общеобразовательной учебной дисциплины «Математика».

## II. РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ, ПОДЛЕЖАЩЕЙ ПРОВЕРКЕ.

Общие компетенции	Планируемые результаты обучения		Показатели оценки
	Общие	Дисциплинарные	
<b>ОК</b> ОК 01 Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности применительно к различным контекстам	- готовность к труду, осознание ценности мастерства, трудолюбие; - готовность к активной деятельности технологической и социальной направленности, способность инициировать, планировать и самостоятельно выполнять такую деятельность; - интерес к различным сферам профессиональной деятельности, Овладение универсальными учебными познавательными действиями: а) базовые логические действия: - самостоятельно формулировать и актуализировать проблему, рассматривать ее всесторонне; - устанавливать существенный признак	- владеть методами доказательств, алгоритмами решения задач; умение формулировать определения, аксиомы и теоремы, применять их, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач; - уметь оперировать понятиями: степень числа, логарифм числа; умение выполнять вычисление значений и преобразования выражений со степенями и логарифмами, преобразования дробно-рациональных выражений; - уметь оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы;	- карточки-задания; - самостоятельная работа; - тестовые опросы; - проверочная работа; - рефераты; - экзаменационные вопросы. <i>Оценка:</i> - результативности работы обучающегося при выполнении заданий на учебных занятиях, самостоятельных и проверочных работах; - результата подготовки к экзамену.

	<p>или основания для сравнения, классификации и обобщения;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- определять цели деятельности, задавать параметры и критерии их достижения;</li> <li>- выявлять закономерности и противоречия в рассматриваемых явлениях;</li> <li>- вносить коррективы в деятельность, оценивать соответствие результатов целям, оценивать риски последствий деятельности;</li> <li>- развивать креативное мышление при решении жизненных проблем</li> </ul> <p>б) базовые исследовательские действия:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- владеть навыками учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем;</li> <li>- выявлять причинно-следственные связи и актуализировать задачу, выдвигать гипотезу ее решения, находить аргументы для доказательства своих утверждений, задавать параметры и критерии решения;</li> <li>- анализировать полученные в ходе решения задачи результаты, критически</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: функция, непрерывная функция, производная, первообразная, определенный интеграл;</li> <li>уметь находить производные элементарных функций, используя справочные материалы; исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа; применять производную при решении задач на движение; решать практико-ориентированные задачи на наибольшие и наименьшие значения, нахождение пути, скорости и ускорения;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: рациональная функция, показательная функция, степенная функция, логарифмическая функция, тригонометрические функции, обратные функции; умение строить графики изученных функций, использовать графики при изучении процессов и зависимостей, при</li> </ul>	
--	---	--	--

	<p>оценивать их достоверность, прогнозировать изменение в новых условиях;</p> <p>- уметь переносить знания в познавательную и практическую области жизнедеятельности;</p> <p>- уметь интегрировать знания из разных предметных областей;</p> <p>- выдвигать новые идеи, предлагать оригинальные подходы и решения; и способность их использования в познавательной и социальной практике</p>	<p>решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни;</p> <p>выражать формулами зависимости между величинами;</p> <p>- уметь решать текстовые задачи разных типов (в том числе на проценты, доли и части, на движение, работу, стоимость товаров и услуг, налоги, задачи из области управления личными и семейными финансами); составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать полученное решение и оценивать правдоподобность результатов;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; уметь извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в</p>	
--	--	---	--

		<p>том числе с применением графических методов и электронных средств;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события;</p> <p>умение вычислять вероятность с использованием графических методов;</p> <p>применять формулы сложения и умножения вероятностей, комбинаторные факты и формулы при решении задач; оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами;</p> <p>умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, двугранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями;</p> <p>умение использовать при решении задач</p>	
--	--	--	--

		<p>изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира; - уметь оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, сечения фигуры вращения, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение изображать многогранники и поверхности вращения, их сечения от руки, с помощью чертежных инструментов и электронных средств; умение распознавать симметрию в пространстве; умение распознавать правильные многогранники; - уметь оперировать понятиями: движение в пространстве, подобные фигуры в пространстве; использовать отношение площадей поверхностей и объемов подобных</p>	
--	--	--	--

		<p>фигур при решении задач;</p> <ul style="list-style-type: none"><li>- уметь вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объем, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы;</li><li>- уметь оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками;</li><li>- уметь выбирать подходящий изученный метод для решения задачи, распознавать математические факты и математические модели в природных и общественных явлениях, в искусстве; умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки.</li></ul> <ul style="list-style-type: none"><li>- уметь оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные</li></ul>	
--	--	--	--

		<p>формулировки; умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции; проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: множество, подмножество, операции над множествами; умение использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений при решении задач, в том числе из других учебных предметов;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: граф, связный граф, дерево, цикл, граф на плоскости; умение задавать и описывать графы различными способами; использовать графы при решении задач;</p> <p>- уметь свободно оперировать понятиями: сочетание, перестановка, число сочетаний, число перестановок; бином Ньютона; умение применять комбинаторные факты и</p>	
--	--	--	--

		<p>рассуждения для решения задач;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: натуральное число, целое число, остаток по модулю, рациональное число, иррациональное число, множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел;</p> <p>умение использовать признаки делимости, наименьший общий делитель и наименьшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; знакомство с различными позиционными системами счисления;</p> <p>- уметь свободно оперировать понятиями: степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным (вещественным) показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем, рациональные, иррациональные,</p>	
--	--	--	--

		<p>показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и системы; умение решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приемов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни;</p> <p>- уметь свободно оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, степенная функция с целым показателем, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; умение строить графики функций, выполнять преобразования графиков функций;</p> <p>умение использовать графики функций для изучения процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; выражать формулами</p>	
--	--	--	--

		<p>зависимости между величинами;</p> <p>умение свободно оперировать понятиями: четность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке;</p> <p>умение проводить исследование функции;</p> <p>умение использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами;</p> <p>изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем;</p> <p>-уметь свободно оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия; умение задавать последовательности, в том числе с помощью рекуррентных формул;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: непрерывность функции, асимптоты графика функции, первая и вторая производная функции, геометрический и</p>	
--	--	---	--

		<p>физический смысл производной, первообразная, определенный интеграл; умение находить асимптоты графика функции; умение вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции функций, находить уравнение касательной к графику функции; умение использовать производную для исследования функций, для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических и физических задачах, для определения скорости и ускорения; находить площади и объемы фигур с помощью интеграла; приводить примеры математического моделирования с помощью дифференциальных уравнений;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: комплексное число, сопряженные комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа, форма записи комплексных чисел (геометрическая, тригонометрическая и алгебраическая); уметь производить арифметические</p>	
--	--	--	--

		<p>действия с комплексными числами; приводить примеры использования комплексных чисел;</p> <p>- уметь свободно оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение для описания числовых данных; умение исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; графически исследовать совместные наблюдения с помощью диаграмм рассеивания и линейной регрессии;</p> <p>- уметь находить вероятности событий с использованием графических методов; применять для решения задач формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероятности, формулу Бернулли, комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных событий; умение оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение</p>	
--	--	---	--

		<p>случайной величины, функции распределения и плотности равномерного, показательного и нормального распределений; умение использовать свойства изученных распределений для решения задач;</p> <p>знакомство с понятиями: закон больших чисел, методы выборочных исследований; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;</p> <p>- уметь свободно оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок, луч, плоский угол, двугранный угол, трехгранный угол, пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии;</p> <p>умение оценивать размеры объектов в окружающем мире;</p> <p>умение оперировать</p>	
--	--	--	--

		<p>понятиями: многогранник, сечение многогранника, правильный многогранник, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, развертка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства геометрических фигур, самостоятельно формулировать определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнительные построения; -уметь свободно оперировать понятиями: площадь фигуры, объем фигуры, величина угла,</p>	
--	--	---	--

		<p>расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара;</p> <p>умение находить отношение объемов подобных фигур;</p> <p>- уметь свободно оперировать понятиями: движение, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры;</p> <p>умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; умение использовать геометрические отношения, находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объем) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни;</p> <p>- уметь свободно оперировать понятиями: прямоугольная система координат, вектор, координаты точки, координаты вектора, сумма векторов,</p>	
--	--	--	--

		<p>произведение вектора на число, разложение вектора по базису, скалярное произведение, векторное произведение, угол между векторами; умение использовать векторный и координатный метод для решения геометрических задач и задач других учебных предметов; оперировать понятиями: матрица <math>2 \times 2</math> и <math>3 \times 3</math>, определитель матрицы, геометрический смысл определителя;</p> <p>- уметь моделировать реальные ситуации на языке математики; составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат; строить математические модели с помощью геометрических понятий и величин, решать связанные с ними практические задачи; составлять вероятностную модель и интерпретировать полученный результат; решать прикладные задачи средствами математического анализа, в том числе социально-</p>	
--	--	---	--

		экономического и физического характера; - умение выбирать подходящий метод для решения задачи; понимание значимости математики в изучении природных и общественных процессов и явлений; умение распознавать проявление законов математики в искусстве, умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки	
ОК 02 Использовать современные средства поиска, анализа и интерпретации информации и информационные технологии для выполнения задач профессиональной деятельности	В области ценности научного познания: - сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, основанного на диалоге культур, способствующего осознанию своего места в поликультурном мире; - совершенствование языковой и читательской культуры как средства взаимодействия между людьми и познания мира; - осознание ценности научной деятельности, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.	- уметь оперировать понятиями: рациональная функция, показательная функция, степенная функция, логарифмическая функция, тригонометрические функции, обратные функции; умение строить графики изученных функций, использовать графики при изучении процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами; - уметь оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и	

	<p>Овладение универсальными учебными познавательными действиями:</p> <p>в) работа с информацией:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- владеть навыками получения информации из источников разных типов, самостоятельно осуществлять поиск, анализ, систематизацию и интерпретацию информации различных видов и форм представления;</li> <li>- создавать тексты в различных форматах с учетом назначения информации и целевой аудитории, выбирая оптимальную форму представления и визуализации;</li> <li>- оценивать достоверность, легитимность информации, ее соответствие правовым и морально-этическим нормам;</li> <li>- использовать средства информационных и коммуникационных технологий в решении когнитивных, коммуникативных и организационных задач с соблюдением требований эргономики, техники безопасности, гигиены, ресурсосбережения, правовых и этических норм, норм</li> </ul>	<p>неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем, рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и системы; уметь решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приемов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: движение, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; уметь распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; уметь использовать геометрические отношения, находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объем) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни</li> </ul>	
--	---	---	--

	<p>информационной безопасности;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- владеть навыками распознавания и защиты информации,</li> </ul> <p>информационной безопасности личности</p>		
<p>ОК 03 Планировать и реализовывать собственное профессиональное и личностное развитие, предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере, использовать знания по финансовой грамотности в различных жизненных ситуациях</p>	<p>В области духовно-нравственного воспитания:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- сформированность нравственного сознания, этического поведения;</li> <li>- способность оценивать ситуацию и принимать осознанные решения, ориентируясь на морально-нравственные нормы и ценности;</li> <li>- осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;</li> <li>- ответственное отношение к своим родителям и (или) другим членам семьи, созданию семьи на основе осознанного принятия ценностей семейной жизни в соответствии с традициями народов России;</li> </ul> <p>Овладение универсальными регулятивными действиями:</p> <p>а) самоорганизация:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- самостоятельно осуществлять познавательную деятельность, выявлять проблемы, ставить и формулировать собственные задачи в образовательной</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, сечения фигуры вращения, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара;</li> <li>умение изображать многогранники и поверхности вращения, их сечения от руки, с помощью чертежных инструментов и электронных средств;</li> <li>уметь распознавать</li> </ul>	

	<p>деятельности и жизненных ситуациях;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- самостоятельно составлять план решения проблемы с учетом имеющихся ресурсов, собственных возможностей и предпочтений;</li> <li>- давать оценку новым ситуациям;</li> <li>способствовать формированию и проявлению широкой эрудиции в разных областях знаний, постоянно повышать свой образовательный и культурный уровень;</li> <li>б) самоконтроль: использовать приемы рефлексии для оценки ситуации, выбора верного решения;</li> <li>- уметь оценивать риски и своевременно принимать решения по их снижению;</li> <li>в) эмоциональный интеллект, предполагающий сформированность: внутренней мотивации, включающей стремление к достижению цели и успеху, оптимизм, инициативность, умение действовать, исходя из своих возможностей;</li> <li>- эмпатии, включающей способность понимать эмоциональное состояние других, учитывать его при осуществлении коммуникации, способность к</li> </ul>	<p>симметрию в пространстве; уметь распознавать правильные многогранники;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками</li> </ul>	
--	--	--	--

	<p>сочувствию и сопереживанию;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- социальных навыков, включающих способность выстраивать отношения с другими людьми, заботиться, проявлять интерес и разрешать конфликты</li> </ul>		
<p>ОК 04 Эффективно взаимодействовать и работать в коллективе и команде</p>	<p>готовность к саморазвитию, самостоятельности и самоопределению;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- овладение навыками учебно-исследовательской, проектной и социальной деятельности;</li> </ul> <p>Овладение универсальными коммуникативными действиями:</p> <p>б) совместная деятельность:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы;</li> <li>- принимать цели совместной деятельности, организовывать и координировать действия по ее достижению;</li> <li>- составлять план действий, распределять роли с учетом мнений участников, обсуждать результаты совместной работы;</li> <li>- координировать и выполнять работу в условиях реального, виртуального и</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события;</li> <li>- уметь вычислять вероятность с использованием графических методов;</li> <li>- применять формулы сложения и умножения вероятностей, комбинаторные факты и формулы при решении задач;</li> <li>- оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами;</li> <li>- умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;</li> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным (вещественным) показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа;</li> </ul>	

	<p>комбинированного взаимодействия;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- осуществлять позитивное стратегическое поведение в различных ситуациях, проявлять творчество и воображение, быть инициативным.</li> </ul> <p>Овладение универсальными регулятивными действиями:</p> <p>г) принятие себя и других людей:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- принимать мотивы и аргументы других людей при анализе результатов деятельности;</li> <li>- признавать свое право и право других людей на ошибки;</li> <li>- развивать способность понимать мир с позиции другого человека</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, степенная функция с целым показателем, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; уметь строить графики функций, выполнять преобразования графиков функций;</li> <li>- уметь использовать графики функций для изучения процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;</li> <li>- свободно оперировать понятиями: четность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; уметь проводить исследование функции;</li> <li>- уметь использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и</li> </ul>	
--	--	--	--

		задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем	
ОК 05 Осуществлять устную и письменную коммуникацию на государственном языке Российской Федерации с учетом особенностей социального и культурного контекста	В области эстетического воспитания: - эстетическое отношение к миру, включая эстетику быта, научного и технического творчества, спорта, труда и общественных отношений; - способность воспринимать различные виды искусства, традиции и творчество своего и других народов, ощущать эмоциональное воздействие искусства; - убежденность в значимости для личности и общества отечественного и мирового искусства, этнических культурных традиций и народного творчества; - готовность к самовыражению в разных видах искусства, стремление проявлять качества творческой личности; Овладение универсальными коммуникативными действиями: а) общение: - осуществлять коммуникации во всех сферах жизни;	- уметь оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; умение извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; - уметь оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, двугранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между	

	<p>- распознавать невербальные средства общения, понимать значение социальных знаков, распознавать предпосылки конфликтных ситуаций и смягчать конфликты;</p> <p>- развернуто и логично излагать свою точку зрения с использованием языковых средств</p>	<p>прямыми, расстояние между плоскостями;</p> <p>- уметь использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии;</p> <p>умение оценивать размеры объектов окружающего мира</p>	
<p>ОК 06 Проявлять гражданско-патриотическую позицию, демонстрировать осознанное поведение на основе традиционных общечеловеческих ценностей, в том числе с учетом гармонизации межнациональных и межрелигиозных отношений, применять стандарты антикоррупционного поведения</p>	<p>- осознание обучающимися российской гражданской идентичности;</p> <p>- целенаправленное развитие внутренней позиции личности на основе духовно-нравственных ценностей народов Российской Федерации, исторических и национально-культурных традиций, формирование системы значимых ценностно-смысловых установок, антикоррупционного мировоззрения, правосознания, экологической культуры, способности ставить цели и строить жизненные планы;</p> <p>В части гражданского воспитания:</p> <p>- осознание своих конституционных прав и обязанностей, уважение закона и правопорядка;</p> <p>- принятие традиционных национальных, общечеловеческих гуманистических и</p>	<p>- уметь оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками;</p> <p>- уметь выбирать подходящий изученный метод для решения задачи, распознавать математические факты и математические модели в природных и общественных явлениях, в искусстве; умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки.</p> <p>- уметь оперировать понятиями: случайный опыт и случайное</p>	

	<p>демократических ценностей;</p> <p>- готовность противостоять идеологии экстремизма, национализма, ксенофобии, дискриминации по социальным, религиозным, расовым, национальным признакам;</p> <p>- готовность вести совместную деятельность в интересах гражданского общества, участвовать в самоуправлении в общеобразовательной организации и детско-юношеских организациях;</p> <p>- умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;</p> <p>- готовность к гуманитарной и волонтерской деятельности;</p> <p>патриотического воспитания:</p> <p>- сформированность российской гражданской идентичности, патриотизма, уважения к своему народу, чувства ответственности перед Родиной, гордости за свой край, свою Родину, свой язык и культуру, прошлое и настоящее многонационального народа России;</p>	<p>событие, вероятность случайного события;</p> <p>уметь вычислять вероятность с использованием графических методов;</p> <p>применять формулы сложения и умножения вероятностей,</p> <p>комбинаторные факты и формулы при решении задач; оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами;</p> <p>умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях</p>	
--	---	---	--

	<p>- ценностное отношение к государственным символам, историческому и природному наследию, памятникам, традициям народов России, достижениям России в науке, искусстве, спорте, технологиях и труде;</p> <p>- идейная убежденность, готовность к служению и защите Отечества, ответственность за его судьбу;</p> <p>освоенные обучающимися межпредметные понятия и универсальные учебные действия (регулятивные, познавательные, коммуникативные);</p> <p>- способность их использования в познавательной и социальной практике, готовность к самостоятельному планированию и осуществлению учебной деятельности, организации учебного сотрудничества с педагогическими работниками и сверстниками, к участию в построении индивидуальной образовательной траектории;</p> <p>- овладение навыками учебно-исследовательской, проектной и социальной деятельности</p>		
--	---	--	--

<p>ОК 07</p> <p>Содействовать сохранению окружающей среды, ресурсосбережению, применять знания об изменении климата, принципы бережливого производства, эффективно действовать в чрезвычайных ситуациях</p>	<p>- не принимать действия, приносящие вред окружающей среде;</p> <p>- уметь прогнозировать неблагоприятные экологические последствия предпринимаемых действий, предотвращать их;</p> <p>- расширить опыт деятельности экологической направленности;</p> <p>- разрабатывать план решения проблемы с учетом анализа имеющихся материальных и нематериальных ресурсов;</p> <p>- осуществлять целенаправленный поиск переноса средств и способов действия в профессиональную среду;</p> <p>- уметь переносить знания в познавательную и практическую области жизнедеятельности;</p> <p>- предлагать новые проекты, оценивать идеи с позиции новизны, оригинальности, практической значимости;</p> <p>- давать оценку новым ситуациям, вносить коррективы в деятельность, оценивать соответствие результатов целям</p>	<p>- уметь оперировать понятиями: функция, непрерывная функция, производная, первообразная, определенный интеграл;</p> <p>уметь находить производные элементарных функций, используя справочные материалы; исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа; применять производную при решении задач на движение; решать практико-ориентированные задачи на наибольшие и наименьшие значения, нахождение пути, скорости и ускорения;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: движение в пространстве, подобные фигуры в пространстве; использовать отношение площадей поверхностей и объемов подобных фигур при решении задач;</p> <p>- уметь вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объем, площадь поверхности),</p>	
---	--	---	--

		используя изученные формулы и методы	
<p><b>ПК</b>  <b>ПК 5.2</b>  <b>Организовывать материально-техническое обеспечение процесса по техническому обслуживанию и ремонту автотранспортных средств.</b></p>	<p>Характерные особенности основных фондов предприятий автомобильного транспорта; классификацию основных фондов предприятия; виды оценки основных фондов предприятия; особенности структуры основных фондов предприятий автомобильного транспорта; методику расчета показателей, характеризующих техническое состояние и движение основных фондов предприятия; методы начисления амортизации по основным фондам; методику оценки эффективности использования основных фондов</p> <p>Состав и структуру оборотных средств предприятий автомобильного транспорта; стадии кругооборота оборотных средств; принципы и методику нормирования оборотных фондов предприятия; методику расчета показателей использования основных средств</p> <p>Цели материально-технического снабжения производства; задачи службы материально-технического снабжения; объекты материального снабжения на предприятиях</p>	<p>Проводить оценку стоимости основных фондов; анализировать объем и состав основных фондов предприятия автомобильного транспорта; определять техническое состояние основных фондов; анализировать движение основных фондов; рассчитывать величину амортизационных отчислений; определять эффективность использования основных фондов</p> <p>Определять потребность в оборотных средствах; нормировать оборотные средства предприятия; определять эффективность использования оборотных средств; выявлять пути ускорения оборачиваемости оборотных средств предприятия автомобильного транспорта</p> <p>Определять потребность предприятия автомобильного транспорта в объектах материально-технического снабжения в натуральном и стоимостном выражении</p>	

	автомобильного транспорта; методику расчета затрат по объектам материально-технического снабжения в натуральном и стоимостном выражении		
--	--	--	--

## КАРТОЧКИ-ЗАДАНИЯ ДЛЯ ИНДИВИДУАЛЬНОЙ РАБОТЫ

Тема «Действительные числа и действия над ними» (ОК 04, ПК 5.2)

### Карточка 1

1. Найдите значение выражения:

$$\frac{(152\frac{3}{4} - 148\frac{3}{8}) \cdot 0,3}{0,2}$$

2. Найдите x из пропорции:

$$\frac{(4 - 3,5(2\frac{1}{7} - 1\frac{1}{5})) \div 0,16}{x} = \frac{3\frac{2}{7} - \frac{3}{14} \div \frac{1}{6}}{41\frac{23}{84} - 40\frac{49}{60}}$$

### Карточка 2

1. Найдите значение выражения:

$$\frac{172\frac{5}{6} - 170\frac{1}{3} + 3\frac{5}{12}}{0,8 \cdot 0,25}$$

2. Найдите x из пропорции:

$$\frac{0,125x}{(\frac{19}{24} - \frac{21}{40}) \cdot 8\frac{7}{16}} = \frac{(1\frac{28}{63} - \frac{17}{21}) \cdot 0,7}{0,675 \cdot 2,4 - 0,02}$$

Тема «Решение уравнений и неравенств с одной переменной» (ОК 04, ПК 5.2)

### Карточка 3

1. Решите уравнение:

1)  $3(x - 2) - 5 = 4 - (5x - 1)$ ;

$$2) \frac{3x+1}{5} = 2 - \frac{4(x-3)}{15};$$

$$3) \frac{6x - x^2 - 6}{x-1} - \frac{2x-3}{x-1} = 1;$$

$$4) |2x - 3| = 5$$

#### Карточка 4

Решите неравенство:

$$1) \frac{5x-2}{3} - \frac{3-x}{2} > 1;$$

$$2) \frac{(x-1)(x-2)}{x-3} \geq 0;$$

$$3) x^2 + 5x + 4 \geq 0.$$

Тема «Тригонометрические функции числового аргумента» (ОК 04, ОК 02)

#### Карточка 5

1. Найдите радианную меру угла, равного:

а)  $135^0$ ;      в)  $36^0$ ;

б)  $210^0$ ;      г)  $10^0$ .

2. Найдите значение выражения:

а)  $2 \cos 60^0 + \sqrt{3} \cos 30^0$ ;

б)  $5 \sin 30^0 - \operatorname{ctg} 45^0$ ;

в)  $3 \operatorname{tg} 45^0 \cdot \operatorname{tg} 60^0$ .

Тема «Тригонометрические уравнения» (ОК 01, ПК 5.2)

#### Карточка 6

Решите уравнение:

$$1. \sin x = \frac{1}{2};$$

$$2. 2 \cos \frac{x}{2} + 1 = 0;$$

$$3. 3 \sin^2 - 5 \sin x - 2 = 0;$$

## САМОСТОЯТЕЛЬНАЯ РАБОТА

### Тема Действительные числа (ПК 5.2)

#### Вариант 1.

1. Вычислите значение выражения:  $\left( \left( 2,15 - 1\frac{5}{16} \right) : 33,5 + 5\frac{1}{7} \cdot 3,85 - 15,7 \right) \cdot \frac{8}{11} + 2,25$
2. Упростите выражение:  $\left( \frac{x+10}{5x+25} - \frac{1}{x+5} \right) \frac{5}{x-5} - \frac{10}{x^2-25}$

#### Вариант 2.

1. Вычислите значение выражения:  $\left( 75 : 4\frac{1}{6} - 3\frac{9}{23} \cdot 3 \right) \left( 1\frac{5}{18} + 0,35 - \frac{11}{15} \right) : 1,4$
2. Упростите выражение:  $\frac{y^2}{y^2-1} + \frac{1}{y^2-1} : \left( \frac{2}{2y-y^2} - \frac{1}{2-y} \right)$

### Тема Линейные уравнения и неравенства с одной переменной (ПК 5.2)

#### Вариант 1.

1. Решите уравнение.

- а)  $3(0,5x - 4) + 8,5x = 18$
- б)  $4x^2 + 4x + 1 = 0$
- в)  $\frac{x-1}{2} = \frac{4+2x}{3}$

2. Решите систему неравенств.

$$\begin{cases} \frac{x}{3} \geq 0 \\ 1 - 3x \leq 2x - 1 \\ 3 - x < 0 \end{cases}$$

3. Решите систему уравнений.

$$\begin{cases} 8x + 3y = -21 \\ 4x + 5y = -7 \end{cases}$$

#### Вариант 2.

1. Решите уравнение.

- а)  $5(2 + 1,5x) - 0,5x = 24$
- б)  $9x^2 - 6x + 1 = 0$
- в)  $\frac{3x-2}{5} = \frac{2+x}{3}$

2. Решите систему неравенств.  $\begin{cases} \frac{x}{2} \leq 0 \\ 2 - x > 0 \\ 2 - x \geq 2x + 1 \end{cases}$

Решите систему уравнений. 
$$\begin{cases} 4x - 6y = 26 \\ 5x + 3y = 1 \end{cases}$$

**Тема Комплексные числа. Действия над числами в алгебраической форме (ОК 04)**

Цель: закрепить изученный материал по теме «Понятие комплексного числа. Действия над комплексными числами, заданными в алгебраической форме».

Вариант 1.

1. Вычислите сумму, разность, произведение и частное чисел:  $z_1=2i-3$  и  $z_2=8+5i$ .
2. Вычислите:
  - а)  $(7 + 2i)^2$ ;
  - б)  $(6+8i) \cdot (6-8i)$
3. Найдите модуль комплексного числа:
  - а)  $-2i$ ;
  - б)  $3+4$
4. Выполните все действия с комплексными числами:  $z = 2 + i$  и  $z = 15 - 3i$  5.  
Найдите модуль и главное значение аргумента комплексного числа  $z = 3 + 4i$

Вариант 2.

1. Вычислите сумму, разность, произведение и частное чисел:  $z_1=4+5i$  и  $z_2=2-3i$
2. Вычислите:
  - а)  $(3 - 4i)^2$ ;
  - б)  $(7+9i) \cdot (7-9i)$
3. Найдите модуль комплексного числа:
  - а)  $3i$ ;
  - б)  $12-5i$
4. Выполните все действия с комплексными числами:  $z = -8 - 2i$  и  $z = 4 + 5i$
5. Найдите модуль и главное значение аргумента комплексного числа  $z = 5 + 6i$

**Тема Многогранники. Решение задач (ОК 04)**

<u>І вариант</u>	<u>ІІ вариант</u>
<i>1.Контрольныевопросы</i>	
а) что такое многогранники? б) виды многогранников; в) что такое призма и пирамида?	
<i>2. Решить задачу:</i>	
1) Диагональ куба равна $2\sqrt{3}$ . Определить полную поверхность куба. 2) Дана четырехугольная пирамида, основание которой – прямоугольник со сторонами 15 и 20 м. Боковые ребра равны 25 м. Найти высоту пирамиды. 3) Найти диагональ прямоугольного параллелепипеда, если его измерения равны: а) 3 дм, 4 дм, 2 дм; б) 5 м, 7 м, 8 м; в) 30 см, 20 см, 120 см.	4) Дана правильная треугольная пирамида. Ее боковая поверхность равна $144 \text{ см}^2$ , апофема – 6 см. Найти сторону основания. 5) В правильной четырехугольной призме площадь основания равна $S=144 \text{ см}^2$ , а высота $h=14$ см. Найти диагональ призмы. 6) Найти диагональ прямоугольного параллелепипеда, если его измерения равны: а) 2 дм, 6 дм, 4 дм; б) 3 м, 9 м, 10 м; в) 40 см, 70 см, 110 см.

### Тема Элементы теории вероятности (ПК 5.2)

#### Вариант 1.

1. Вычислить: а)  $3!$ ; б)  $7!-5!$ ; в)  $\frac{7!+5!}{6!}$ .
2. В среднем из 1000 садовых насосов, поступивших в продажу, 5 подтекают. Найдите вероятность того, что один случайно выбранный для контроля насос не подтекает.
3. Сколькими способами можно расставлять на одной полке 8 различных книг?
4. Сколько вариантов распределения трех путевок в санатории различного профиля можно составить для пяти претендентов?
5. В бригаде из 25 человек нужно выделить четырех для работы на определенном участке. Сколькими способами это можно сделать?
6. В партии из 18 деталей находятся 4 бракованных. Наугад выбирают 5 деталей. Найти вероятность того, что из этих 5 деталей две окажутся бракованными.

7. Прибор состоит из двух элементов, работающих независимо. Вероятность выхода из строя первого элемента равна 0,2; вероятность выхода из строя второго элемента равна 0,3. Найти вероятность того, что: а) оба элемента выйдут из строя; б) оба элемента будут работать.

Вариант 2.

1. Вычислите: а)  $6!$ ; б)  $3!+5!$ ; в)  $\frac{7! \cdot 2!}{6!}$

2. Фабрика выпускает сумки. В среднем на 100 качественных сумок приходится восемь сумок со скрытыми дефектами. Найдите вероятность того, что купленная сумка окажется качественной. Результат округлите до сотых.

3. В соревнованиях участвовало четыре команды. Сколько вариантов распределения мест между ними возможно?

4. На факультете изучается 16 предметов. На понедельник нужно в расписание поставить 3 предмета. Сколькими способами можно это сделать?

5. Из 15 объектов нужно отобрать 10 объектов. Сколькими способами это можно сделать?

6. Сколькими способами можно составить дозор из трех солдат и одного офицера, если имеется 80 солдат и 3 офицера?

7. В урне шары разного цвета: 20 белого, 15 черного, 5 синего. Найти вероятность того, что из урны наугад извлеченный шар окажется не белого или синего цвета

## ТЕСТОВЫЕ ВОПРОСЫ ПО ДИСЦИПЛИНЕ «МАТЕМАТИКА»

Компетенции: ОК 01, ОК 02, ПК 5.2

№	Правильный ответ	Содержание вопроса	Компетенция
1.		Выберите правильный ответ, выполнив сложение комплексных чисел: $z_1 = 1 + 5i; \quad z_2 = 3 + 2i :$ 1) $4 + 7i;$ 2) $-3 + 3i;$ 3) $5 - 3i$	ОК 01
2.		Решите квадратное уравнение $x^2 - 11x + 30 = 0$ : 1) $x_1 = 3; x_2 = 7$ 2) $x_1 = 5; x_2 = -6;$ 3) $x_1 = 5; x_2 = 6.$	ОК 01
3.		Решите неравенство: $x^2 - 2x - 8 \leq 0$ . 1) $[-2; 4]$ 2) $(-\infty; -2] \cup [4; +\infty)$ 3) $(-2; 4)$	ОК 01
4.		Укажите решение системы неравенств: $\begin{cases} x - 2,6 \leq 0, \\ x - 1 \geq 1. \end{cases}$ 1) $[2; 2,6]$ 2) $(-\infty; 2,6]$ 3) $(-\infty; 2] \cup [2,6; +\infty)$	ОК 01
5.		Укажите неверное равенство: 1) $\sqrt{x} = x^{-2}$ 2) $\sqrt[3]{x} = x^{1/3}$ 3) $a^0 = 1$	ОК 01
6.		Вычислите значение функции $y = \frac{x^2 - 4}{x + 2}$ в точке $x = 3$ . Ответ _____	ОК 01
7.		Найдите значение выражения $\log_2 4 + \log_2 16$ . Ответ _____	ОК 01
8.		Решите показательное уравнение $8^x = 64$ . Ответ _____	ОК 01
9.		Решите логарифмическое неравенство $\log_3(3x + 4) > \log_3 7$ . Ответ _____	ОК 01
10.		Логарифм, основание которого равно 10 называется _____	ОК 01
11.		Вставьте пропущенное слово. Логарифм - это _____ степени, в которую надо возвести основание логарифма, чтобы получить подлогарифмическое выражение.	ОК 02
12.		Выразить в радианах угол $\alpha = 20^\circ$ 1) $\pi/5$ 2) $\pi/7$ 3) $\pi/9$	ОК 02

13.		Выразить в градусах угол $\alpha = 4\pi/45$ 1) $16^\circ$ 2) $15^\circ$ 3) $20^\circ$	ОК 02	
14.		Какой четверти числовой окружности принадлежит точка $t = 19\pi/4$ 1) первой    2) второй    3) третьей	ОК 02	
15.		Упростить выражение: $3\cos^2\alpha - 6 + 3\sin^2\alpha$ 1) 1    2) -5    3) -3	ОК 02	
16.		Найти значение выражения $4\cos^2x + 2$ , если $\sin^2x = 0,6$ 1) 4,56    2) 3,6    3) 4,6	ОК 02	
17.		Какая из тригонометрических функций является чётной? _____	ОК 02	
18.		Отношение косинуса числа $t$ к синусу того же числа называется _____	ОК 02	
19.		Отношение синуса числа $t$ к косинусу того же числа называется _____	ОК 02	
20.		Назовите элемент, не принадлежащий цилиндру: 1) апофема;    2) высота;    3) радиус.	ОК 02	
21.		Высота боковой грани правильной пирамиды называется _____	ПК 5.2	
22.		Если высота конуса равна 15, а радиус основания 8, то образующая конуса равна: _____	ПК 5.2	
23.		Кирпич $2 \times 3 \times 6$ . Его диагональ равна: _____	ПК 5.2	
24.		Радиус основания цилиндра равен 2 м, высота 3 м. Чему равна диагональ осевого сечения? Ответ _____	ПК 5.2	
25.		Диаметр шара равен 2 см. Чему равен его объём? (Число пи примите за 3) Ответ _____	ПК 5.2	
26.		Объём пирамиды равен $56 \text{ см}^3$ , площадь основания $14 \text{ см}^2$ . Чему равна высота? _____	ПК 5.2	
27.		Чему равно значение $x$ при решении уравнения: $8^x = 64$ _____	ПК 5.2	
28.		Решите уравнение. В ответ запишите корни уравнения: $x^2 - 7x + 12 = 0$ Ответ _____	ПК 5.2	
29.		В среднем из 1000 садовых насосов, поступивших в продажу, 5 подтекают. Найдите вероятность	ПК 5.2	

		того, что один случайно выбранный для контроля насос не подтекает. Ответ _____		
30.		Определить объем прямоугольного параллелепипеда по 3-м его измерениям: $a=3$ ; $b=5$ ; $c=8$ . Ответ _____	ПК 5.2	
31.		Найти диагональ прямоугольного параллелепипеда, если его измерения равны: 6, 6, 7. 1) 11      2) 121      3) 5,2	ПК 5.2	
32.		Чему равно значение выражения: $\log_{\frac{1}{2}} \frac{1}{32}$ 1) 3      2) 5      3) 1/5	ПК 5.2	
33.		Площадь поверхности сферы определяется по формуле, где $R$ – радиус сферы: 1) $2\pi R^2$ ;    2) $4\pi R^3$ ;    3) $4\pi R^2$ .	ПК 5.2	
34.		Какой не может быть призма? 1) прямой;      2) правильной;    3) усеченной.	ПК 5.2	
35.		Объем конуса определяется по формуле: 1) $\frac{1}{3}\pi R^2 H$ ;    2) $\pi R^2 H$ ;    3) $\frac{2}{3}\pi R^2 H$	ПК 5.2	
36.		Прямоугольный параллелепипед – это: 1) пирамида;    2) призма;    3) октаэдр	ПК 5.2	
37.		Осевым сечением цилиндра является: 1) треугольник;    2) круг;    3) прямоугольник	ПК 5.2	
38.		Чему равно значение производной для функции $y = x^2 - 7x$ ? 1) $3x-8$ 2) $5x+7$ 3) $2x-7$	ПК 5.2	
39.		Чему равна длина вектора: $\vec{k}\{2; 3; 0\}$ 1) $\sqrt{13}$ 2) 13      3) 169	ПК 5.2	
40.		Чему равно значение выражения $7! - 5!$ ?	ПК 5.2	

		1)81	2)2	3)4920		
--	--	------	-----	--------	--	--

## ПРОВЕРОЧНАЯ РАБОТА

**Проверочная работа №1 "Вычисления и преобразования. Уравнения и неравенства. Геометрия на плоскости"** (входной контроль) (ОК 01, ОК 02, ОК 04, ОК 05, ОК 06)

*При решении заданий 1-4 запишите правильный ответ из четырех предложенных.*

1. (1 балл) Раскройте формулу сокращенного умножения  $a^2 - b^2$ :

А)  $a^2 - 2ab + b^2$ ; Б)  $(a-b)(a+b)$ ; В)  $a^2 + 2ab - b^2$ ; Г)  $(a-b)(a-b)$

2. (1 балл) Площадь треугольника вычисляется по формуле:

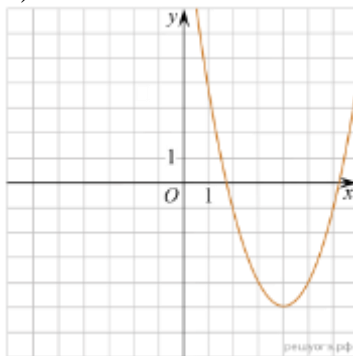
А)  $S = a \cdot b$ ; Б)  $S = (a \cdot b) / 2$ ; В)  $S = 2a \cdot b$ ; Г)  $S = (a \cdot b) / 3$ .

3. (1 балл) Какое из следующих чисел заключено между числами  $\frac{10}{17}$  и  $\frac{5}{8}$ ?

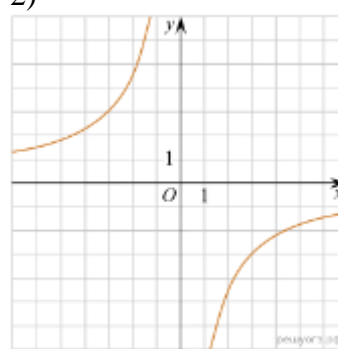
А) 0,4; Б) 0,5; В) 0,6; Г) 0,7

4. (1 балл) Даны графики функций. Какая формула соответствует графику 3):

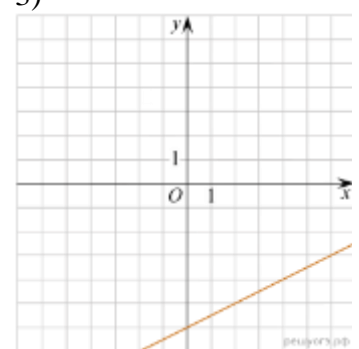
1)



2)



3)



А)  $y = \frac{1}{2}x - 6$ ; Б)  $y = x^2 - 8x + 11$ ; В)  $y = -\frac{9}{x}$ ; Г)  $y = x + 5$ .

*При выполнении заданий 5-8 запишите ход решения и полученный ответ.*

5. (2 балла) Вычислите  $\frac{1}{2} + \frac{11}{5}$ .

6. (2 балла) Решите уравнение  $x^2 - 7x + 10 = 0$ . Если уравнение имеет более одного корня, в ответ запишите меньший из корней.

7. (2 балла) Площадь земель крестьянского хозяйства, отведенная под посадку кустарников и цветников, составляет 24 га и распределена между ними в отношении 5:3. Сколько гектаров занимают цветники?

8. (2 балла) Высота ВН параллелограмма ABCD делит его сторону AD на отрезки AN=2 и ND=32. Диагональ параллелограмма BD равна 40. Найдите площадь параллелограмма.

### Дополнительная часть

*При выполнении задания 9 запишите ход, обоснование решения и полученный ответ.*

9. (3 балла) Рыболов проплыл на лодке от пристани некоторое расстояние вверх по течению реки, затем бросил якорь, 2 часа ловил рыбу и вернулся обратно через 5 часов от начала путешествия. На какое расстояние от пристани он отплыл, если скорость течения реки равна 2 км/ч, а собственная скорость лодки 6 км/ч?

*Шкала перевода баллов в отметки по пятибалльной системе*

<i>Отметка</i>	<i>Число баллов, необходимое для получения отметки</i>
«3» (удов.)	7-9
«4» (хорошо)	10-12
«5» (отлично)	13-15

Контрольная работа состоит из 2-х частей. В первой части предлагается выполнить 4 задания - выбрать правильный ответ из четырех предложенных. Во второй части предлагается выполнить 6 заданий - оформить ход решения и записать полученный ответ.

За правильное выполнение любого задания первой части обучающийся получает один балла. Правильное выполнение заданий второй части оценивается 2 баллами или 1 баллом за частичное решение.

Баллы, полученные за все выполненные задания, суммируются.

*Шкала перевода баллов в отметки по пятибалльной системе*

<i>Отметка</i>	<i>Число баллов, необходимое для получения отметки</i>
«3» (удов.)	8-10
«4» (хорошо)	11-13
«5» (отлично)	14-16

**Проверочная работа №2 "Расположение прямых и плоскостей в пространстве. Перпендикулярность и параллельность прямых и плоскостей. Скрещивающиеся прямые"**(ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 05, ОК 07, ПК 5.2)

*При решении заданий 1-4 запишите правильный ответ из четырех предложенных.*

1. (1 балл) Расшифруйте краткую запись:  $a \in \beta$ .

А) точка  $a$  принадлежит плоскости  $\beta$ ; Б) точка  $a$  принадлежит прямой  $\beta$ ; В) прямая  $a$  принадлежит плоскости  $\beta$ ; Г) прямая  $a$  пересекает плоскость  $\beta$ .

2. (1 балл) Прямые АВ и СД скрещиваются. Какое расположение имеют прямые АС и ВД?

А) параллельные; Б) перпендикулярные; В) скрещиваются; Г) пересекаются.

3. (1 балл) Плоскости  $\alpha$  и  $\beta$  имеют 1 общую точку. Каково их взаимное расположение?

А) параллельны; Б) пересекаются по прямой; В) совпадают; Г) скрещиваются.

4. (1 балл) Если прямая, проведенная на плоскости через основание наклонной, перпендикулярна ее проекции, то она...

А) перпендикулярна и самой наклонной; Б) параллельна и самой наклонной; В) скрещивается с наклонной; Г) перпендикулярна основанию наклонной.

**При выполнении заданий 5-8 запишите ход решения и полученный ответ.**

5. (2 балла) Через концы отрезка АВ и его середину М проведены параллельные прямые, пересекающие некоторую плоскость в точках  $A_1$ ,  $B_1$  и  $M_1$ . Найдите длину отрезка  $MM_1$ , если отрезок АВ не пересекает плоскость и если  $AA_1=6,8$  см,  $BB_1=7,4$  см.

6. (2 балла) Прямые АС, АВ и АД попарно перпендикулярны. Найдите отрезок СД, если  $AB=5$  см,  $BC=13$  см,  $AD=9$  см.

7. (2 балла) Из точки к плоскости проведены две наклонные. Найдите длины общего перпендикуляра, если проекции наклонных относятся как 2:3 и длины наклонных равны 23 см и 33 см.

8. (2 балла) Начертить куб  $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ . Построить точку  $K \in AB$ , точку  $M \in DD_1 C$ , отрезок  $PE \in A_1 B_1 C_1$ .

**Проверочная работа №3 "Решение задач. Координаты и векторы"** (ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 05, ОК 07, ПК 5.2)

### Обязательная часть

**При решении заданий 1-4 запишите правильный ответ из четырех предложенных.**

1. (1 балл) Даны точки  $A(1,0,5)$ ,  $B(-2,0,4)$ ,  $C(0,-1,0)$ ,  $D(0,0,2)$ . Какие из них лежат на координатной прямой Оу?

А) А; Б) В; В) С; Г) Д.

2. (1 балл) Какие из векторов  $a(1,0,-1)$ ,  $c(1/3,2/3,-2/3)$ ,  $v(1,1,1)$ ,  $p(0,0,-2)$  являются единичными?

А) а; Б) с; В) в; Г) р.

3. (1 балл) Какие из векторов  $a(1,2,-3)$ ,  $c(3,6,-6)$ ,  $v(2,4,-6)$  коллинеарны?

А) а, в; Б) с, в; В) а, с; Г) коллинеарных векторов нет.

4. (1 балл) Даны точки  $A(2,0,5)$ ,  $B(2,4,-2)$ ,  $C(-2,6,3)$ . Серединой какого отрезка является точка  $M(0,3,4)$ ?

А) АВ; Б) ВС; В) АС; Г) СВ.

**При выполнении заданий 5-8 запишите ход решения и полученный ответ.**

5. (2 балла) Даны векторы  $a(-6,0,8)$ ,  $v(-3,2,-6)$ . Найдите скалярное произведение векторов.

6. (2 балла) При каких значениях  $n$  векторы  $\vec{a}(4,n,2)$ ,  $\vec{v}(1,2,n)$  перпендикулярны?

7. (2 балла) Даны векторы  $a(-6,0,8)$ ,  $v(-3,2,-6)$ . Найдите косинус угла между векторами.

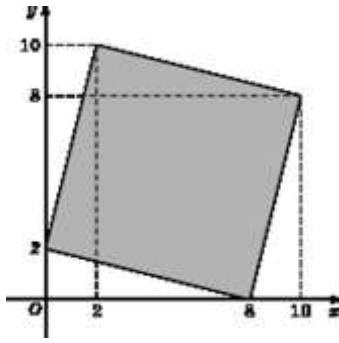
8. (2 балла) Докажите, что четырёхугольник АВСД является ромбом, если:

$A(6,7,8)$ ,  $B(8,2,6)$ ,  $C(4,3,2)$ ,  $D(2,8,4)$ .

### Дополнительная часть

**При выполнении задания 9 запишите ход, обоснование решения и полученный ответ.**

9. (3 балла) Макет потолка комнаты для освещения представлен на координатной плоскости. Найдите площадь потолка (четырёхугольника), вершины которого имеют координаты  $(8;0)$ ,  $(10;8)$ ,  $(2;10)$ ,  $(0;2)$ .



**Проверочная работа №4 "Основы тригонометрии. Тригонометрические функции"** (ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06)

**Обязательная часть**

*При решении заданий 1-4 запишите правильный ответ из четырех предложенных.*

1. (1 балл) В  $\triangle ABC$   $\sin C = \frac{AB}{AC}$ . Какая из сторон является гипотенузой  $\triangle ABC$ ?  
А) АВ; Б) АС; В) ВС; Г) СВ.
2. (1 балл) Углом какой четверти является угол  $\alpha = 400^\circ$ ?  
А) I; Б) II; В) III; Г) IV.
3. (1 балл) Какие из функций являются чётными?  
А)  $y = \sin x$ ; Б)  $y = \cos x$ ; В)  $y = \operatorname{tg} x$ ; Г)  $y = \operatorname{ctg} x$ .
4. (1 балл) Какие из чисел являются корнем уравнения  $\cos x = \frac{1}{2}$ ?  
А)  $x = \frac{\pi}{6}$ ; Б)  $x = \frac{\pi}{3}$ ; В)  $x = \frac{\pi}{2}$ ; Г)  $x = \frac{2\pi}{3}$ .

*При выполнении заданий 5-8 запишите ход решения и полученный ответ.*

5. (2 балла) Вычислите:  $\sin \frac{\pi}{2} + \cos \frac{\pi}{2}$ .
6. (2 балла) Найдите значение выражения  $4 \operatorname{arccos} \frac{\sqrt{2}}{2} - 4 \operatorname{arcsin} \left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right)$
7. (2 балла) Докажите тождество:  $2 \sin(\pi/2 + \alpha) + \cos(\pi - \alpha) = \cos \alpha$ .
8. (2 балла) Решите уравнение:  $\sin^2 x - 4 \sin x + 3 = 0$ .

**Дополнительная часть**

*При выполнении задания 9 запишите ход, обоснование решения и полученный ответ.*

9. (3 балла) Решите систему уравнений:

$$\begin{cases} x + y = \pi \\ \sin x + \sin y = 2. \end{cases}$$

**Проверочная работа №5 "Производная функции, ее применение"** (ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ПК 5.2)

**Обязательная часть**

*При решении заданий 1-4 запишите правильный ответ из четырех предложенных.*

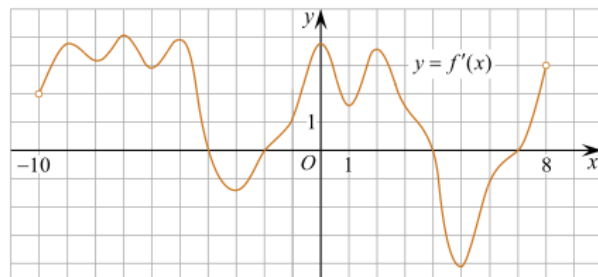
1. (1 балл) Чему равна производная функции  $y = \cos^2 x$ ?  
А)  $y' = -\sin^2 x$ ; Б)  $y' = -2 \sin^2 x$ ; В)  $y' = -2 \cos x \sin x$ ; Г)  $y' = 2 \cos x$ .
2. (1 балл) По какой из формул вычисляется производная произведения?

А)  $(u+v)'=u'+v'$ ; Б)  $(uv)'=u'v+uv'$ ; В)  $\left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{u'v-uv'}{v^2}$ ; Г)  $(f(g(x)))'=f'(g(x))*g'(x)$ .

3. (1 балл) Решите уравнение  $f'(x)=0$ , если  $f(x)=3x^2 - 6x + 4$ . Выберите ответ.

А) 1; Б) -1; В) 4; Г) -4.

4. (1 балл) На рисунке изображен график производной функции  $f(x)$ , определенной на интервале  $(-10; 8)$ . Найдите количество точек максимума функции  $f(x)$  на отрезке  $[-9; 6]$ .

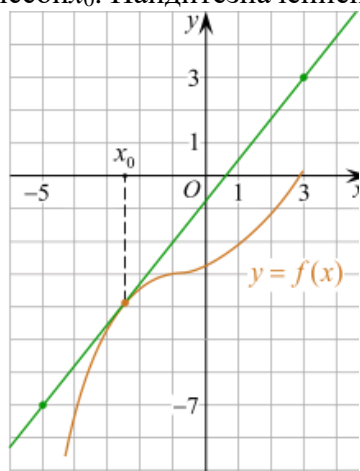


А) 5; Б) 4; В) 2; Г) 3.

**При выполнении заданий 5-8 запишите ход решения и полученный ответ.**

5. (2 балла) Материальная точка движется прямолинейно по закону  $x(t) = -t^4 + 6t^3 - 4t^2 + 5t - 5$  (где  $x$  — расстояние от точки отсчета в метрах,  $t$  — время в секундах, измеренное с начала движения). Найдите ее скорость (в м/с) в момент времени  $t = 3$  с.

6. (2 балла) На рисунке изображен график функции  $y = f(x)$  и касательная к нему в точке с абсциссой  $x_0$ . Найдите значение производной функции  $f(x)$  в точке  $x_0$ .



7. (2 балла) Решите неравенство:  $\frac{(x-2)(x+3)}{(x-8)} > 0$

8. (2 балла) Исследовать функцию  $f(x) = x^3 - 3x$  и построить её график.

### Дополнительная часть

**При выполнении задания 9 запишите ход, обоснование решения и полученный ответ.**

9. (3 балла) Фирме «Электрик» выделяют участок земли площадью  $100 \text{ м}^2$ . Предлагают четыре участка разных размеров:  $25 \times 4$ ;  $20 \times 5$ ;  $12,5 \times 8$ ;  $10 \times 10$ . Какой участок одобрит директор фирмы «Электрик», учитывая, что необходимо будет поставить забор по периметру?

**Проверочная работа №6 "Объемы и площади поверхности многогранников и тел вращения"** (ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ПК 5.2)

### Обязательная часть

*При решении заданий 1-4 запишите правильный ответ из четырех предложенных.*

1. (1 балл) В каких единицах измеряется площадь поверхности многогранника?  
А) в градусах; Б) в метрах; В) в квадратных метрах; Г) в двугранных градусах.
2. (1 балл) Площадь боковой поверхности призмы вычисляется по формуле:  
А)  $S = S_{\text{бок}} + 2 S_{\text{осн}}$ ; Б)  $S_{\text{бок}} = P_{\text{осн}} \cdot H$ ; В)  $S = S_{\text{бок}} + S S_{\text{осн}}$ ; Г)  $S_{\text{бок}} = 2P_{\text{осн}} \cdot H$ .
3. (1 балл) Что является осевым сечением усеченного конуса?  
А) равнобедренный треугольник; Б) равнобедренная трапеция; В) прямоугольник; Г) прямоугольная трапеция.
4. (1 балл) Какая фигура получается при вращении прямоугольного треугольника вокруг одного из своих катетов?  
А) конус; Б) усеченный конус; В) пирамида; Г) усеченная пирамида.

*При выполнении заданий 5-8 запишите ход решения и полученный ответ.*

5. (2 балла) Ребро основания правильной треугольной пирамиды 3 м, апофема 6 м. Найдите площадь боковой поверхности пирамиды.
6. (2 балла) Диагональ куба равна  $\sqrt{588}$ . Найдите его объем.
7. (2 балла) Прямоугольник со сторонами 8 см и 3 см вращается вокруг большей стороны. Найдите объем, площади боковой и полной поверхностей полученного тела.
8. (2 балла) Вычислить поверхность кроны кустарника, имеющего форму шара радиуса 0,5 м. В ответ запишите число, деленное на  $\pi$ .

### Дополнительная часть

*При выполнении задания 9 запишите ход, обоснование решения и полученный ответ.*

9. (3 балла) Создать модель кафе, имеющей форму комбинированного геометрического тела, выполнить необходимые расчеты (площадь, объем, количество лампочек для освещения).

**Проверочная работа №7 "Первообразная функции. Правила нахождения первообразных"** (ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07)

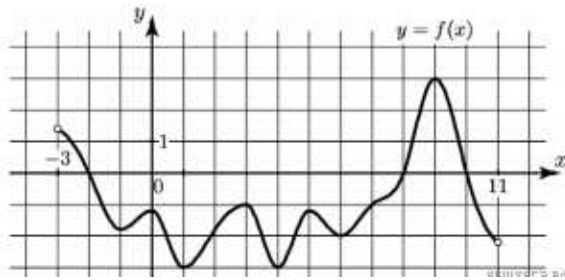
### Обязательная часть

*При решении заданий 1-4 запишите правильный ответ из четырех предложенных.*

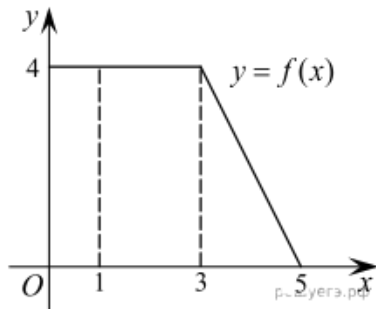
1. (1 балл) Для какой из функций функция  $F(x) = x^3 - 3x^2 + 1$  является первообразной?  
А)  $f(x) = 3(x^2 - 2)$ ; Б)  $f(x) = 3x(x^2 - 2)$ ; В)  $f(x) = 3x^2 - 6x + 1$ ; Г)  $f(x) = 3x^2 - 6x$ .
2. (1 балл) Дана функция  $f(x) = 3x^2 + 1$ . Чему равна  $F(1)$ ?  
А) 2; Б) 4; В) 6; Г)  $1\frac{1}{3}$ .
3. (1 балл) Общий вид всех первообразных для  $f(x) = \sin x$ ?  
А)  $F(x) = \cos x + C$ ; Б)  $F(x) = -\cos x + C$ ; В)  $F(x) = \operatorname{tg} x + C$ ; Г)  $F(x) = -\operatorname{tg} x + C$ .
4. (1 балл) Вычислите определенный интеграл  $\int_1^2 x dx$ .  
А) -1; Б) 1; В) -1,5; Г) 1,5.

*При выполнении заданий 5-8 запишите ход решения и полученный ответ.*

5. (2 балла) Является ли  $F(x) = x^3 - 3x + 1$  первообразной для функции  $f(x) = 3(x^2 - 1)$ ?
6. (2 балла) Задайте первообразную  $F(x)$  для функции  $f(x) = 3x^2 - 2x$ , если известны координаты точки М (1, 4) графика  $F(x)$ .
7. (2 балла) На рисунке изображен график функции  $y = f(x)$ , определенной на интервале  $(-3; 11)$ . Найдите наименьшее значение функции  $f(x)$  на отрезке  $[2; 9,5]$ .



8. (2 балла) На рисунке изображен график некоторой функции  $y=f(x)$ . Пользуясь рисунком, вычислите определенный интеграл  $\int_1^5 f(x)dx$ .



### Дополнительная часть

При выполнении задания 9 запишите ход, обоснование решения и полученный ответ.

9. (3 балла) Вычислить площадь помещения для проведения освещения, периметр которого ограничивают линии  $y=0$ ,  $y=x$ ,  $y=-2x+6$ . Сделать чертеж.

**Проверочная работа №8 "Определение степенной функции. Использование ее свойств при решении уравнений и неравенств"** (ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06)

### Обязательная часть

При решении заданий 1-4 запишите правильный ответ из четырех предложенных.

- (1 балл) Между какими двумя натуральными числами находится число  $\sqrt[3]{19}$ ?  
А) 19 и 20; Б) 2 и 3; В) 18 и 19; Г) 3 и 4.
- (1 балл) Определите корень уравнения  $x^3=125$   
А) 3.; Б) -3; В) -5; Г) 5.
- (1 балл) Расположите в порядке возрастания числа:  $2$ ;  $\sqrt[3]{5}$ ;  $\sqrt[4]{17}$   
А)  $2$ ;  $\sqrt[3]{5}$ ;  $\sqrt[4]{17}$ ; Б)  $2$ ;  $\sqrt[4]{17}$ ;  $\sqrt[3]{5}$ ; В)  $\sqrt[3]{5}$ ;  $2$ ;  $\sqrt[4]{17}$ ; Г)  $\sqrt[4]{17}$ ;  $2$ ;  $\sqrt[3]{5}$ .
- (1 балл) Умножая числа с одинаковым основанием, их степени...?  
А) умножаем; Б) делим; В) складываем; Г) отнимаем.

При выполнении заданий 5-8 запишите ход решения и полученный ответ.

5. (2 балла) Найдите значение выражения  $\frac{a^{5,58} \cdot a^{2,9}}{a^{6,48}}$  при  $a=7$ .

6. (2 балла) Найдите значение выражения  $\frac{(\sqrt{12} + \sqrt{8})^2}{10 + \sqrt{96}}$ .

7. (2 балла) Расстояние от наблюдателя, находящегося на небольшой высоте  $h$  километров над землёй, до наблюдаемой им линии горизонта вычисляется по формуле  $l = \sqrt{2Rh}$ , где  $R=6400$  км — радиус Земли. С какой высоты горизонт виден на расстоянии 48 километров? Ответ выразите в километрах.

8. (2 балла) Решите уравнение  $\sqrt{-32-x} = 2$ .

### Дополнительная часть

*При выполнении задания 9 запишите ход, обоснование решения и полученный ответ.*

9. (3 балла) Решите графически систему уравнений: 
$$\begin{cases} y = \sqrt{x} \\ y = x \end{cases}$$

**Проверочная работа №9 "Показательная функция"** (ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06)

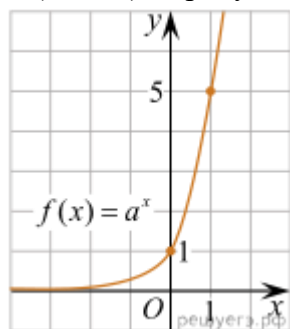
### Обязательная часть

*При решении заданий 1-4 запишите правильный ответ из четырех предложенных.*

1. (1 балл) При каком значении  $a$  функция  $y=a^x$  бывает на всей области определения?

А)  $a=\frac{4}{3}$ ; Б)  $a=8,25$ ; В)  $a=\frac{1}{8}$ ; Г)  $a=\sqrt{3}$ .

2. (1 балл) На рисунке изображён график функции вида  $f(x)=a^x$ . Найдите значение  $f(2)$ .



А) 25.; Б) 5; В) 32; Г) нет верного ответа.

3. (1 балл) Функция задана формулой:  $f(x)=\left(\frac{1}{2}\right)^x$ . Чему равно  $f(-2)$ ?

А)  $\frac{1}{4}$ ; Б) -4; В) 4; Г)  $\sqrt{2}$ .

4. (1 балл) Корень уравнения  $\left(\frac{1}{9}\right)^{x-13} = 3$ ?

А) 12,5; Б) 13; В) 14; Г) 15.

*При выполнении заданий 5-8 запишите ход решения и полученный ответ.*

5. (2 балла) Найдите корень уравнения  $3^{x+2}-5 \cdot 3^x=12$

6. (2 балла) Сколько целых решений имеет неравенство  $1 < 7^{x-1} \leq 49$ ?

7. (2 балла) Найдите точку максимума функции  $y = 2^{5-8x-x^2}$ .

8. (2 балла) В ходе распада радиоактивного изотопа его масса уменьшается по закону  $m(t) = m_0 \cdot 2^{-t/T}$ , где  $m_0$  — начальная масса изотопа,  $t$  — время, прошедшее от начального момента,  $T$  — период полураспада. В начальный момент времени масса

изотопа 184 мг. Период его полураспада составляет 7 мин. Найдите, через сколько минут масса изотопа будет равна 23 мг.

**Дополнительная часть**

*При выполнении задания 9 запишите ход, обоснование решения и полученный ответ.*

9. (3 балла) Решите графически систему уравнений: 
$$\begin{cases} y - 2x = 0 \\ y - 2^x = 0 \end{cases}$$

**Проверочная работа №10 "Логарифмы. Логарифмическая функция"** (ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06)

**Обязательная часть**

*При решении заданий 1-4 запишите правильный ответ из четырех предложенных.*

1. (1 балл) Какая из функций возрастает на всей области определения?

А)  $f(x) = \log_5 x$ ; Б)  $f(x) = 0,7^x$ ; В)  $f(x) = x^2$ ; Г)  $f(x) = \log_{\frac{1}{2}} x$ .

2. (1 балл) Укажите область определения функции  $f(x) = \lg \frac{2x-3}{x+7}$

А)  $(-7; 1,5)$ ; Б)  $(-\infty; -1,5), (7; +\infty)$ ; В)  $(-1,5; 7)$ ; Г)  $(-\infty; -7), (1,5; +\infty)$ .

3. (1 балл) Расположить в порядке возрастания:  $\log_{0,5} 4; \log_{0,5} 0,4; \log_{0,5} \frac{1}{4}$ .

А)  $\log_{0,5} 4; \log_{0,5} 0,4; \log_{0,5} \frac{1}{4}$ ; Б)  $\log_{0,5} 4; \log_{0,5} \frac{1}{4}; \log_{0,5} 0,4$ ;

В)  $\log_{0,5} \frac{1}{4}; \log_{0,5} 0,4; \log_{0,5} 4$ ; Г)  $\log_{0,5} 0,4; \log_{0,5} \frac{1}{4}; \log_{0,5} 4$ .

4. (1 балл) Найдите корень уравнения  $\log_4(5-x) = 2$ .

А) 11; Б) -11; В) -3; Г) 3.

*При выполнении заданий 5-8 запишите ход решения и полученный ответ.*

5. (2 балла) Определите значение выражения  $\log_6 2 + \log_6 3 + 2^{\log_2 4}$ .

6. (2 балла) Укажите наименьшее целое решение неравенства:

$$\log_3(6x - 4) > 2.$$

7. (2 балла) Найдите точку максимума функции  $y = 8 \ln(x+7) - 8x + 3$ .

8. (2 балла) Для обогрева помещения, температура в котором поддерживается на уровне  $T_{\text{п}} = 15^\circ$  через радиатор отопления пропускают горячую воду. Расход проходящей через трубу радиатора воды  $m = 0,6$  кг/с. Проходя по трубе расстояние  $x$ , вода охлаждается от начальной температуры  $T_{\text{в}} = 91^\circ$  до температуры  $T$ , причём

$$x = \alpha \frac{cm}{\gamma} \log_2 \frac{T_{\text{в}} - T_{\text{п}}}{T - T_{\text{п}}}, \quad c = 4200 \frac{\text{Вт} \cdot \text{с}}{\text{кг} \cdot ^\circ \text{С}} \text{ — теплоёмкость воды, } \gamma = 28 \frac{\text{Вт}}{\text{м} \cdot ^\circ \text{С}} \text{ —}$$

коэффициент теплообмена, а  $\alpha = 0,8$  — постоянная. Найдите, до какой температуры (в градусах Цельсия) охладится вода, если длина трубы радиатора равна 144 м.

**Дополнительная часть**

*При выполнении задания 9 запишите ход, обоснование решения и полученный ответ.*

9. (3 балла) Решите графически систему уравнений: 
$$\begin{cases} y + 2x = \log_3 135 - \log_3 5 \\ 2y - 3x = 6 \end{cases}$$

## Темы рефератов

1. Прямые и плоскости в пространстве
2. Векторы в пространстве. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов
3. Решение простейших тригонометрических уравнений
4. Тригонометрические функции, их свойства и графики
5. Геометрический и физический смысл производной
6. Физический смысл производной в профессиональных задачах
7. Правильные многогранники, их свойства
8. Комбинации многогранников и тел вращения
9. Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона – Лейбница
10. Степенная функция, ее свойства
11. Показательная функция, ее свойства
12. Логарифмическая функция, ее свойства
13. Множества. Графы и их применение
14. Событие, вероятность события. Сложение и умножение вероятностей
15. Задачи математической статистики
16. Уравнения и неравенства с модулем

### ***Критерии оценки***

***Оценка «отлично»*** - выполнены все требования к написанию и защите реферата: обозначена проблема и обоснована её актуальность, сделан краткий анализ различных точек зрения на рассматриваемую проблему и логично изложена собственная позиция, сформулированы выводы, тема раскрыта полностью, выдержан объем, соблюдены требования к внешнему оформлению, даны правильные ответы на дополнительные вопросы.

***Оценка «хорошо»*** - основные требования к реферату и его защите выполнены, но при этом допущены недочеты. В частности, имеются неточности в изложении материала; отсутствует логическая последовательность в суждениях; не выдержан объем реферата; имеются упущения в оформлении; на дополнительные вопросы при защите даны неполные ответы.

***Оценка «удовлетворительно»*** - имеются существенные отступления от требований к реферированию. В частности: тема освещена лишь частично; допущены фактические ошибки в содержании реферата или при ответе на дополнительные вопросы; во время защиты отсутствует вывод.

**Оценка «неудовлетворительно»** - тема реферата не раскрыта, обнаруживается существенное непонимание проблемы.

### **III. ОПИСАНИЕ ОРГАНИЗАЦИИ ОЦЕНИВАНИЯ И ПРАВИЛ ОПРЕДЕЛЕНИЯ РЕЗУЛЬТАТОВ ОЦЕНИВАНИЯ.**

Уровень подготовки обучающихся по общеобразовательной учебной дисциплине оценивается в баллах: «5» («отлично»), «4» («хорошо»), «3» («удовлетворительно»), «2» («неудовлетворительно»).

Оценка *«отлично»* - обучающийся показывает полные и глубокие знания программного материала, логично и аргументировано отвечает на поставленный вопрос, а также дополнительные вопросы, показывает высокий уровень теоретических знаний. Практическую часть выполняет на 100%.

Оценка *«хорошо»* - обучающийся показывает глубокие знания программного материала, грамотно его излагает, достаточно полно отвечает на поставленный вопрос и дополнительные вопросы, умело формулирует выводы. В тоже время при ответе допускает несущественные погрешности. Практическую часть выполняет на 90%-80%.

Оценка *«удовлетворительно»* - обучающийся показывает достаточные, но не глубокие знания программного материала; при ответе не допускает грубых ошибок или противоречий, однако в формулировании ответа отсутствует должная связь между анализом, аргументацией и выводами. Для получения правильного ответа требуется уточняющие вопросы. Практическую часть выполняет на 70%-60%.

Оценка *«неудовлетворительно»* - обучающийся показывает недостаточные знания программного материала, не способен аргументировано и последовательно его излагать, допускаются грубые ошибки в ответах, неправильно отвечает на поставленный вопрос или затрудняется с ответом. Практическую часть выполняет на менее 50%.

Экзамен по общеобразовательной учебной дисциплине проводится в период экзаменационных сессий, установленных календарным учебным графиком. Экзамен принимается преподавателями, которые проводили занятия по данному учебному предмету.

Во время экзамена общеобразовательной учебной дисциплине допускается использование наглядных пособий, информационно-справочных материалов в виде таблиц и схем по русскому языку, перечень которых заранее регламентируется.

### **IV. КОМПЛЕКТ ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ЭКЗАМЕНА ПО ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЕ «МАТЕМАТИКА»**

<b>Код и наименование формируемых компетенций</b>	<b>Критерии оценки</b>
ОК 01 Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности применительно к различным контекстам	- уровень освоения обучающимися материала, предусмотренного учебной программой по учебной дисциплине;
ОК 02 Использовать современные средства поиска, анализа и интерпретации информации и информационные технологии для выполнения задач профессиональной деятельности	- теоретические знания при выполнении практических задач;
ПК 5.2 Организовывать материально-техническое обеспечение процесса по техническому обслуживанию и ремонту автотранспортных средств.	- уровень обоснованности, четкости изложения ответа при соблюдении принципа полноты его содержания.

### Условия выполнения задания

1. Место выполнения задания: кабинет «Математики»
2. Максимальное время выполнения задания: 1 час 30 минут
3. Обучающиеся могут воспользоваться: таблицами радианной меры основных углов в тригонометрии, таблицами производных, таблицами первообразных.

### Экзаменационные вопросы.

1. Определитель второго и третьего порядка. Свойства определителей. Решение систем линейных уравнений второго и третьего порядков методом Крамера.
2. Числовая функция, область определения, множество значений.
3. Свойства функции: четность, нечетность, периодичность, ограниченность, монотонность, экстремум функции.
4. График функции. Простейшие преобразования графиков функций.
5. Степень с произвольным действительным показателем. Свойства степени. Степенная функция  $x^n$  (для  $n=2k$ ,  $n=2k+1$ ,  $n=-1, -2, 1/2, 1/3, -1/2$ ).
6. Логарифмы и их основные свойства. Основное логарифмическое тождество. Формула перехода от логарифмов с одним основанием к логарифмам с другим основанием.
7. Вычисление логарифмов с произвольным основанием. Логарифмирование и потенцирование выражений.
8. Показательная функция, её свойства и график.
9. Логарифмическая функция, её свойства и график.
10. Решение показательных уравнений и неравенств.
11. Решение логарифмических уравнений и неравенств.
12. Тригонометрические функции числового аргумента и их простейшие свойства.
13. Функция  $y = \sin x$ , её свойства и график.
14. Функция  $y = \cos x$ , её свойства и график.
15. Функция  $y = tg x$ , её свойства и график.
16. Зависимость между тригонометрическими функциями одного аргумента. Формулы приведения.
17. Решение тригонометрических уравнений  $\sin x = 0, 1, -1$ ,  $\cos x = 0, 1, -1$ .
18. Простейшие тригонометрические уравнения и их решение.
19. Векторы. Линейные операции над векторами.
20. Скалярное произведение векторов и его свойства. Угол между векторами.
21. Прямая и плоскость в пространстве. Признак параллельности прямой и плоскости. Обратная теорема.
22. Две плоскости в пространстве. Признак параллельности двух плоскостей.
23. Перпендикуляр и наклонные к плоскости. Угол прямой с плоскостью.
24. Перпендикулярность прямой и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости.
25. Теорема о трех перпендикулярах.
26. Геометрический смысл производной. Алгоритм отыскания уравнений касательной и нормали к данной кривой.
27. Формулы дифференцирования.
28. Дифференцирование тригонометрических функций.
29. Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства.
30. Интегрирование элементарных функций. Табличные интегралы.
31. Метод подстановки в неопределенном интеграле.
32. Формула Ньютона-Лейбница. Площадь криволинейной трапеции.
33. Многогранники. Призма, параллелепипед. Свойства граней и диагоналей параллелепипеда.
34. Цилиндр, конус. Сечения цилиндра и конуса. Пирамида, усеченная пирамида.

35. Сфера и шар. Сечение шара плоскостью. Части сферы и шара.
36. Объём параллелепипеда и призмы.
37. Объём пирамиды, усеченной пирамиды.
38. Объём цилиндра, конуса, усеченного конуса.
39. Объём шара.
40. Площадь поверхности призмы.
41. Площадь поверхности пирамиды, усеченной пирамиды.
42. Площадь поверхности цилиндра, конуса, усеченного конуса.
43. Площадь сферы и её частей.
44. Элементы комбинаторики: размещения, перестановки, сочетания.
45. Случайные события. Вероятность события.

### Экзаменационные билеты

#### Вариант 1

- 1) Вычислите  $29 \cdot 16^{\frac{1}{4}} - 15$ .  
1) 131    2) 43    3) 73    4) 101.
- 2) Упростите выражение  $\frac{5^{0,5}}{5^{-0,5}}$ .  
1) 5    2) 1    3) 10    4) 0.
- 3) Упростите выражение  $\log_2 50 - 2\log_2 5$ .  
1)  $\log_2 30$     2) 1    3)  $8\log_2 5$     4) 20.
- 4) Найдите значение  $\cos \alpha$ , если  $\sin \alpha = -0,8$  и  $\pi < \alpha < \frac{3\pi}{2}$ .  
1) -0,6    2) 0,6    3) 0,2    4) 0,36
- 5) Упростите выражение  $7\cos^2 \alpha - 5 + 7\sin^2 \alpha$ .  
1)  $1 + \cos^2 \alpha$     2) 2    3) -12    4) 12.
- 6) Решите уравнение  $\cos x = -1$ .  
1)  $2\pi n, n \in \mathbb{Z}$     2)  $\frac{\pi}{2}$     3)  $\frac{\pi}{2} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$     4)  $\pi n, n \in \mathbb{Z}$
- 7) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\sqrt{64 - 3x^2} = -x$ .  
1)  $\left[\frac{4}{3}; 36\right]$     2) (35;37)    3) (-2;0)    4)  $(-\infty; -2]$ .
- 8) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\left(\frac{1}{32}\right)^{0,5x+1} = 8$ .  
1) [-4;0)    2) [0;1)    3)  $[-\infty; -4)$     4) [4;6).
- 9) Решите неравенство  $\frac{6x-2}{(x-1)(x+2)} \leq 0$ .  
1)  $(-\infty; -2) \cup \left[\frac{1}{3}; 1\right)$     2)  $[-2; \frac{1}{3}) \cup (1; +\infty)$     3)  $(-\infty; -2)$     4)  $(-\infty; -5) \cup (-2; \frac{1}{4})$ .
- 10) Найдите множество значений функции  $y = \cos x - 2$ .  
1) [3;1]    2)  $(-\infty; +\infty)$     3) [-1;1]    4) [-3;-1].
- 11) Найдите производную функции  $f(x) = (7 - 2x)^4$ .  
1)  $-4(7 - 2x)^{-3}$     2)  $-8(7 - 2x)^3$     3)  $8(7 - 2x)^3$     4)  $(7 - 2x)^2$ .
- 12) Укажите первообразную функции  $f(x) = 2x + 4x^3 - 1$ .

1)  $x^2 + x^4 - x$     2)  $2x^2 + 4x^4$     3)  $2 + 12x^2$     4)  $x^2 + x^4$ .

13) Решите уравнение  $\log_5 x + \log_5 3 = \log_5 12$ .

1) 0    2) 4    3) 9    4) 15.

14) Найдите точки максимума функции  $y = x^3 - 3x^2$ .

1) 0    2) 2    3) -2    4) 3.

15) Найдите диагонали прямоугольного параллелепипеда по трем его измерениям: 2; 2; 1.

1) 5    2) 10    3) 3    4) 31.

16) Вычислите площадь фигуры (S), ограниченной линиями  $y = 4 - x^2$ ,  $y = 0$ ,  $x = 0$ ,  $x = 2$ .

1) 8    2)  $2\frac{2}{3}$     3)  $5\frac{1}{3}$     4)  $6\frac{2}{3}$ .

17) Укажите область определения функции  $y = \log_{0,3}(6x - 3x^2)$ .

1)  $(-\infty; 0) \cup (2; +\infty)$     2)  $(-2; +\infty)$     3)  $(2; +\infty)$     4)  $(0; 2)$ .

18) Найдите наибольшее целое решение неравенства  $\left(\frac{1}{3}\right)^{2-5x} - 1 \leq 0$ .

1) 0    2) -1    3) 1    4) 2.

19) Площади двух граней прямоугольного параллелепипеда равны  $56\text{дм}^2$  и  $192\text{дм}^2$ , а длина их общего ребра 8дм. Найдите объем параллелепипеда.

1) 840    2) 1344    3) 1029    4) 1210.

20) Образующая конуса равна 12см и составляет с плоскостью основания угол  $30^\circ$ . Найдите объем конуса, считая  $\pi = 3$ .

1) 384    2) 192    3)  $24\sqrt{2}$     4) 648.

### Вариант 2

1) Вычислите  $7 - 3 \cdot 64^{\frac{1}{6}}$ .

1) 1    2) 8    3) -5    4) -17.

2) Упростите выражение  $\frac{11^{1,5}}{11^{0,3}}$ .

1) 1,2    2) 5    3)  $11^{1,2}$     4)  $11^5$ .

3) Упростите выражение  $2^{\log_2 3} + \log_7 2 - \log_7 14$ .

1)  $2 + 2\log_7 2$     2) 2    3)  $3 - 6\log_7 2$     4) 7.

4) Найдите значение  $\cos \alpha$ , если  $\sin \alpha = \frac{\sqrt{2}}{3}$  и  $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$ .

1)  $-\frac{\sqrt{7}}{3}$     2)  $\frac{7}{9}$     3)  $\frac{\sqrt{7}}{3}$     4)  $\frac{2}{9}$ .

5) Упростите выражение  $-3\sin^2 \alpha - 6 - 3\cos^2 \alpha$ .

1) 1    2)  $2\cos \alpha$     3)  $\cos \alpha + \sin \alpha$     4) -9.

6) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\sqrt{125 - 4x^2} = -x$ .

1)  $\left[\frac{4}{3}; 36\right]$     2)  $(-\infty; -10)$     3)  $\left(\frac{4}{3}; 40\right]$     4)  $(-\infty; -\frac{4}{3}]$ .

7) Решите уравнение  $\sin x = 1$ .

1)  $2\pi n, n \in \mathbb{Z}$     2)  $\frac{\pi}{2}$     3)  $\frac{\pi}{2} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$     4)  $\pi n, n \in \mathbb{Z}$ .

8) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\left(\frac{1}{25}\right)^{0,4x-2} = 125$ .

1)  $[-4;0)$     2)  $[0;1)$     3)  $[1;4)$     4)  $[4;6)$ .

9) Решите неравенство  $\frac{x-3}{(4x-2)(x+2)} \leq 0$ .

1)  $(-2; \frac{1}{2})$     2)  $[-2;2) \cup (\frac{1}{2}; +\infty)$     3)  $(-\infty;3)$     4)  $(-\infty;-2) \cup (\frac{1}{2}; 3]$ .

10) Найдите множество значений функции  $y = \sin x + 4$ .

1)  $[3;5]$     2)  $(-\infty; +\infty)$     3)  $[-1;1]$     4)  $[-5;-3]$ .

11) Найдите производную функции  $f(x) = (5 + 3x)^3$ .

1)  $3(5 + 3x)^2$     2)  $9(5 + 3x)^2$     3)  $-3(5 + 3x)^3$     4)  $-(5 + 3x)^2$ .

12) Укажите первообразную функции  $f(x) = 3x^2 + 2x - 4$ .

1)  $x^3 + x^2 - 4x$     2)  $6x + 2$     3)  $x^3 + x^2$     4)  $x^2 + x - 4x$ .

13) Решите уравнение  $\log_7 x + \log_7 6 = \log_7 18$ .

1) 0    2) 11    3) 3    4) 12.

14) Найдите точку минимума функции  $y = x^2 - 1$ .

1) -1    2) 1    3) -2    4) 0.

15) Найдите диагонали прямоугольного параллелепипеда по трем его измерениям: 2; 3; 6.

1) 55    2) 7    3) 49    4) 11.

16) Вычислите площадь фигуры (S), ограниченной линиями  $y = x^3 + 1$ ,  $y = 0$ ,  $x = 0$ ,  $x = 2$ .

1) 8    2) 5    3) 6    4) 4.

17) Укажите область определения функции  $y = \log_{0,3}(x^2 - 4x)$ .

1)  $(-\infty;0) \cup (4; +\infty)$     2)  $(-4; +\infty)$     3)  $(4; +\infty)$     4)  $(0;4)$ .

18) Найдите наименьшее целое решение неравенства  $\left(\frac{4}{11}\right)^{6x-3} - 1 \leq 0$ .

1) 0    2) 1    3) -1    4) 2.

19) Площади двух граней прямоугольного параллелепипеда равны  $35\text{см}^2$  и  $42\text{см}^2$ , а длина их общего ребра 7см. Найдите объем параллелепипеда.

1) 840    2) 10290    3) 770    4) 210.

20) Образующая конуса равна 24см и составляет с плоскостью основания угол  $30^\circ$ . Найдите объем конуса, считая  $\pi = 3$ .

1) 3840    2) 1092    3) 5184    4) 648.

### Вариант 3

1) Вычислите  $2 \cdot 125^{\frac{1}{3}} - 0,9^0$

1) 10,9    2) 11    3) 9,1    4) 9.

2) Упростите выражение  $\frac{6^{1,4}}{6^{0,7}}$

- 1)  $6^{0,7}$     2) 2    3) 0,7    4) 36.

3) Упростите выражение  $\log_5 3 - \log_5 15 + \log_3 5$

- 1)  $-1 + \log_3 5$     2) -2    3) 0    4)  $\log_5 \frac{8}{15}$ .

4) Найдите значение  $\sin \alpha$ , если  $\cos \alpha = -\frac{\sqrt{6}}{4}$  и  $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$

- 1)  $\frac{10}{16}$     2)  $\frac{5}{8}$     3)  $\pm \frac{\sqrt{10}}{4}$     4)  $\frac{\sqrt{10}}{4}$

5) Упростите выражение  $-4\sin^2 \alpha + 5 - 4\cos^2 \alpha$

- 1) 1    2)  $1 + 8\sin^2 \alpha$     3)  $1 + 8\cos^2 \alpha$     4) 9.

6) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\sqrt{4x^2 - 27} = -x$

- 1)  $[\frac{4}{3}; 36]$     2)  $(-\infty; -2)$     3)  $(37; 40]$     4)  $(-\infty; -7]$ .

7) Решите уравнение  $\cos x = -1$

- 1)  $\pi$     2) 0    3)  $\frac{\pi}{2} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$     4)  $\pi + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$

8) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $(\frac{1}{8})^{0,1x-1} = 16$

- 1)  $[-4; 0)$     2)  $[0; 1)$     3)  $[1; 4)$     4)  $[4; 6)$ .

9) Решите неравенство  $\frac{x+8}{(4x-1)(x-2)} \geq 0$

- 1)  $(-\infty; -8] \cup (\frac{1}{4}; 2)$     2)  $[-8; \frac{1}{4}) \cup (2; +\infty)$     3)  $(-\infty; 2)$     4)  $(-\infty; -8) \cup (2; +\infty)$ .

10) Найдите множество значений функции  $y = \sin x - 1$

- 1)  $[-1; 1]$     2)  $(-\infty; +\infty)$     3)  $[-2; 0]$     4)  $[0; 2]$ .

11) Найдите производную функции  $f(x) = (3x - 4)^6$

- 1)  $-18(3x - 4)^5$     2)  $6(3x - 4)^5$     3)  $18(3x - 4)^5$     4)  $(3x - 4)^7$ .

12) Укажите первообразную функции  $f(x) = 5x^4 - 2x + 1$

- 1)  $5x^5 - 2x^2 + 12$     2)  $20x^3 - x$     3)  $x^4 - 2x + x$     4)  $x^5 - x^2 + x$ .

13) Решите уравнение  $\log_4 x + \log_4 5 = \log_4 20$

- 1) 15    2) 5    3) 4    4) 10.

14) Найдите точку максимума функции  $y = 4x - x^4$

- 1) 4    2) 2    3) -4    4) 1.

15) Найдите диагонали прямоугольного параллелепипеда по трем его измерениям: 6; 6; 7

- 1) 19    2) 11    3) 121    4) 36.

16) Вычислите площадь фигуры (S), ограниченной линиями  $y = 1 - x^3$ ,  $y = 0$ ,  $x = 0$ ,  $x = 1$ .

- 1) 1    2)  $\frac{3}{4}$     3)  $\frac{1}{4}$     4)  $1\frac{1}{4}$ .

17) Укажите область определения функции  $y = \log_{0,5}(x^2 - 3x)$ .

- 1)  $(-3; +\infty)$     2)  $(-\infty; 0) \cup (3; +\infty)$     3)  $(3; +\infty)$     4)  $(0; 3)$ .

18) Найдите наибольшее целое решение неравенства  $(\frac{2}{7})^{4-8x} - 1 \leq 0$ .

- 1) 1      2) -1      3) 2      4) 0.

19) Площади двух граней прямоугольного параллелепипеда равны  $20\text{см}^2$  и  $45\text{см}^2$ , а длина их общего ребра 5см. Найдите объем параллелепипеда.

- 1) 240      2) 120      3) 180      4) 4500.

20) Образующая конуса равна 18дм и составляет с плоскостью основания угол  $30^\circ$ . Найдите объем конуса, считая  $\pi = 3$ .

- 1) 3804      2) 2187      3) 2192      4) 6408.

#### Вариант 4

1) Вычислите  $3 \cdot 27^{-1/3} + 3^0$

- 1) 0      2) 3      3) 2      4) 4.

2) Упростите выражение  $\frac{7^{1,2}}{7^{2,2}}$ .

- 1) 49      2)  $1/7$       3)  $7^{-3/4}$       4)  $7^{-2}$ .

3) Упростите выражение  $\log_{1/2} 4 - \log_{1/2} 16 - \log_{1/2} 8$

- 1)  $1/2$       2) 5      3)  $8\log_2 5$       4) 25.

4) Найдите значение  $\cos \alpha$ , если  $\sin \alpha = 1/2$  и  $\pi < \alpha < \frac{3\pi}{2}$ .

- 1) -0,6      2)  $-\sqrt{3}/2$       3)  $\sqrt{2}/2$       4) 0,36

5) Упростите выражение  $-3\cos^2 \alpha + 27 - 3\sin^2 \alpha$ .

- 1) 12      2) 24      3) 27      4) 0.

6) Решите уравнение  $\cos x = 1/2$ .

- 1)  $\pm\pi/3 + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$       2)  $\frac{\pi}{2}$       3)  $\frac{\pi}{2} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$       4)  $\pi n, n \in \mathbb{Z}$

7) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\sqrt{x-3} = x-9$ .

- 1)  $[1,5; 9]$       2)  $(3; 10)$       3)  $(2; 21)$       4)  $(-\infty; -2]$ .

8) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $(121)^{2x+5} = 11^{x-1}$ .

- 1)  $[-4; 0)$       2)  $[0; 1)$       3)  $(0; 11)$       4)  $[4; 6)$ .

9) Решите неравенство  $\frac{(4x-1)(x-2)}{(x-8)} \geq 0$ .

- 1)  $(-\infty; -2) \cup [\frac{1}{3}; 1)$       2)  $[-2; \frac{1}{3}) \cup (1; +\infty)$       3)  $(-\infty; -2)$       4)  $[1/4; 2] \cup (8; +\infty)$

10) Найдите множество значений функции  $y = \sin x - 4$ .

- 1)  $[3; 1]$       2)  $[-5; -3]$       3)  $[-1; 1]$       4)  $[-3; -1]$ .

11) Найдите производную функции  $f(x) = (0,5x + 5)^2$ .

- 1)  $-4(7 - 2x)^{-3}$       2)  $0,5x + 5$       3)  $8(7 - 2x)^3$       4)  $(7 - 2x)^2$ .

12) Укажите первообразную функции  $f(x) = 11x^{10} + 9x^8 - 1$ .

- 1)  $x^2 + x^4 - x$       2)  $x^{11} + x^9 - x$       3)  $2 + 12x^2$       4)  $11x^9 + 72x$ .

13) Решите уравнение  $2 \log_2 x + \log_2 x = 10 \log_2 3$ .

- 1) 8      2) 9      3) 18      4) 6.

14) Найдите точки максимума функции  $y = -x^2 + x + 6$ .

- 1)  $1/2$                       2)  $1/25$                       3)  $-2$                       4)  $25/4$ .

15) Найдите диагонали прямоугольного параллелепипеда по трем его измерениям: 5;4; 1.

- 1)  $\sqrt{42}$                       2) 42                      3) 21                      4) 12.

16) Вычислите площадь фигуры (S), ограниченной линиями  $y = x^2$ ,  $y = 0$ ,  $x = 1$ ,  $x = 4$ .

- 1)  $65/3$                       2) 65                      3)  $1/3$                       4)  $6\frac{2}{3}$ .

17) Укажите область определения функции  $y = \log_{0,5}(2 - 5x + 2x^2)$ .

- 1)  $(-\infty; 1/2) \cup (2; +\infty)$     2)  $(-2; +\infty)$                       3)  $(2; +\infty)$                       4)  $(1/2; 2)$ .

18) Найдите наименьшее целое решение неравенства  $(7/3)^{2-3x} - 1 \leq 0$ .

- 1) 1                      2) 0                      3) -1                      4)  $2/3$ .

19) Площади двух граней прямоугольного параллелепипеда равны  $169\text{дм}^2$  и  $52\text{дм}^2$ , а длина их общего ребра 13дм. Найдите объем параллелепипеда.

- 1) 676    2) 176    3) 476    4) 169.

20) Диаметр основания конуса равен 6см. Образующая конуса составляет с плоскостью основания угол  $45^\circ$ . Найдите объем конуса, считая  $\pi = 3$ .

- 1) 17                      2) 27                      3) 24                      4) 18

### Вариант 5

1) Вычислите  $6 - 625^{\frac{1}{4}}$ .

- 1) 5                      2) 6                      3) 1                      4) 10.

2) Упростите выражение  $\frac{13^{2,5}}{13^{1,5}}$ .

- 1) 169                      2) 13                      3) 100                      4) 0.

3) Упростите выражение  $4 \log_3 3 - \log_3 7 - \log_3 (\frac{1}{7})$

- 1)  $1/4$                       2) 4                      3)  $8 \log_2 5$                       4) 0.

4) Найдите значение  $\cos \alpha$ , если  $\sin \alpha = \sqrt{2}/2$  и  $\pi/2 < \alpha < \pi$ .

- 1)  $\sqrt{2}/2$                       2)  $-\sqrt{2}/2$                       3)  $1/2$                       4) 0

5) Упростите выражение  $-\cos^2 2\alpha - 5 - \sin^2 2\alpha$ .

- 1) 6                      2) -6                      3) -5                      4) 0.

6) Решите уравнение  $\cos x = -\sqrt{2}/2$ .

- 1)  $\pm 3\pi/4 + 2\pi n, n \in Z$     2)  $\frac{\pi}{4} + 2\pi n$     3)  $\frac{\pi}{2} + 2\pi n, n \in Z$     4)  $\pi n, n \in Z$

7) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\sqrt{49 - 6x^2} = -x$

- 1)  $[-5; 0] \cup (2; -15; 0)$     3)  $(-2; 10)$                       4)  $(-\infty; -8]$ .

8) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $(\frac{1}{49})^{-x-3} = 7^2$ .

- 1)  $(-25; -11)$                       2)  $[-1; 0)$                       3)  $[-2; 5)$                       4)  $(8; 28)$ .

9) Решите неравенство  $\frac{(4x-2)(x+2)}{x-3} \leq 0$ .

- 1)  $(-\infty; -2) \cup [\frac{1}{3}; 1)$     2)  $(-\infty; -2] \cup [\frac{1}{2}; 3)$     3)  $(-\infty; -2)$     4)  $(-\infty; -5) \cup (-2; \frac{1}{2})$ .

10) Найдите множество значений функции  $y = \cos x - 6$ .

- 1)  $[3; 1]$     2)  $[-7; -5]$     3)  $(-1; 4)$     4)  $[-3; -1]$ .

11) Найдите производную функции  $f(x) = (0,5 - 2x)^4$ .

- 1)  $-8(0,5 - 2x)^3$     2)  $-8(5 - 2x)^{-3}$     3)  $8(5 - 2x)^3$     4)  $(7 - 2x)^2$ .

12) Укажите первообразную функции  $f(x) = 2x + 4x^3 - 4$ .

- 1)  $x^2 + x^4 - 4x$     2)  $2x^2 + 4x^4$     3)  $2 + 12x^2$     4)  $x^2 + x^4$ .

13) Решите уравнение  $\log_3 2x + \log_3 x = \log_3 8$ .

- 1) -2    2) 4    3) 2    4) 0.

14) Найдите точки максимума функции  $y = 4x - x^2$ .

- 1) 0    2) 2    3) -2    4) 3.

15) Найдите диагонали прямоугольного параллелепипеда по трем его измерениям: 3; 4; 5.

- 1)  $5\sqrt{2}$     2)  $5\sqrt{2}$     3) 35    4) 15.

16) Вычислите площадь фигуры (S), ограниченной линиями  $y = -6x$ ,  $y = 0$ ,  $x = 4$ .

- 1) 8    2)  $2\frac{2}{3}$     3) 48    4)  $6\frac{2}{3}$ .

17) Укажите область определения функции  $y = \log_{1/5}(4x - 5)$ .

- 1)  $(-\infty; 0) \cup (2; +\infty)$     2)  $(5/4; +\infty)$     3)  $(2; +\infty)$     4)  $(0; 2)$ .

18) Найдите наибольшее целое решение неравенства  $(\frac{5}{13})^{-2x-1} - 1 \geq 0$ .

- 1)  $[-1/2; \infty)$     2) -1    3) 1    4) 2.

19) Площади двух граней прямоугольного параллелепипеда равны  $27\text{дм}^2$  и  $57\text{дм}^2$ , а длина их общего ребра 3дм. Найдите объем параллелепипеда.

- 1) 513    2) 500    3) 413    4) 270.

20) Диаметр основания конуса равна 4см, а высота 3см. Найдите объем конуса, считая  $\pi = 3$ .

- 1) 4    2) 12    3) 24    4) 8.

### Вариант 6

1) Вычислите  $16^{\frac{5}{4}} - 0,16$ .

- 1) 19,84    2) 31,84    3) 7,84    4) 12,64.

2) Упростите выражение  $\sqrt[3]{-0,25} * \sqrt[3]{-0,5}$

- 1) -0,5    2) 0,25    3) 0,5    4) -0,5.

3) Упростите выражение  $\lg x = 2\lg 3 + 3\lg 2$

- 1) 72    2) 82    3)  $8\log_2 5$     4) 42.

4) Найдите значение  $\cos \alpha$ , если  $\sin \alpha = -0,3$  и  $3\pi/2 < \alpha < 2\pi$ .

- 1)  $\sqrt{91/10}$     2)  $\sqrt{71/10}$     3)  $8/10$     4)  $0,36$

5) Упростите выражение  $3\cos^2\alpha + 4 + 3\sin^2\alpha$ .

- 1) 4    2) 5    3) 7    4) 12

6) Решите уравнение  $\operatorname{tg}(3x + 2) = -1$ .

- 1)  $-(\pi/12) - (2/3) + (\pi n/3)$     2)  $-\frac{\pi}{4}$     3)  $\frac{\pi}{4} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$     4)  $\pi n, n \in \mathbb{Z}$

7) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\sqrt{64 - 3x^2} = -x$ .

- 1)  $[0; 2]$     2)  $(-2; 0)$     3)  $(0; 2)$     4) нет корней

8) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $(64)^{\sqrt{x}-1} = 4^{\sqrt{x}-1}$ .

- 1)  $\{37\}$     2)  $[0; 1)$     3)  $[-\infty; -4)$     4)  $[4; 6)$ .

9) Решите неравенство  $\frac{6x-8}{4x+3} < 0$ .

- 1)  $(-3/4; 4/3)$     2)  $[-1/4; 1)$     3)  $(-\infty; -2)$     4)  $(-\infty; -5) \cup (-2; \frac{1}{4})$ .

10) Найдите множество значений функции  $y = \cos x + 1/2$ .

- 1)  $[-0,5; 1,5]$     2)  $(-\infty; +\infty)$     3)  $[-1; 1,5]$     4)  $[-3; -1]$ .

11) Найдите производную функции  $f(x) = (-6 - 7x)^4$ .

- 1)  $-28(-6 - 7x)^3$     2)  $-8(7 - 2x)^3$     3)  $8(7 - 2x)^3$     4)  $(7 - 2x)^2$ .

12) Укажите первообразную функции  $f(x) = x^2 - x + 4$ .

- 1)  $x^3/3 - x^2/2 + 4x$     2)  $2x^2 + 4x^4$     3)  $2 + 12x^2$     4)  $x^2 + x^4$ .

13) Решите уравнение  $\log_3 x + \log_3 4 = \log_3 12$ .

- 1) 0    2) 3    3) 9    4) -1.

14) Найдите точки минимума функции  $y = x^2 - 2x$ .

- 1) 0    2) 1    3) -2    4) 3.

15) Найдите диагонали прямоугольного параллелепипеда по трем его измерениям: 3; 3; 7.

- 1) 5    2)  $\sqrt{67}$     3) 3    4)  $\sqrt{24}$ .

16) Вычислите площадь фигуры (S), ограниченной линиями  $y = 2x^2 - 2$ ,  $y = 0$ ,  $x = 2$ ,  $x = 5$ .

- 1) 82    2) 72    3) 48    4) 81

17) Укажите область определения функции  $y = \log_3(x + 3)$ .

- 1)  $(-3; +\infty)$     2)  $(-2; +\infty)$     3)  $(2; +\infty)$     4)  $(0; 2)$ .

18) Найдите наибольшее целое решение неравенства  $\left(\frac{1}{6}\right)^{2x/15} < \sqrt[5]{6}$

- 1)  $(-\infty; 37,5)$     2)  $(-1,5; +\infty)$     3) 1    4) 2.

19) Площади двух граней прямоугольного параллелепипеда равны  $81 \text{ дм}^2$  и  $49 \text{ дм}^2$ , а длина их общего ребра 9 дм. Найдите объем параллелепипеда.

- 1) 567    2) 576    3) 429    4) 765

20) Высота конуса равна 9 см, а образующая составляет с плоскостью основания угол  $45^\circ$ . Найдите объем конуса, считая  $\pi = 3$ .

- 1) 729    2) 129    3) 429    4) 648.

### Вариант 7

- 1) Вычислите  $(4/25)^{-3/2} + 0,25$   
1) 15,875      2) 0,186      3) 5      4) 7,75.
- 2) Упростите выражение  $(10^{-10} * 100^6)^{-1}$ .  
1) 0,0001      2) -100      3) 0,01      4) 1000.
- 3) Найдите значение выражение  $\log_3(81 * a)$ , если  $\log_3 a = -5,5$   
1)  $2 + 2\log_3 2$     2) 2    3) -22    4) -1,5.
- 4) Найдите значение  $\cos \alpha$ , если  $\sin \alpha = 12/13$  и  $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$ .  
1)  $-5/13$     2)  $5/13$     3)  $1/13$     4)  $\frac{2}{9}$
- 5) Упростите выражение  $-4\sin^2 \alpha + 7 - 4\cos^2 \alpha$ .  
1) 1      2)  $2\cos \alpha$     3) 3      4) -9.
- 6) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\sqrt{125 - 4x^2} = -x$ .  
1) (-3;-1)    2) (3;5)    3) (-3;5)    4) корней нет
- 7) Решите уравнение  $\sin 2x = \sqrt{3}/2$ .  
1)  $(-1)^n \pi/6 + \pi n/2, n \in Z$     2)  $\frac{\pi}{2}$     3)  $\frac{\pi}{2} + 2\pi n, n \in Z$     4)  $\pi n, n \in Z$ .
- 8) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $(6)^{3x+1} = 1/36$ .  
1) [-4;0)    2) [0;1)    3) [1;4)    4) [4;6).
- 9) Решите неравенство  $\frac{(x-2)(x+1)}{x-2} > 0$ .  
1)  $(-1;2) \cup (3;+\infty)$     2)  $[1;2) \cup (\frac{1}{2};+\infty)$     3)  $(-\infty;3)$     4)  $(-\infty;-2) \cup (\frac{1}{2}; 3]$ .
- 10) Найдите множество значений функции  $y = \sin x + 4$ .  
1) [-3;-1]    2)  $(-\infty;+\infty)$     3) [-1;1]    4) [-5;-3].
- 11) Найдите производную функции  $f(x) = (11 - 5x)^4$ .  
1)  $3(5 + 3x)^2$     2)  $9(5 + 3x)^2$     3)  $-3(5 + 3x)^3$     4)  $-20(11 - 5x)^3$ .
- 12) Укажите первообразную функции  $f(x) = 4x^3 - 6$ .  
1)  $x^4 - 6x$     2)  $6x + 2$     3)  $x^3 + x^2$     4)  $x^2 + x - 4x$ .
- 13) Решите уравнение  $\log_{0,7}(2x + 3) = \log_{0,7} 3 + \log_{0,7} 2$   
1) 0      2) 11    3) 1,5    4) 12.
- 14) Найдите точку минимума функции  $y = x^2 - 2x - 3$ .  
1) -4      2) -1    3) 4      4) 1.
- 15) Найдите диагонали прямоугольного параллелепипеда по трем его измерениям: 2; 2; 1.  
1) 2      2) 3      3) 4      4) 9.
- 16) Вычислите площадь фигуры (S), ограниченной линиями  $y = -x^2 + 4$ ,  $y = 0$ .  
1)  $16/3$     2)  $32/3$     3) 11    4) 10.
- 17) Укажите область определения функции  $y = \log_3(x^2 - 2x)$ .

- 1)  $(-\infty; 0) \cup (2; +\infty)$     2)  $(-4; +\infty)$     3)  $(4; +\infty)$     4)  $(0; 4)$ .

18) Найдите наименьшее целое решение неравенства  $6^{x^2-7x+12} > 1$

- 1)  $-\infty < x < 3$  или  $4 < x < +\infty$     2)  $-\infty < x < 3$     3)  $4 < x < 8$     4)  $x < 8$

19) Площади двух граней прямоугольного параллелепипеда равны  $36\text{см}^2$  и  $45\text{см}^2$ , а длина их общего ребра 3см. Найдите объем параллелепипеда.

- 1) 540    2) 290    3) 510    4) 210.

20) Образующая конуса равна 18см и составляет с плоскостью основания угол  $30^\circ$ . Найдите объем конуса, считая  $\pi = 3$ .

- 1) 2000    2) 1092    3) 2187    4) 648.

### Вариант 8

1) Вычислите  $6 \cdot (1/6)^3 - 216^0$

- 1) 0    2)  $-35/36$     3)  $35/36$     4) 36

2) Упростите выражение  $\frac{1,7^{-1,5}}{1,7^{-0,5}}$ .

- 1) 1,7    2)  $1,7^{-1}$     3) 10    4) 0.

3) Упростите выражение  $\log_{1/2} 4 - \log_{1/2} 2 + \log_{1/2} (\frac{1}{2})$

- 1)  $\log_2 30$     2) 0    3)  $1/2$     4) 4

4) Найдите значение  $\cos \alpha$ , если  $\sin \alpha = 3/4$  и  $\pi < \alpha < \frac{3\pi}{2}$ .

- 1)  $-7/4$     2)  $-\sqrt{7}/4$     3)  $1/4$     4)  $3/4$

5) Упростите выражение  $-2\cos^2 3\alpha + 7 - 2\sin^2 3\alpha$ .

- 1) -2    2) 3    3) -5    4) 5.

6) Решите уравнение  $\cos x = -1/2$ .

- 1)  $\pm \frac{2\pi}{3} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$     2)  $\frac{\pi}{2}$     3)  $\frac{\pi}{2} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$     4)  $\pi n, n \in \mathbb{Z}$

7) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\sqrt{-40 + 11x^2} = -x$ .

- 1)  $[-3; 2] \cup (35; 37)$     3)  $(-2; 0)$     4)  $(-\infty; -4)$ .

8) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $(\frac{1}{21})^{-3x+2} = 21^{-2}$ .

- 1)  $[-4; 0]$     2)  $(0; 1)$     3)  $[-\infty; -4)$     4)  $[4; 6)$ .

9) Решите неравенство  $\frac{5x-2}{8x-1} > 0$ .

- 1)  $(-\infty; 1/8) \cup (\frac{2}{5}; +\infty)$     2)  $[-2; \frac{1}{3}) \cup (1; +\infty)$     3)  $[-3; 1]$     4)  $(-\infty; -5) \cup (-2; \frac{1}{4})$ .

10) Найдите множество значений функции  $y = 2\sin x - 1$ .

- 1)  $[3; 1]$     2)  $(-\infty; +\infty)$     3)  $[-3; 1]$     4)  $[3; -1]$ .

11) Найдите производную функции  $f(x) = (4 + (1/3)x)^6$

- 1)  $2(4 + \frac{1}{3}x)^5$     2)  $-8(4 + 2x)^3$     3)  $8(4 - 2x)^3$     4)  $(4 + 2x)^2$ .

12) Укажите первообразную функции  $f(x) = -3x^3 + 5x^4 - x^2 + 2$ .

- 1)  $x^5 - 3x^4/4 - x^3/3 + 2x$     2)  $2x^2 + 4x^4$     3)  $2 + 12x^2$     4)  $x^2 + x^4$ .

13) Решите уравнение  $\log_{1/4} 16 + \log_{1/4} x = 1$

- 1) 64                                      2) 1/64                                      3) -64                                      4) -1/64.
- 14)** Найдите точки максимума функции  $y = x^3 - 3x^2$ .
- 1) -3                                      2) 3                                      3) 9                                      4) -9.
- 15)** Найдите диагонали прямоугольного параллелепипеда по трем его измерениям: 2; 4; 6.
- 1) 56                                      2) 10                                      3)  $\sqrt{56}$                                       4) 31.
- 16)** Вычислите площадь фигуры (S), ограниченной линиями  $y = 2x^2$ ,  $y = 0$ ,  $x = 0$ ,  $x = -1$
- 1) 8                                      2) 2                                      3) 2/3                                      4) 20/3
- 17)** Укажите область определения функции  $y = \lg(2x^2 - 6x)$ .
- 1)  $(-\infty; 0) \cup (3; +\infty)$                                       2)  $(-2; +\infty)$                                       3)  $(2; +\infty)$                                       4)  $(-3; 3)$ .
- 18)** Найдите наибольшее целое решение неравенства  $\left(\frac{3}{5}\right)^{-1-2x} \geq \left(\frac{5}{3}\right)^3$
- 1)  $(-11; 0)$                                       2)  $[1; +\infty)$                                       3) 1                                      4)  $(-1; 1)$
- 19)** Площади двух граней прямоугольного параллелепипеда равны  $36\text{дм}^2$  и  $144\text{дм}^2$ , а длина их общего ребра  $3\text{дм}$ . Найдите объем параллелепипеда.
- 1) 640                                      2) 1344                                      3) 1029                                      4) 864.
- 20)** Образующая конуса составляет с плоскостью основания угол  $45^\circ$ , диаметр основания равен  $8\text{дм}$ . Найдите объем конуса, считая  $\pi = 3$ .
- 1) 46                                      2) 192                                      3) 64                                      4) 32

### Вариант 9

- 1)** Вычислите  $26 \cdot 8^{\frac{1}{3}} - 13$ .
- 1) 131    2) 43    3) 39    4) 101.
- 2)** Упростите выражение  $\frac{0,17^{-2,3}}{0,17^{-1,3}}$ .
- 3)  $0,17^{-1}$     2) 1    3) -17    4) 0,17
- 3)** Упростите выражение  $\log_{1/7} 70 - \log_{1/7} 1/7$ .
- 1)  $-2 - \log_{1/7} 10$     2) 1    3)  $8 \log_{1/7} 5$     4) 20.
- 4)** Найдите значение  $\cos \alpha$ , если  $\sin \alpha = 0,8$  и  $\pi < \alpha < \frac{3\pi}{2}$ .
- 1) 3/5    2) -3/5    3) 0,2    4) 2/5
- 5)** Упростите выражение  $(1/2)\cos^2(x/2) - 3 + (1/2)\sin^2(x/2)$ .
- 1)  $1 + \cos^2 x$     2) -2,5    3) -12    4) 12.
- 6)** Решите уравнение  $\operatorname{tg} x = \sqrt{3}$ .
- 1)  $\pi/3 + \pi n, n \in \mathbb{Z}$     2)  $\frac{\pi}{2}$     3)  $\frac{\pi}{3} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$     4)  $\pi n, n \in \mathbb{Z}$
- 7)** Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\sqrt{196 - x^2} = -x$ .
- 1)  $\left[\frac{4}{3}; 36\right]$     2) (35; 37)    3) (-2; 10)    4)  $(-\infty; -2]$ .
- 8)** Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\left(\frac{1}{169}\right)^{2x-1} = (1/3)^2$
- 1)  $[-4; 0)$     2)  $[0; 1)$     3)  $[-\infty; -4)$     4)  $[4; 6)$ .

9) Решите неравенство  $\frac{x}{(x-1)(x+1)} \geq 0$ .

- 1)  $(-1;0) \cup (1; +\infty)$     2)  $(-2; 2)$     3)  $(-\infty; -1)$     4)  $(-\infty; -1) \cup (-2; \frac{1}{4})$ .

10) Найдите множество значений функции  $y = 2\cos x - 1$ .

- 1)  $[3;1]$     2)  $[-3;1]$     3)  $[-1;1]$     4)  $[-3;-1]$ .

11) Найдите производную функции  $f(x) = (-x^2 + x - 1)^3$

- 1)  $(-6x + 3)(-x^2 + x - 1)^2$     2)  $-8(6 - 2x)^3$     3)  $8(6 - x)^3$     4)  $(7 - 2x)^2$ .

12) Укажите первообразную функции  $f(x) = 3x^2 - 3x^3 + 4$ .

- 1)  $x^3 + (3/4)x^4 + 4$     2)  $x^3 + (3/4)x^4 + 4x$     3)  $2 + 12x^2$     4)  $x^2 + x^4$ .

13) Решите уравнение  $\log_{0,1}(5x - 2) - \log_{0,1} 4 = \log_{0,1} 5$ .

- 1) 4    2) 22    3) 4,4    4) 20.

14) Найдите точки минимума функции  $y = (1/4)x^4 - 8x$ .

- 1) 0    2) 12    3) -2    4) 2.

15) Найдите диагонали прямоугольного параллелепипеда по трем его измерениям: 3; 4; 5.

- 1)  $5\sqrt{2}$     2) 5    3)  $\sqrt{2}$     4) 2.

16) Вычислите площадь фигуры (S), ограниченной линиями  $y = -x^2$ ,  $y = 0$ ,  $x = -3$ ,  $x = -1$ .

- 1) 8    2)  $2\frac{2}{3}$     3)  $5\frac{1}{3}$     4)  $8\frac{2}{3}$ .

17) Укажите область определения функции  $y = \log_3(5x - x^2)$ .

- 1)  $(0;5)$     2)  $(-2; +\infty)$     3)  $(2; +\infty)$     4)  $(0;2)$ .

18) Найдите наибольшее целое решение неравенства  $(1/3)^{4x-5} \leq 1/81$ .

- 1) 0    2) 3    3) 1    4) 2.

19) Площади двух граней прямоугольного параллелепипеда равны  $529\text{дм}^2$  и  $115\text{дм}^2$ , а длина их общего ребра  $23\text{дм}$ . Найдите объем параллелепипеда.

- 1) 645    2) 2645    3) 1029    4) 1260.

20) Образующая конуса равна  $46\text{см}$  и составляет с плоскостью основания угол  $30^\circ$ . Найдите объем конуса, считая  $\pi = 3$ .

- 1) 36501    2) 192501    3)  $240\sqrt{2}$     4) 3648.

### Вариант 10

1) Вычислите  $4 \cdot \left(\frac{1}{256}\right)^{-\frac{1}{4}} + 3$ .

- 1) 132    2) 23    3) 19    4) 10.

2) Упростите выражение  $\frac{16^{3/2}}{4^2}$ .

- 1)  $0,17^{-1}$     2) 1    3) 4    4) 17

3) Упростите выражение  $0,5 * 10^{\lg 30}$

- 1) 10    2) 1    3) 8    4) 15.

4) Найдите значения  $\sin \alpha$ , если  $\cos \alpha = 0,8$  и  $3\pi/2 < \alpha < 2\pi$

- 1)  $3/5$       2)  $-0,6$       3)  $0,2$       4)  $2/5$

5) Упростите выражение  $1 - \sin^2 x + 8\sin^2 x + 7 \cos^2 x$  .

- 1)  $-8$       2)  $-2,5$       3)  $8$       4)  $12$ .

6) Решите уравнение  $\cos 2x = \sqrt{3}/2$ .

- 1)  $\pi/3 + \pi n, n \in \mathbb{Z}$       2)  $\frac{\pi}{2}$       3)  $\frac{\pi}{3} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$       4)  $\pm \frac{\pi}{12} + \pi n, n \in \mathbb{Z}$

7) Укажите промежутки, которому принадлежит корень уравнения  $\sqrt{32 - 3x^2} = -x$ .

- 1)  $[\frac{4}{3}; 36] \cup (-3; -1)$       3)  $(-2; 10)$       4)  $(-\infty; -2]$ .

8) Укажите промежутки, которому принадлежит корень уравнения  $(1/2)^{5x-4} = 0,125$

- 1)  $[-4; 0)$       2)  $[0; 1)$       3)  $(-\infty; 2)$       4)  $[-4; -2)$ .

9) Решите неравенство  $\frac{x-1}{(x-2)(x+2)} > 0$ .

- 1)  $(-2; 1) \cup (2; +\infty)$       2)  $(-2; 2)$       3)  $(-\infty; 1, 4)$       4)  $(-\infty; -1) \cup (-2; \frac{1}{4})$ .

10) Найдите множество значений функции  $y = 2\sin x - 1/2$ .

- 1)  $[-2,5; 1,5]$       2)  $[-3; 1]$       3)  $[-1; 1]$       4)  $[-3; -1]$ .

11) Найдите производную функции  $f(x) = \ln(x^2 + 2x)$

- 1)  $(2x + 2) / (x^2 + 2x)$       2)  $2(2 - 2x)^3$       3)  $8x$       4)  $(3 - 2x)^2$ .

12) Укажите первообразную функции  $f(x) = x^{-2} + 2x + 1$ .

- 1)  $-x^{-1} + x^2 + x$       2)  $x^3 - x^{-2} + 4x$       3)  $2 + 12x^2$       4)  $x^2 + x^4$ .

13) Решите уравнение  $\log_{2,1}(2x - 7) - \log_{2,1} 6 = \log_{2,1} 4$ .

- 1)  $15$       2)  $22$       3)  $15,5$       4)  $20$ .

14) Найдите точки минимума функции  $y = (1/9)x^3 - (1/3)x$ .

- 1)  $-1$       2)  $1$       3)  $-2$       4)  $2$ .

15) Найдите диагонали прямоугольного параллелепипеда по трем его измерениям:  $1; 3; 1$ .

- 1)  $5\sqrt{2}$       2)  $5$       3)  $\sqrt{11}$       4)  $11$ .

16) Вычислите площадь фигуры (S), ограниченной линиями  $y = -x^2 + 4, y = 0$ .

- 1)  $32/3$       2)  $2\frac{2}{3}$       3)  $5\frac{1}{3}$       4)  $8\frac{2}{3}$ .

17) Укажите область определения функции  $y = \log_{1/6}(0,5 + 2x^2)$ .

- 1)  $(-\infty; +\infty)$       2)  $(-2; +\infty)$       3)  $(2; +\infty)$       4)  $(0; 2)$ .

18) Найдите наименьшее целое решение неравенства  $(0,2)^{-4+2x} \leq 0,04$ .

- 1)  $0$       2)  $3$       3)  $1$       4)  $4$ .

19) Площади двух граней прямоугольного параллелепипеда равны  $48 \text{ дм}^2$  и  $36 \text{ дм}^2$ , а длина их общего ребра  $6 \text{ дм}$ . Найдите объем параллелепипеда.

- 1)  $288$       2)  $2645$       3)  $1029$       4)  $1260$ .

20) Образующая конуса составляет с плоскостью основания угол  $45^\circ$ , высота равна  $8 \text{ см}$ . Найдите объем конуса, считая  $\pi = 3$ .

- 1)  $6501$       2)  $2501$       3)  $240$       4)  $512$ .

## Вариант 11

1) Вычислите  $12 \cdot 64^{\frac{1}{3}} - 13$ .

- 1) 133    2) 43    3) 35    4) 101.

2) Упростите выражение  $\frac{56^{0,5}}{56^{-0,5}}$ .

- 5) 56    2) -56    3) 10    4) 1.

3) Упростите выражение  $\log_2 16 - 2\log_2 4$ .

- 1)  $\log_2 30$     2) 1    3)  $8\log_2 5$     4) 0.

4) Найдите значение  $\cos \alpha$ , если  $\sin \alpha = 0,8$  и  $\frac{\pi}{2} < \alpha < \frac{3\pi}{2}$ .

- 1) -0,6    2) -0,6    3) 0,2    4) 0,36

5) Упростите выражение  $2\cos^2 \alpha + 0,5 + 2\sin^2 \alpha$ .

- 1)  $1 + \cos^2 \alpha$     2) 2,5    3) -12    4) 12.

6) Решите уравнение  $\cos x = -1/2$ .

- 1)  $2\pi n, n \in \mathbb{Z}$     2)  $\frac{\pi}{2}$     3)  $\pm \frac{2\pi}{3} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$     4)  $\pi n, n \in \mathbb{Z}$

7) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\sqrt{49 - 6x^2} = -x$ .

- 1)  $[\frac{4}{3}; 36]$     2) (35; 37)    3) (9; 0)    4)  $(-\infty; -2]$ .

8) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $(\frac{1}{27})^{0,5x+2} = 27$ .

- 1) [-4; 0)    2) [0; 1)    3)  $[-\infty; -3)$     4) [1; 6).

9) Решите неравенство  $\frac{2x-4}{(x+1)(x-2)} \leq 0$ .

- 1)  $(-\infty; -1)$     2)  $[-2; \frac{1}{3}) \cup (1; +\infty)$     3)  $(-\infty; -2)$     4)  $(-\infty; -5) \cup (-2; \frac{1}{4})$ .

10) Найдите множество значений функции  $y = \cos x + 2$ .

- 1) [1; 3]    2)  $(-\infty; +\infty)$     3) [-1; 1]    4) [-3; -1].

11) Найдите производную функции  $f(x) = (3 - 5x)^3$ .

- 1)  $-4(7 - 2x)^{-3}$     2)  $-8(7 - 2x)^3$     3)  $-15(3 - 5x)^2$     4)  $(7 - 2x)^2$ .

12) Укажите первообразную функции  $f(x) = 4x^3 - 3x^2 - 1$ .

- 1)  $x^4 - x^3 - x$     2)  $2x^2 + 4x^4$     3)  $2 + 12x^2$     4)  $x^2 + x^4$ .

13) Решите уравнение  $\log_5 x - \log_5 3 = \log_5 12$ .

- 1) 0    2) 4    3) 36    4) 15.

14) Найдите точки минимума функции  $y = x^2 - 3x$ .

- 1) 1,5    2) 2    3) -2    4) 3.

15) Найдите диагонали прямоугольного параллелепипеда по трем его измерениям: 2; 2; 1.

- 1) 5    2) 10    3) 3    4) 31.

16) Вычислите площадь фигуры (S), ограниченной линиями  $y = 1 - x^2$ ,  $y = 0$ ,  $x = 2$ .

- 1) 8      2)  $1\frac{1}{3}$       3)  $5\frac{1}{3}$       4)  $6\frac{2}{3}$ .

17) Укажите область определения функции  $y = \log_{0,3}(2x - x^2)$ .

- 1)  $(-\infty; 0) \cup (2; +\infty)$     2)  $(-\infty; 2/3]$     3)  $(2; +\infty)$     4)  $(0; 2)$ .

18) Найдите наибольшее целое решение неравенства  $\left(\frac{1}{2}\right)^{2-3x} - 1 \leq 0$ .

- 1) 0      2) -1      3) 1      4) 2.

19) Площади двух граней прямоугольного параллелепипеда равны  $48\text{дм}^2$  и  $132\text{дм}^2$ , а длина их общего ребра бдм. Найдите объем параллелепипеда.

- 1) 840      2) 1344      3) 1056      4) 1210.

20) Образующая конуса равна 18см и составляет с плоскостью основания угол  $30^\circ$ . Найдите объем конуса, считая  $\pi = 3$ .

- 1) 384      2) 2187      3)  $24\sqrt{2}$       4) 648.

### Вариант 12

1) Вычислите  $17 - 3 \cdot 729^{\frac{1}{6}}$ .

- 1) 2      2) 8      3) -5      4) -17.

2) Упростите выражение  $\frac{21^{1,5}}{21^{0,3}}$ .

- 1) 1,2      2) 5      3)  $21^{1,2}$       4)  $11^5$ .

3) Упростите выражение  $2^{\log_2 5} + \log_7 49 - \log_7 343$

- 1)  $2 + 2\log_7 2$     2) 2    3)  $3 - 6\log_7 2$     4) 4.

4) Найдите значение  $\cos \alpha$ , если  $\sin \alpha = -\frac{\sqrt{2}}{3}$  и  $\pi < \alpha < 3\pi/2$ .

- 1)  $-\frac{\sqrt{7}}{3}$     2)  $\frac{7}{9}$     3)  $\frac{\sqrt{7}}{3}$     4)  $\frac{2}{9}$ .

5) Упростите выражение  $-3\sin^2 \alpha - 26 - 3\cos^2 \alpha$ .

- 1) 1      2)  $2\cos \alpha$       3)  $\cos \alpha + \sin \alpha$       4) -29.

6) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\sqrt{128 - x^2} = x$

- 1)  $\left[\frac{4}{3}; 6\right]$     2)  $(-\infty; -10)$     3)  $\left(\frac{1}{3}; 10\right]$     4)  $(-\infty; -\frac{4}{3}]$ .

7) Решите уравнение  $\sin x = -1$ .

- 1)  $2\pi n, n \in \mathbb{Z}$     2)  $\frac{\pi}{2}$     3)  $-\frac{\pi}{2} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$     4)  $\pi n, n \in \mathbb{Z}$ .

8) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\left(\frac{1}{25}\right)^{4x+1} = 125$ .

- 1)  $[-4; 0)$     2)  $[0; 1)$     3)  $[1; 4)$     4)  $[4; 6)$ .

9) Решите неравенство  $\frac{x-3}{(4x-2)(x+2)} \geq 0$ .

- 1)  $(-2; \frac{1}{2})$     2)  $[-2; 2) \cup (\frac{1}{2}; +\infty)$     3)  $(-\infty; 3)$     4)  $(-\infty; -2) \cup (\frac{1}{2}; 3]$ .

- 10) Найдите множество значений функции  $y = \sin x + 2$ .  
 1)  $[3; 5]$     2)  $(-\infty; +\infty)$     3)  $[1; 3]$     4)  $[-5; -3]$ .
- 11) Найдите производную функции  $f(x) = (5 + 3x)^{-3}$ .  
 1)  $3(5 + 3x)^2$     2)  $-9(5 + 3x)^{-4}$     3)  $-3(5 + 3x)^3$     4)  $-(5 + 3x)^2$ .
- 12) Укажите первообразную функции  $f(x) = 3x^2 + 4$ .  
 1)  $x^3 + 4x$     2)  $6x + 2$     3)  $x^3 + x^2$     4)  $x^2 + x - 4x$ .
- 13) Решите уравнение  $\log_7 x + \log_7 6 = \log_7 24$ .  
 1) 0    2) 11    3) 4    4) 12.
- 14) Найдите точку минимума функции  $y = x^2 - 4$ .  
 1) -1    2) 1    3) -2    4) 0.
- 15) Найдите диагонали прямоугольного параллелепипеда по трем его измерениям: 6; 2; 3  
 1) 55    2) 7    3) 49    4) 11.
- 16) Вычислите площадь фигуры (S), ограниченной линиями  $y = x^3 + 2$ ,  $y = 0$ ,  $x = 0$ ,  $x = 2$ .  
 1) 8    2) 5    3) 6    4) 4.
- 17) Укажите область определения функции  $y = \log_{0,3}(x^3 - 4x)$ .  
 1)  $(-2; 0) \cup (2; +\infty)$     2)  $(-4; +\infty)$     3)  $(-2; +\infty)$     4)  $(0; 4)$ .
- 18) Найдите наименьшее целое решение неравенства  $\left(\frac{14}{21}\right)^{6x-3} - 1 \leq 0$ .  
 1) 0    2) 1    3) -1    4) 2.
- 19) Площади двух граней прямоугольного параллелепипеда равны  $24\text{см}^2$  и  $84\text{см}^2$ , а длина их общего ребра 4см. Найдите объем параллелепипеда.  
 1) 840    2) 10290    3) 504    4) 210.
- 20) Образующая конуса равна 14см и составляет с плоскостью основания угол  $30^\circ$ .  
 Найдите объем конуса, считая  $\pi = 3$ .  
 1) 3840    2) 1029    3) 5184    4) 648.

### Вариант 13

- 1) Вычислите  $-2 \cdot 125^{\frac{1}{3}} - 0,9^0$   
 1) 10,9    2) -11    3) 9,1    4) 9.
- 2) Упростите выражение  $\frac{6^{1,4}}{6^{-0,7}}$   
 2)  $6^{2,1}$     2) 2    3) 0,7    4)  $6^2$ .
- 3) Упростите выражение  $\log_5 3 + \log_5 35 - \log_3 5$   
 1)  $-1 + \log_3 5$     2) -2    3) 0    4)  $\log_5 21$ .
- 4) Найдите значение  $\sin \alpha$ , если  $\cos \alpha = \frac{\sqrt{5}}{4}$  и  $0 < \alpha < \pi$   
 1)  $\frac{10}{16}$     2)  $\frac{5}{8}$     3)  $\pm \frac{\sqrt{10}}{4}$     4)  $\frac{\sqrt{11}}{4}$
- 5) Упростите выражение  $-4\sin^2 \alpha + 15 - 4\cos^2 \alpha$

- 1) 11    2)  $1 + 8\sin^2\alpha$     3)  $1 + 8\cos^2\alpha$     4) 9.

6) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\sqrt{4x^2 - 81} = -x$

- 1)  $\left[\frac{4}{3}; 36\right]$     2)  $(-\infty; -2)$     3)  $(37; 40]$     4)  $(-\infty; -7]$ .

7) Решите уравнение  $\cos x = -\sqrt{3}/2$

- 1)  $\pi$     2) 0    3)  $\pm \frac{5\pi}{6} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$     4)  $\pi + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$

8) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\left(\frac{1}{6}\right)^{0,1x-1} = 36$

- 1)  $[-14; 0)$     2)  $[0; 1)$     3)  $[1; 4)$     4)  $[4; 6)$ .

9) Решите неравенство  $\frac{x+3}{(x+2)(x-2)} > 0$

- 1)  $(-\infty; -8] \cup \left(\frac{1}{4}; 2\right)$     2)  $[-3; -2) \cup (2; +\infty)$     3)  $(-\infty; 2)$     4)  $(-\infty; -8) \cup (2; +\infty)$ .

10) Найдите множество значений функции  $y = \sin x - 1/2$

- 1)  $[-3/2; 1/2]$     2)  $(-\infty; +\infty)$     3)  $[-2; 0]$     4)  $[0; 2]$ .

11) Найдите производную функции  $f(x) = (-3x - 4)^{-6}$

- 1)  $-18(3x - 4)^5$     2)  $6(3x - 4)^5$     3)  $18(-3x - 4)^{-7}$     4)  $(3x - 4)^7$ .

12) Укажите первообразную функции  $f(x) = 5x^4 - 2x^2 + x$

- 1)  $x^5 - (2/3)x^3 + (1/2)x^2$     2)  $x^3 - x$     3)  $x^4 - 2x + x$     4)  $x^5 - x^2 + x$ .

13) Решите уравнение  $\log_4 x + \log_4 7 = \log_4 112$

- 1) 15    2) 5    3) 4    4) 16.

14) Найдите точку максимума функции  $y = 4x - x^2$

- 1) 4    2) 2    3) -4    4) 1.

15) Найдите диагонали прямоугольного параллелепипеда по трем его измерениям: 5; 6; 7

- 1) 19    2)  $\sqrt{110}$     3) 121    4) 36.

16) Вычислите площадь фигуры (S), ограниченной линиями  $y = -1 - x^3$ ,  $y = 0$ ,  $x = 0$ ,  $x = -1$ .

- 1) 1    2)  $\frac{3}{4}$     3)  $\frac{1}{4}$     4)  $1\frac{1}{4}$ .

17) Укажите область определения функции  $y = \log_{0,5}(x^4 - x)$ .

- 1)  $(-3; +\infty)$     2)  $(-\infty; 0) \cup (1; +\infty)$     3)  $(3; +\infty)$     4)  $(0; 3)$ .

18) Найдите наибольшее целое решение неравенства  $\left(\frac{2}{79}\right)^{8-4x} - 1 \leq 0$ .

- 1) 1    2) -1    3) 2    4) 0.

19) Площади двух граней прямоугольного параллелепипеда равны  $25\text{см}^2$  и  $55\text{см}^2$ , а длина их общего ребра 5 см. Найдите объем параллелепипеда.

- 1) 240    2) 120    3) 275    4) 4500.

20) Образующая конуса равна 18 дм и составляет с плоскостью основания угол  $45^\circ$ . Найдите объем конуса, считая  $\pi = 3$ .

- 1) 3804    2) 2187    3) 2192    4)  $162\sqrt{162}$

**Вариант 14**

1) Вычислите  $3 \cdot 27^{1/3} + 3$

- 1) 0    2) 3    3) 12    4) 4.

2) Упростите выражение  $\frac{7^{-1,2}}{7^{-2,2}}$ .

- 6) 49    2) 7    3)  $7^{-3/4}$     4)  $7^{-2}$ .

3) Упростите выражение  $\log_2 4 + \log_2 16 - \log_{1/2} 8$

- 1) 1/2    2) 5    3)  $8\log_2 5$     4) 9.

4) Найдите значение  $\cos \alpha$ , если  $\sin \alpha = -1/2$  и  $\pi < \alpha < \frac{3\pi}{2}$ .

- 1) -0,6    2)  $-\sqrt{3}/2$     3)  $\sqrt{2}/2$     4) 0,36

5) Упростите выражение  $-7\cos^2 \alpha + 7 - 7\sin^2 \alpha$ .

- 1) 12    2) 24    3) 27    4) 0.

6) Решите уравнение  $2 \cos x = -1$ .

- 1)  $\pm 2\pi/3 + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$     2)  $\frac{\pi}{2}$     3)  $\frac{\pi}{2} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$     4)  $\pi n, n \in \mathbb{Z}$

7) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\sqrt{x-6} = x-3$ .

- 1)  $[1,5; 9]$     2)  $(3; 10)$     3) нет решения    4)  $(-\infty; -2]$ .

8) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $(12)^{3x+5} = (144)^{x-1}$ .

- 1)  $[-14; 0)$     2)  $[0; 1)$     3)  $(0; 11)$     4)  $[-4; 6)$ .

9) Решите неравенство  $\frac{(4x-1)(x-2)}{(4x-8)} \geq 0$ .

- 1)  $(-\infty; -2) \cup [\frac{1}{3}; 1)$     2)  $[1/4; +\infty)$     3)  $(-\infty; -2)$     4)  $[1/4; 2] \cup (8; +\infty)$

10) Найдите множество значений функции  $y = \sin x - 1/4$ .

- 1)  $[3; 1]$     2)  $[-5/4; 3/4]$     3)  $[-1; 1]$     4)  $[-3; -1]$ .

11) Найдите производную функции  $f(x) = (2,5x + 5)^{-2}$ .

- 1)  $-5(2,5x + 5)^{-3}$     2)  $0,5x+5$     3)  $8(7 - 2x)^3$     4)  $(7 - 2x)^2$ .

12) Укажите первообразную функции  $f(x) = 12x^{11} + 8x^7 + 1$ .

- 1)  $x^2 + x^4 - x$     2)  $x^{12} + x^8 + x$     3)  $2 + 12x^2$     4)  $11x^9 + 72x$ .

13) Решите уравнение  $2 \log_2 x + 8 \log_2 x = 10 \log_2 3$ .

- 1) 8    2) 9    3) 18    4) 3.

14) Найдите точки максимума функции  $y = -2x^2 + 3x + 6$ .

- 1) 1/2    2) 1/25    3) -2    4) 3/4.

15) Найдите диагонали прямоугольного параллелепипеда по трем его измерениям: 3; 4; 2

- 1)  $\sqrt{29}$     2) 42    3) 21    4) 12.

16) Вычислите площадь фигуры (S), ограниченной линиями  $y = x^2 - 9$ ,  $y = 0$ ,  $x = 1$ ,  $x = 2$ .

- 1)  $65/3$     2) 65    3)  $20/3$     4)  $6\frac{2}{3}$ .

17) Укажите область определения функции  $y = \log_{0,5}(x + 2x^2)$ .

- 1)  $(-\infty; -1/2) \cup (0; +\infty)$     2)  $(-2; +\infty)$     3)  $(2; +\infty)$     4)  $(1/2; 2)$ .

18) Найдите наименьшее целое решение неравенства  $(2/3)^{2+3x} - 1 \leq 0$ .

- 1) 1    2) 0    3) -1    4) 2/3.

19) Площади двух граней прямоугольного параллелепипеда равны  $121 \text{ дм}^2$  и  $44 \text{ дм}^2$ , а длина их общего ребра 11 дм. Найдите объем параллелепипеда.

- 1) 676    2) 176    3) 484    4) 169.

20) Диаметр основания конуса равна 16 см. Образующая конуса составляет с плоскостью основания угол  $45^\circ$ . Найдите объем конуса, считая  $\pi = 3$ .

- 1) 17    2) 27    3) 24    4) 512

### Вариант 15

1) Вычислите  $6 - 81^{\frac{1}{4}}$ .

- 1) 3    2) 6    3) 1    4) 10.

2) Упростите выражение  $\frac{13^{-2,5}}{13^{-1,5}}$ .

- 1) 169    2)  $13^{-1}$     3) 100    4) 0.

3) Упростите выражение  $4 \log_{1/3} 3 - \log_3 7 - \log_3 (\frac{1}{7})$

- 1) 1/4    2) -4    3)  $8 \log_2 5$     4) 0.

4) Найдите значение  $\cos \alpha$ , если  $\sin \alpha = -\sqrt{2}/2$  и  $\pi < \alpha < 3\pi/2$ .

- 1)  $\sqrt{2}/2$     2)  $-\sqrt{2}/2$     3) 1/2    4) 0

5) Упростите выражение  $-\cos^2 3\alpha + 3 - \sin^2 3\alpha$ .

- 1) 6    2) -6    3) 2    4) 0.

6) Решите уравнение  $2 \cos x = -\sqrt{2}$

- 1)  $\pm 3\pi/4 + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$     2)  $\frac{\pi}{4} + 2\pi n$     3)  $\frac{\pi}{2} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$     4)  $\pi n, n \in \mathbb{Z}$

7) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\sqrt{169 - 12x^2} = -x$

- 1)  $[-5; 0]$     2)  $(-1; 0)$     3)  $(-2; 10)$     4)  $(-\infty; -8]$ .

8) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $(\frac{1}{49})^{-x-1/3} = 7^{1/2}$ .

- 1)  $(-25; -11)$     2)  $[-1; 0)$     3)  $[-2; 5)$     4)  $(8; 28)$ .

9) Решите неравенство  $\frac{(2x-6)(x+2)}{x-3} \leq 0$ .

- 1)  $(-\infty; -2) \cup [\frac{1}{3}; 1)$     2)  $(-\infty; -2]$     3)  $(-\infty; -2)$     4)  $(-\infty; -5) \cup (-2; \frac{1}{2})$ .

10) Найдите множество значений функции  $y = \cos x - 1/6$ .

- 1)  $[3; 1]$     2)  $[-7/6; -5/6]$     3)  $(-1; 4)$     4)  $[-3; -1]$ .

- 11) Найдите производную функции  $f(x) = (0,5 - 2,5x)^4$ .
- 1)  $-10(0,5 - 2,5x)^3$     2)  $-8(5 - 2x)^{-3}$     3)  $8(5 - 2x)^3$     4)  $(7 - 2x)^2$ .
- 12) Укажите первообразную функции  $f(x) = 5x^4 + 4x^3 - 4$ .
- 1)  $x^5 + x^4 - 4x$     2)  $2x^2 + 4x^4$     3)  $2 + 12x^2$     4)  $x^2 + x^4$ .
- 13) Решите уравнение  $\log_3 2x + \log_3 3x = \log_3 24$ .
- 1) -2    2) 4    3) 2    4) 0.
- 14) Найдите точки максимума функции  $y = 4x - 2x^2$ .
- 1) 0    2) 2    3) -2    4) 1.
- 15) Найдите диагонали прямоугольного параллелепипеда по трем его измерениям: 1; 4; 3.
- 1)  $5\sqrt{2}$     2)  $\sqrt{26}$     3) 35    4) 15.
- 16) Вычислите площадь фигуры (S), ограниченной линиями  $y = -6x$ ,  $y = 0$ ,  $x = -2$ .
- 1) 12    2)  $2\frac{2}{3}$     3) 48    4)  $6\frac{2}{3}$ .
- 17) Укажите область определения функции  $y = \log_{1/5}(4x - 28)$ .
- 1)  $(-\infty; 0) \cup (2; +\infty)$     2)  $(7; +\infty)$     3)  $(2; +\infty)$     4)  $(0; 2)$ .
- 18) Найдите наибольшее целое решение неравенства  $\left(\frac{25}{13}\right)^{-2x-1} - 1 \geq 0$ .
- 1)  $(-\infty; -1/2]$     2) -1    3) 1    4) 2.
- 19) Площади двух граней прямоугольного параллелепипеда равны  $21\text{дм}^2$  и  $81\text{дм}^2$ , а длина их общего ребра 3дм. Найдите объем параллелепипеда.
- 1) 513    2) 567    3) 413    4) 270.
- 20) Диаметр основания конуса равен 14см, а высота 6см. Найдите объем конуса, считая  $\pi = 3$ .
- 1) 4    2) 12    3) 294    4) 8.

### Вариант 16

- 1) Вычислите  $16^{\frac{3}{4}} - 16$ .
- 1) 19,84    2) 31,84    3) -8    4) 12,64.
- 2) Упростите выражение  $\sqrt[3]{-0,25} * \sqrt[3]{-0,125} * \sqrt[3]{-0,5}$
- 1) -0,5    2) 0,25    3) 0,5    4) -0,25.
- 3) Упростите выражение  $\lg x = 2\lg 3 - 4\lg 2$
- 1) 72    2) 82    3)  $8\log_2 5$     4) 9/16.
- 4) Найдите значение  $\cos \alpha$ , если  $\sin \alpha = -0,3$  и  $\pi < \alpha < 3\pi/2$ .
- 1)  $-\sqrt{91}/10$     2)  $\sqrt{71}/10$     3) 8/10    4) 0,36
- 5) Упростите выражение  $3\cos^2 3\alpha - 4 + 3\sin^2 3\alpha$ .
- 1) 4    2) 5    3) -1    4) 12
- 6) Решите уравнение  $\operatorname{tg}(x + 2) = -1$ .

- 1)  $-(\pi/12) - (2/3) + (\pi n/3)$     2)  $-\frac{\pi}{4}$     3)  $-\frac{\pi}{4} - 2 + \pi n, n \in \mathbb{Z}$     4)  $\pi n, n \in \mathbb{Z}$
- 7) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\sqrt{56 - 6x^2} = -x$ .  
 1)  $[0; 2]$  2)  $(-4; 0)$     3)  $(0; 2)$     4) нет корней
- 8) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $(1/4)^{\sqrt{x}-1} = 4^{\sqrt{x}-1}$ .  
 1)  $(-1; 2)$     2)  $[0; 1)$     3)  $[-\infty; -4)$     4)  $[4; 6)$ .
- 9) Решите неравенство  $\frac{2x-8}{x+3} < 0$ .  
 1)  $(-3; 4)$     2)  $[-1/4; 1)$     3)  $(-\infty; -2)$     4)  $(-\infty; -5) \cup (-2; \frac{1}{4})$ .
- 10) Найдите множество значений функции  $y = 2\cos x + 1/2$ .  
 1)  $[-1,5; 2,5]$     2)  $(-\infty; +\infty)$     3)  $[-1; 1,5]$     4)  $[-3; -1]$ .
- 11) Найдите производную функции  $f(x) = (-6 + 7x)^{-4}$ .  
 1)  $-28(-6 - 7x)^{-5}$     2)  $-8(7 - 2x)^3$     3)  $8(7 - 2x)^3$     4)  $(7 - 2x)^2$ .
- 12) Укажите первообразную функции  $f(x) = x^2 - 4x - 4$ .  
 1)  $x^3/3 - 2x^2 - 4x$     2)  $2x^2 + 4x^4$     3)  $2 + 12x^2$     4)  $x^2 + x^4$ .
- 13) Решите уравнение  $\log_3 x - \log_3 4 = \log_3 28$ .  
 1) 112    2) 3    3) 9    4) -1.
- 14) Найдите точки минимума функции  $y = 2x^2 - 2x$ .  
 1) 0    2) 1/2    3) -2    4) 3.
- 15) Найдите диагонали прямоугольного параллелепипеда по трем его измерениям: 3; 2; 7.  
 1) 5    2)  $\sqrt{62}$     3) 3    4)  $\sqrt{24}$ .
- 16) Вычислите площадь фигуры (S), ограниченной линиями  $y = 2x^2$ ,  $y = 0$ ,  $x = 2$ ,  $x = 5$ .  
 1) 82    2) 72    3) 78    4) 81
- 17) Укажите область определения функции  $y = \log_3(3x + 3)$ .  
 1)  $(-1; +\infty)$     2)  $(-2; +\infty)$     3)  $(2; +\infty)$     4)  $(0; 2)$ .
- 18) Найдите наименьшее целое решение неравенства  $(\frac{1}{6})^{2x/15} < \sqrt[3]{6}$   
 1)  $(-\infty; 37,5)$     2)  $(-1,5; +\infty)$     3) 1    4) 2.
- 19) Площади двух граней прямоугольного параллелепипеда равны  $729 \text{ дм}^2$  и  $54 \text{ дм}^2$ , а длина их общего ребра 9 дм. Найдите объем параллелепипеда.  
 1) 567    2) 576    3) 429    4) 4374
- 20) Высота конуса равна 7 см, а образующая составляет с плоскостью основания угол  $45^\circ$ . Найдите объем конуса, считая  $\pi = 3$ .  
 1) 729    2) 129    3) 429    4) 343

### Вариант 17

- 1) Вычислите  $(4/49)^{-3/2} + 0,75$   
 1) 15,875    2) 0,186    3) 5    4) 43,625.

2) Упростите выражение  $(10^{-10} * 100^{-6})^3$ .

- 1) 0,0001      2) -100      3)  $10^{-48}$       4)  $10^3$ .

3) Найдите значение выражение  $\log_3(81 * a)$ , если  $\log_3 a = -3$

- 1)  $2 + 2\log_3 2$     2) 2    3) -22    4) 1.

4) Найдите значение  $\cos \alpha$ , если  $\sin \alpha = -12/13$  и  $\pi < \alpha < \frac{3\pi}{2}$ .

- 1)  $-5/13$     2)  $5/13$     3)  $1/13$     4)  $\frac{2}{9}$

5) Упростите выражение  $-4\sin^2 2\alpha + 17 - 4\cos^2 2\alpha$ .

- 1) 1      2)  $2\cos \alpha$     3) 13    4) -9.

6) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\sqrt{128 - 4x^2} = -2x$ .

- 1) (-5;-1)    2) (3;5)    3) (-3;5)    4) корней нет

7) Решите уравнение  $\sin 2x = -\sqrt{3}/2$ .

- 1)  $(-1)^{n+1}\pi/6 + \pi n/2, n \in \mathbb{Z}$     2)  $\frac{\pi}{2}$     3)  $\frac{\pi}{2} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$     4)  $\pi n, n \in \mathbb{Z}$ .

8) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $(1/6)^{3x+1} = 1/36$ .

- 1) [-4;0)    2) [0;1)    3) [1;4)    4) [4;6).

9) Решите неравенство  $\frac{(x-2)(x+1)}{x+1} > 0$ .

- 1)  $(2; +\infty)$     2)  $[1; 2) \cup (\frac{1}{2}; +\infty)$     3)  $(-\infty; 3)$     4)  $(-\infty; -2) \cup (\frac{1}{2}; 3]$ .

10) Найдите множество значений функции  $y = 3 \sin x + 4$ .

- 1) [-3;-1]    2)  $(-\infty; +\infty)$     3) [1 ; 7]    4) [-5;-3].

11) Найдите производную функции  $f(x) = (11 - 0,5x)^{-4}$ .

- 1)  $3(5 + 3x)^2$     2)  $9(5 + 3x)^2$     3)  $2(11 - 0,5x)^{-5}$     4)  $-20(11 - 5x)^3$ .

12) Укажите первообразную функции  $f(x) = 7x^6 - 6x$ .

- 1)  $x^7 - 3x^2$     2)  $6x + 2$     3)  $x^3 + x^2$     4)  $x^2 + x - 4x$ .

13) Решите уравнение  $\log_7(12x + 3) = \log_7 3 + \log_7 2$

- 1) 0    2) 1/4    3) 1,5    4) 12.

14) Найдите точку минимума функции  $y = -x^2 + 2x + 3$ .

- 1) -4    2) 1    3) 4    4)  $3\sqrt{5}$ .

15) Найдите диагонали прямоугольного параллелепипеда по трем его измерениям: 2; 4; 5.

- 1) 2    2)  $3\sqrt{5}$     3) 4    4) 9.

16) Вычислите площадь фигуры (S), ограниченной линиями  $y = -x^2 + 9, y = 0$ .

- 1)  $16/3$     2)  $32/3$     3) 11    4) 36.

17) Укажите область определения функции  $y = \log_3(x^2 - 2)$ .

- 1)  $(-\infty; -\sqrt{2}) \cup (\sqrt{2}; +\infty)$     2)  $(-4; +\infty)$     3)  $(4; +\infty)$     4) (0;4).

18) Найдите наименьшее целое решение неравенства  $6^{7x+12} > 1$

- 1)  $-\infty < x < 3$     2)  $-\infty < x < 3$     3)  $4 < x < 8$     4)  $x > -12/7$

19) Площади двух граней прямоугольного параллелепипеда равны  $51\text{см}^2$  и  $24\text{см}^2$ , а длина их общего ребра 3см. Найдите объем параллелепипеда.

- 1) 540      2) 290      3) 408      4) 210.

20) Образующая конуса равна 8см и составляет с плоскостью основания угол  $30^\circ$ . Найдите объем конуса, считая  $\pi = 3$ .

- 1) 2000      2) 192      3) 2187      4) 648.

### Вариант 18

1) Вычислите  $6^{2 \cdot (1/6)^3} - 216^0$

- 1) 0                      2)  $-5/6$                       3)  $35/36$                       4) 36

2) Упростите выражение  $\frac{2,7^{-1,5}}{2,7^{-0,5}}$ .

- 1) 1,7                      2)  $2,7^{-1}$                       3) 10                      4) 0.

3) Упростите выражение  $\log_{1/2} 4 - 3\log_{1/2} 2 + \log_{1/2} \left(\frac{1}{2}\right)$

- 1)  $\log_2 30$                       2) 0                      3)  $1/2$                       4) 2

4) Найдите значение  $\sin \alpha$ , если  $\cos \alpha = 3/4$  и  $3\pi/2 < \alpha < 2\pi$

- 1)  $-7/4$                       2)  $-\sqrt{7}/4$                       3)  $1/4$                       4)  $3/4$

5) Упростите выражение  $-5\cos^2 3\alpha + 7 - 5\sin^2 3\alpha$ .

- 1) 2                      2) 3                      3) -5                      4) 5.

6) Решите уравнение  $\cos x = -1$ .

- 1)  $\pm \frac{2\pi}{3} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$       2)  $\frac{\pi}{2}$       3)  $\frac{\pi}{2} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$       4)  $\pi + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$

7) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\sqrt{-40 + 9x^2} = -x$ .

- 1)  $[-3; -2] \cup (35; 37)$                       3)  $(-2; 0)$                       4)  $(-\infty; -4)$ .

8) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\left(\frac{1}{22}\right)^{-3x+2} = 22^2$ .

- 1)  $[-3; -2]$                       2)  $(0; 2)$                       3)  $[-\infty; -4)$                       4)  $[4; 6)$ .

9) Решите неравенство  $\frac{5x+2}{8x+1} > 0$ .

- 1)  $(-\infty; -0,4) \cup (-1/8; +\infty)$       2)  $[-2; \frac{1}{3}) \cup (1; +\infty)$       3)  $[-3; 1]$       4)  $(-\infty; -5) \cup (-2; \frac{1}{4})$ .

10) Найдите множество значений функции  $y = 2\sin x - 2$ .

- 1)  $[3; 1]$                       2)  $(-\infty; +\infty)$                       3)  $[-4; 0]$                       4)  $[3; -1]$ .

11) Найдите производную функции  $f(x) = (4 + (1/2)x)^{-6}$

- 1)  $2\left(4 + \frac{1}{3}x\right)^5$       2)  $-3\left(4 + \left(\frac{1}{2}\right)x\right)^{-7}$       3)  $8(4 - 2x)^3$       4)  $(4 + 2x)^2$ .
- 12) Укажите первообразную функции  $f(x) = 4x^3 - 7x^4 - 3x^2 + 2$ .
- 1)  $x^5 - 3x^4/4 - x^3/3 + 2x$       2)  $2x^2 + 4x^4$       3)  $2 + 12x^2$       4)  $x^4 - (7/5)x^5 - x^3 + 2x$ .
- 13) Решите уравнение  $\log_{14} 2 + \log_{14} x = 1$
- 1) 7      2) 1/64      3) -64      4) -1/64.
- 14) Найдите точки экстремума функции  $y = (1/5)x^5 - 4x^2$ .
- 1)  $\{-3; 0\}$       2)  $\{0; 2\}$       3)  $\{9; 11\}$       4)  $\{-9; -3\}$
- 15) Найдите диагонали прямоугольного параллелепипеда по трем его измерениям: 2; 1; 6
- 1) 56      2) 10      3)  $\sqrt{41}$       4) 31
- 16) Вычислите площадь фигуры (S), ограниченной линиями  $y = 2x^2 - 4$ ,  $y = 0$ ,  $x = 0$ ,  $x = -1$
- 1) 8      2) 2      3) 2/3      4) 10/3
- 17) Укажите область определения функции  $y = \lg(x^2 - 6x + 5)$ .
- 1)  $(-\infty; 0,5) \cup (2,5; +\infty)$       2)  $(-2; +\infty)$       3)  $(2; +\infty)$       4)  $(-3; 3)$ .
- 18) Найдите наибольшее целое решение неравенства  $\left(\frac{3}{5}\right)^{1-2x} \geq \left(\frac{5}{3}\right)^{-3}$
- 1)  $(-11; 0)$       2)  $[-1; +\infty)$       3) 1      4)  $(-1; 1)$
- 19) Площади двух граней прямоугольного параллелепипеда равны  $78\text{дм}^2$  и  $93\text{дм}^2$ , а длина их общего ребра 3дм. Найдите объем параллелепипеда.
- 1) 640      2) 1344      3) 2418      4) 864.
- 20) Образующая конуса составляет с плоскостью основания угол  $45^\circ$ , диаметр основания равен 12 дм. Найдите объем конуса, считая  $\pi = 3$ .
- 1) 46      2) 192      3) 64      4) 216

### Вариант 19

- 1) Вычислите  $2 \cdot 8^{\frac{1}{3}} + 11$ .
- 1) 134      2) 15      3) 39      4) 101.
- 2) Упростите выражение  $\frac{17^{2,3}}{17^{1,3}}$ .
- 1)  $0,17^{-1}$       2) 1      3) 17      4) 0,17
- 3) Упростите выражение  $\log_{1/7} 7 - \log_7 1/7$ .
- 1)  $-2 - \log_{1/7} 10$       2) 1      3)  $8\log_{1/7} 5$       4) 2.

- 4) Найдите значение  $\sin \alpha$ , если  $\cos \alpha = 0,8$  и  $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$ .
- 1)  $3/5$       2)  $-3/5$       3)  $0,2$       4)  $2/5$
- 5) Упростите выражение  $(2/3)\cos^2(x/2) - 3 + (2/3)\sin^2(x/2)$ .
- 1)  $1 + \cos^2 x$       2)  $-2,5$       3)  $-7/3$       4)  $12$ .
- 6) Решите уравнение  $\operatorname{ctg} x = \sqrt{3}$ .
- 1)  $\pi/6 + \pi n, n \in \mathbb{Z}$       2)  $\frac{\pi}{2}$       3)  $\frac{\pi}{3} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$       4)  $\pi n, n \in \mathbb{Z}$
- 7) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\sqrt{216 - x^2} = -x$ .
- 1)  $[\frac{4}{3}; 36]$       2)  $(35; 37)$       3)  $(-11; -8)$       4)  $(-\infty; -2]$ .
- 8) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $(\frac{1}{169})^{2x-1} = (13)^{-2}$
- 1)  $[-4; 0)$       2)  $[0; 1)$       3)  $[-1; 4)$       4)  $[4; 6)$ .
- 9) Решите неравенство  $\frac{3}{(x-1)(x+1)} \geq 0$ .
- 1)  $(-\infty; -1) \cup (1; +\infty)$       2)  $(-2; 2)$       3)  $(-\infty; -1)$       4)  $(-\infty; -1) \cup (-2; \frac{1}{4})$ .
- 10) Найдите множество значений функции  $y = 3\cos x - 1/2$ .
- 1)  $[3; 1]$       2)  $[-3; 1]$       3)  $[-1; 1]$       4)  $[-3,5; 2,5]$ .
- 11) Найдите производную функции  $f(x) = (-2x^2 + 3x - 1)^3$
- 1)  $(-12x + 9)(-2x^2 + 3x - 1)^2$       2)  $-8(6 - 2x)^3$       3)  $8(6 - x)^3$       4)  $(7 - 2x)^2$ .
- 12) Укажите первообразную функции  $f(x) = 3x + 3x^2 - 3$ .
- 1)  $x^3 + (3/4)x^4 + 4$       2)  $x^3 + (3/4)x^4 + 4x$       3)  $2 + 12x^2$       4)  $(3/2)x^2 + x^3 - 3x$ .
- 13) Решите уравнение  $\log_{0,1}(5x + 2) - \log_{0,1} 2 = \log_{0,1} 6$ .
- 1)  $4$       2)  $2$       3)  $4,4$       4)  $20$ .
- 14) Найдите точки минимума функции  $y = (1/4)x^4 - 1/8x$ .
- 1)  $0$       2)  $12$       3)  $-2$       4)  $1/2$ .
- 15) Найдите диагонали прямоугольного параллелепипеда по трем его измерениям:  $3; 4; 1$ .
- 1)  $5\sqrt{2}$       2)  $5$       3)  $\sqrt{26}$       4)  $2$ .
- 16) Вычислите площадь фигуры (S), ограниченной линиями  $y = 16 - x^2, y = 0, x = -3, x = 1$ .
- 1)  $8$       2)  $2\frac{2}{3}$       3)  $54\frac{2}{3}$       4)  $8\frac{2}{3}$ .
- 17) Укажите область определения функции  $y = \log_3(25 - x^2)$ .
- 1)  $(-5; 5)$       2)  $(-2; +\infty)$       3)  $(2; +\infty)$       4)  $(0; 2)$ .
- 18) Найдите наименьшее целое решение неравенства  $(1/9)^{2x-5} \leq 1/81$ .
- 1)  $0$       2)  $3$       3)  $4$       4)  $2$ .
- 19) Площади двух граней прямоугольного параллелепипеда равны  $625\text{дм}^2$  и  $125\text{дм}^2$ , а длина их общего ребра  $25\text{дм}$ . Найдите объем параллелепипеда.
- 1)  $645$       2)  $2645$       3)  $1029$       4)  $3125$ .

20) Образующая конуса равна 24 см и составляет с плоскостью основания угол  $30^\circ$ .

Найдите объем конуса, считая  $\pi = 3$ .

- 1) 36501    2) 5184    3)  $240\sqrt{2}$     4) 3648.

### Вариант 20

1) Вычислите  $4 \cdot \left(\frac{1}{256}\right)^{\frac{1}{4}} + 5$ .

- 1) 135    2) 23    3) 19    4) 6.

2) Упростите выражение  $\frac{16^{-3/2}}{4^{-2}}$ .

- 8)  $0,17^{-1}$     2) 1    3)  $1/4$     4) 17

3) Упростите выражение  $(1/2) * 10^{\lg 30}$

- 1) 10    2) 1    3) 8    4) 15.

4) Найдите значение  $\sin \alpha$ , если  $\cos \alpha = -1/2$  и  $\pi/2 < \alpha < \pi$

- 1)  $3/5$     2)  $-0,6$     3)  $-\sqrt{3}/2$     4)  $2/5$

5) Упростите выражение  $1 - \sin^2 x + 7\sin^2 x + 6\cos^2 x$ .

- 1) -8    2)  $-2,5$     3) 7    4) 12.

6) Решите уравнение  $2 \cos 2x = \sqrt{3}$

- 1)  $\pi/3 + \pi n, n \in \mathbb{Z}$     2)  $\frac{\pi}{2}$     3)  $\frac{\pi}{3} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$     4)  $\pm \frac{\pi}{12} + \pi n, n \in \mathbb{Z}$

7) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $\sqrt{44 - 3x^2} = -x$ .

- 1)  $\left[\frac{4}{3}; 36\right]$     2)  $(-4; -1)$     3)  $(-2; 10)$     4)  $(-\infty; -2]$ .

8) Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения  $(0,5)^{5x-4} = 0,25$

- 1)  $[-4; 0)$     2)  $[0; 1)$     3)  $(-\infty; 2)$     4)  $[-4; -2)$ .

9) Решите неравенство  $\frac{x+2}{(x-2)(x+2)} > 0$ .

- 1)  $(2; +\infty)$     2)  $(-2; 2)$     3)  $(-\infty; 1,4)$     4)  $(-\infty; -1) \cup (-2; \frac{1}{4})$ .

10) Найдите множество значений функции  $y = 5\sin x - 1/2$ .

- 1)  $[-5,5; 4,5]$     2)  $[-3; 1]$     3)  $[-1; 1]$     4)  $[-3; -1]$ .

11) Найдите производную функции  $f(x) = \ln(x^2 - 2)$

- 1)  $2x / (x^2 - 2)$     2)  $2(2 - 2x)^3$     3)  $8x$     4)  $(3 - 2x)^2$ .

12) Укажите первообразную функции  $f(x) = x^{-2} + 2x^2 + 1$ .

- 1)  $-x^{-1} + (2/3)x^3 + x$     2)  $x^3 - x^2 + 4x$     3)  $2 + 12x^2$     4)  $x^2 + x^4$ .

13) Решите уравнение  $\log_{2,1}(12x - 7) - \log_{2,1} 3 = \log_{2,1} 6$ .

- 1) 15    2) 22    3) 15,5    4) 2,08.

14) Найдите точки минимума функции  $y = (2/3)x^3 - (1/2)x$ .

- 1) -1    2) 1    3) -2    4)  $1/2$ .

15) Найдите диагонали прямоугольного параллелепипеда по трем его измерениям: 1; 3; 2.

- 1)  $5\sqrt{2}$     2) 5    3)  $\sqrt{14}$     4) 11.

16) Вычислите площадь фигуры (S), ограниченной линиями  $y = -4x^2 + 4$ ,  $y = 0$ .

- 1)  $32/3$     2)  $2\frac{2}{3}$     3)  $5\frac{1}{3}$     4)  $8\frac{2}{3}$ .

17) Укажите область определения функции  $y = \log_{16}(-0,5 + 2x^2)$ .

- 1)  $(-\infty; -0,5) \cup (0,5; +\infty)$     2)  $(-2; +\infty)$     3)  $(2; +\infty)$     4)  $(0; 2)$ .

18) Найдите наименьшее целое решение неравенства  $(0,2)^{-4-2x} \geq 0,04$ .

- 1) 0    2) -3    3) 1    4) 4.

19) Площади двух граней прямоугольного параллелепипеда равны  $12\text{дм}^2$  и  $42\text{дм}^2$ , а длина их общего ребра  $6\text{дм}$ . Найдите объем параллелепипеда.

- 1) 84    2) 2645    3) 1029    4) 1260.

20) Образующая конуса составляет с плоскостью основания угол  $45^\circ$ , высота равна  $12\text{см}$ . Найдите объем конуса, считая  $\pi = 3$ .

- 1) 6501    2) 2501    3) 1728    4) 512.

### Критерии оценки работы

**1 задание:** Степень с рациональным показателем – 1 балл

**2 задание:** Степень с рациональным показателем – 1 балл

**3 задание:** Свойства логарифмической функции – 1 балл

**4 задание:** Основные тригонометрические формулы – 2 балла

**5 задание:** Основные тригонометрические формулы – 2 балла

**6 задание:** Решение тригонометрических уравнений – 1 балл

**7 задание:** Решение иррациональных уравнений – 2 балла

**8 задание:** Решение показательных уравнений – 2 балла

**9 задание:** Метод интервалов - Решение иррациональных уравнений – 1 балл

**10 задание:** Свойства тригонометрических функций – 1 балл

**11 задание:** Вычисление производных - 1 балл

**12 задание:** Нахождение первообразной функции – 1 балл

**13 задание:** Решение логарифмических уравнений – 1 балл

**14 задание:** Нахождение максимального и минимального значений функции – 2 балла

**15 задание:** Свойства тел в стереометрии – 1 балл

**16 задание:** Площадь криволинейной трапеции – 3 балла

**17 задание:** Построение графика логарифмической функции – **3 балла**

**18 задание:** Решение показательных неравенств - **3 балла**

**19 задание:** Многогранники - **3 балла**

**20 задание:** Тела вращения - **3 балла**

**Рекомендации для проверки (проведения) экзаменационного теста**

Тест состоит из 20 заданий.

Задания содержат по 4 варианта ответов, причем каждый вопрос имеет только один вариант правильного ответа.

Максимальный балл за тест – 35.

0 – 14 баллов - «2» («неудовлетворительно»)

15 – 19 баллов - «3» («удовлетворительно»)

21 – 29 баллов - «4» («хорошо»)

30 – 35 баллов - «5» («отлично» )